

Обложка
ищется

Обложка
ищется

Проверено 1935

В К И І

871

ВѢСТНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ и ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

XIII Сем.

№ 153.

№ 9.

Содержание: Галилео Галилей, его жизнь и научная деятельность. Критико-биографический очеркъ, *О. Пергамента*.—Аналогія между магнитной индукцией и электризацией черезъ вліяніе, *А. Королькова*.—Къ статьи В.г. Александрова.—Опыты и приборы.—Разныя извѣстія.—Задачи чи №№ 411—416.—Рѣшенія задачъ (2 сер.) №№ 106, 107, 127, 189, 190, 156, 236 и 289.

ГАЛИЛЕО ГАЛИЛЕЙ,

ЕГО ЖИЗНЬ и НАУЧНАЯ ДѢЯТЕЛЬНОСТЬ.

Критико-биографический очеркъ

О. Пергамента.

Нѣтъ несомнѣнно во всей исторіи науки вопроса, который въ большей степени останавливалъ бы на себѣ вниманіе изслѣдователя, чѣмъ вопросъ о личности и трудахъ Галилея и изученіе эпохи, ему современной.

Полная превратностей судьба, вдохновившая не мало писателей и поэтовъ; глубоко-продуманныя творенія, которыя и теперь еще поражаютъ насъ, какъ доказательство того, до какой высоты можетъ подняться работа человѣческой мысли; исторический моментъ, ознаменовавшійся восходомъ зари современной науки; величавая картина крушений философіи перипатетиковъ съ одной стороны, и рожденія экспериментального метода съ другой,—вотъ тѣ события, полныя захватывающаго духъ интереса, центромъ которыхъ является Галилео Галилей, этотъ титанъ мысли, котораго механика, астрономія и физика съ равнымъ правомъ могутъ называть своимъ отцомъ и основателемъ *).

*) Личность, судьба и произведения Галилея вызвали безконечную и разнообразную литературу. Однихъ біографовъ насчитываютъ свыше 100, не принимая въ расчетъ лицъ, занимавшихся изслѣдованиемъ профессии. Риккарди даётъ перечень всего, написанного о Галилеѣ. (см. Riccardi, *Bibliografia galileana*, Modena, 1873) до 1873 года. Изъ произведений отечественной литературы

Галилео Галилей родился по всѣмъ вѣроятіямъ 18 го февраля 1564 года въ г. Пизѣ отъ Винченцо ди Микельанджело Галилея и Джулії ди Козимо Амманати. Отецъ его, занимавшійся въ Пизѣ суконной торговлей, не былъ однако зауряднымъ торговцемъ: онъ обладалъ недюжиннымъ образованіемъ. По свидѣтельству Вивіані, онъ былъ чрезвычайно свѣдущимъ въ области математическихъ наукъ и кромѣ того пользовался извѣстностью, какъ отличный знатокъ теоріи и исторіи музыки. Превосходное знаніе древнихъ языковъ давало ему возможность непосредственно черпать изъ обильной сокровищницы классической литературы.

Печально сложившіяся обстоятельства материального характера вскорѣ заставили Винченцо Галилея переселиться во Флоренцію. Нельзя однако думать, чтобы переселеніе это совершилось, какъ утверждаютъ почти всѣ бiографы Галилея, въ концѣ шестидесятыхъ годовъ 16-го столѣтія. Еще въ 1574 году мы застаемъ семейство Галилея въ Пизѣ *). Не имѣя однако возможности существовать въ этой послѣдней со своимъ многочисленнымъ семействомъ, Винченцо переселился во Флоренцію, лѣтъя надежду, что современемъ первенецъ его Галилей съ большими успѣхами, не жели онъ, займется торговлею суконъ. Несмотря однако на такое предназначение и на то, что семья приходилось жить на тѣ жалкие гроши, которые Винченцо зарабатывалъ уроками музыки, онъ постарался дать сыну своему возможно лучшее образованіе по понятіямъ того времени. Съ этой цѣлью онъ прискакалъ сыну своему учителя въ лицѣ Якова Боргини, человѣка, оказавшагося малоспособнымъ и не стоявшаго на достаточно высокомъ уровнѣ, чтобы сдѣлаться руководителемъ блестящѣ и разносторонне одареннаго Галилея. Тѣмъ не менѣе подъ его руководствомъ, главнымъ же образомъ при содѣйствіи отца, Галилей изучилъ въ совершенствѣ греческій и латинскій языки. Подъ вліяніемъ этого изученія и образовался тотъ увлекательный языкъ его, которымъ онъ въ послѣдствіе привлекалъ своихъ слушателей и громилъ своихъ враговъ.

Обстоятельства дѣтства и отрочества Галилея сравнительно мало извѣстны. Ученикъ и бiографъ его, Вивіані разсказываетъ о рано проявившейся замѣчательной способности его изготавливать приборы и машины въ подражаніе видѣннымъ имъ, причемъ уже дѣтская сообразительность его всегда находила способъ усовершенствовать тотъ или иной приборъ **). Когда учености Якова туры имъ извѣстны: *Ассоновъ*, Галилей передъ судомъ инквизиціи (или Галилей и Ньютона) Москва 1871; *Маракуевъ*, Галилей, его жизнь и ученыe труды. Москва, 1888; *Предтеченский*, Галилей, его жизнь и научная деятельность. Спб. 1891. Изъ сочиненій, появившихся сравнительно недавно, мы укажемъ на превосходное изсѣданіе, на основаніи второго и составленъ предлагаемый очеркъ: *Antonio Favaro, Galileo Galilei e lo studio di Padova, Firenze, 1883, 2 vol.—8°.*

*) Ср. Favaro Op. cit vol I, p. 7.

**) Помимо тогъ даровитый отрокъ вскорѣ обнаружилъ недюжинный талантъ къ музыке и рисованию. Кто былъ его учителемъ въ живописи, неизвѣстно, но знанія его въ этой области были настолько серьезны, что къ нему въ послѣдствіи не разъ обращались художники за совѣтомъ и указаніями.

Боргани уже не хватило на дальнѣйшее развитіе своего ученика, Винченцо отдалъ своего сына въ монастырь Валломброзо для большаго усовершенствованія въ гуманистическихъ наукахъ, которымъ Галилей преимущественно обучался въ отроческомъ возрастѣ. Образованные монахи, бывшиe лучшими цѣнителями способностей своего питомца, нежели недалекій Боргани, пожелали оставить талантливаго юношу у себя на всегда. Но отецъ поспѣшилъ взять его изъ монастыря обратно подъ предлогомъ необходимости лѣченія открывшагося страданія глазъ. Видя необыкновенную дарованія своего сына, Винченцо рѣшилъ посвятить его болѣе возвышенной дѣятельности, не упуская при этомъ изъ виду материальной стороны; поэтому онъ пожелалъ посвятить своего сына изученію медицины и для этой цѣли направилъ его въ Пизанскій университетъ, где молодому студенту приходилось, согласно установленному порядку академического преподаванія, прослушать курсъ перипатетической философіи. Здѣсь онъ не познакомился, какъ принято ошибочно утверждать, съ Яковомъ Матцони, такъ какъ этотъ послѣдній въ то время еще не былъ профессоромъ Пизанского университета, но взамѣнъ этого встрѣтилъ въ лицѣ преподавателя медицины Чезальпино одного изъ выдающихся людей того времени. *) Лекціи этого послѣдняго, по всей вѣроятности, принесли молодому студенту значительную пользу въ противоположность бездушному преподаванію философіи.

Перипатетическая философія, хотя и подкощенная въ своихъ основахъ цѣлымъ рядомъ мыслителей—Джироламо Кардано, Піетро Помпониацци, Марио Ніццоліо, Франческо Патриціо, Бернардино Телезіо и др., еще господствовала въ то время въ мірѣ университетскаго преподаванія. Схоластическая доктрина, потопившая обширное знаніе Аристотеля въ цѣломъ морѣ софизмовъ и искусственныхъ тонкостей, царствовала въ мірѣ науки, не признавая соперницы. „Аѣтъ єѹ“ вполнѣ удовлетворяло посредственные умы и отживавшихъ преподавателей, боязливо относившихся ко всякой новой истинѣ, которая могла бы подорвать ихъ авторитетъ, но, съ другой стороны, оно не могло и не должно было удовлетворять молодую натуру, богато одаренную и стремившуюся къ достижению не призрачной, а дѣйствительной истины. Ясно, что такое преподаваніе не могло привлечь Галилея. Вотъ что онъ писалъ впослѣдствіи по этому поводу Кеплеру: „Putat enim hoc hominum genus, philosophiam esse librum quendam velut Aeneida et Odyssea: vera autem non in mundo, aut in natura, sed in confrontatione textuum (utor illorum verbis) esse quaerenda“. Его живая и полная жажды знанія натура, природный умъ, по преимуществу склонный къ наблюдению, не могли принимать на вѣру готовые результаты, добытые древними авторами, и отказаться отъ естественного желанія и права подвергнуть ихъ опытной проверкѣ и критической оценкѣ. Пылкость характера и общительность природы молодого Галилея побуждали его дѣлиться всѣми мыслями со своими товарищами по уни-

*) Ср. Favaro, op. cit. vol. I, pag. 11.

верситету. Поэтому, онъ устраивалъ въ кругу университетской молодежи частные публичные диспуты, въ которыхъ дѣлалъ попытки къ обличенію ложной стороны ученія перипатетиковъ. Къ этой порѣ его жизни относятся слѣдующіе два факта, которые,—если и принадлежатъ даже къ области вымысла,—тѣмъ не менѣе интересны для характеристики способа мышленія Галилея. Сидя однажды въ Пизанскомъ соборѣ, онъ обратилъ вниманіе на медленно качавшуюся люстру, выведенную случайно изъ состоянія равновѣсія. Определенная время одного колебанія по біеню своего пульса, Галилей пришелъ къ убѣжденію, что продолжительность одного полнаго колебанія не зависитъ отъ величины размаха. Такимъ образомъ, онъ пришелъ къ открытію столь богатаго послѣдствіями закона изохронизма малыхъ колебаній маятника. Тотчасъ же послѣ этого открытия Галилею пришла мысль воспользоваться равновременностью малыхъ колебаній для точнаго измѣренія времени; первая попытка къ ея осуществленію послѣдовала лишь нѣсколько лѣтъ спустя. Пока же онъ примѣнилъ свое открытіе къ точному измѣренію числа біеній пульса; приборъ, имъ для этой цѣли придуманный, былъ въ послѣдствіе описанъ *) подъ именемъ „pulsilogram“ Санториемъ, который приписалъ себѣ честь его изобрѣтенія.

Второй разсказъ относится къ первымъ занятіямъ Галилея по математикѣ, которую онъ до 19-го года зналъ только по имени. Герардини и Вивіани—первые бiографы Галилея—расходятся въ свидѣтельствахъ по этому поводу. По разсказу первого, Галилей отправился однажды къ Остилю Ричи, другу своего отца, учителю математики пажей при тосканскомъ дворѣ. Прійдя во время урока, Галилей, не желая прерывать преподаванія, простоялъ за дверьми и былъ такъ глубоко пораженъ слышанными обрывками изъ этого, для него невѣдомаго, мiра, что обратился къ Ричи съ просьбой не отказать ему въ преподаваніи началь математики. По разсказу Вивіани, Галилей не занимался математическими науками лишь на основаніи строгаго запрета отца, боявшагося, что увлекательность новой науки отобьетъ у молодого студента охоту заниматься медициной. Чувствуя однако непреодолимое влечение къ математикѣ, Галилей прибѣгъ будто бы къ посредничеству Ричи, который и выхлопоталъ ему, хотя и съ трудомъ, разрешеніе отца. Мы не будемъ входить въ разборъ и оценку этихъ двухъ свидѣтельствъ, такъ какъ это не составляло бы характеру настоящаго очерка; важно только установить тотъ фактъ, что Галилей съ рвениемъ, присущимъ его пылкой природѣ, предался подъ руководствомъ Ричи изученію элементовъ Эвклида. Не успѣлъ еще девятнадцатилѣтній Галилей освоиться съ тѣмъ родомъ гимозрѣній, на которыхъ основывается изученіе математики, но которыя наиболѣе соответствовали природному складу его ума, какъ уже окончательно рѣшилъ посвятить себя изученію геометрии. Отецъ его, видя быструю замѣну Галена и Гиппократа Эв-

*) Въ сочиненіи „Methodi vindictum ergorum omnium, qui in arte medica contingunt“. Venetiis 1603. Присыпаются и обрѣтеніе этого прибора итальянскому ученому Сарпи. Ср. Favaro op. cit. vol. I, p. 14, примѣч. I.

лидомъ и Архимедомъ, съ болью въ сердцѣ отказался отъ взлѣянной мечты своей—сдѣлать изъ сына своего медика. Обремененный многочисленнымъ семействомъ, стариkъ оказался не въ силахъ дать сыну возможность продолжать образованіе, а потому обратился къ великому герцогу Тосканскому, Фердинандо Медичи съ просьбой предоставить его сыну, въ виду способностей этого послѣдняго, право бесплатно продолжать ученіе въ университѣтѣ,— право, которымъ могли пользоваться сорокъ неимущихъ студентовъ. Но уже тогда своимъ необыкновеннымъ талантомъ и совершенно независимымъ отъ авторитета Аристотеля способомъ изслѣдований Галилей успѣль пріобрѣсть въ средѣ рутинныхъ преподавателей множество завистниковъ и враговъ. Послѣдніе не дремали и, благодаря ихъ проискамъ, великій герцогъ отказалъ въ просьбѣ Винченцо, такъ что молодой ученый долженъ былъ оставить разсадникъ наукъ, не пріобрѣвши докторской степени.

Но не такова была природа Галилея, чтобы этотъ ударъ лишилъ съ энергіи. По возвращеніи подъ ролную кровлю онъ продолжалъ серьезно заниматься изученіемъ Архимеда. Въ особенности привело его во восторгъ чтеніе двухъ трактатовъ „de aequiropiderntibus“ и „de his quae vefuntur in aqua“. Плодомъ этого изученія явилось изобрѣтеніе гидростатическихъ вѣсовъ, описанныхъ имъ въ „La bilancetta, nella quale, ad imitazione d'Archimede nel problema della Corona, s'insegna a trovare la proporzione del nusto di due metalli, e la fabbrica dello strumento“. Сочиненіе это находилось въ тѣсной связи съ предпринятымъ Галилеемъ трактатомъ о центрѣ тяжести твердыхъ тѣлъ *) и было распространено первоначально въ рукописи; появилось оно въ печати лишь послѣ его смерти въ 1655 году. Къ тому же времени (1587 г.) относятся прочитанныя Галилеемъ во Флоренціи двѣ лекціи на тему: „intorno la figura, sito e grandezza dell'Inferno di Dante Alighieri“. Всякій, кто дастъ себѣ трудъ прочитать эти критическія замѣтки, — даже теперь, послѣ того какъ столько написано о божественной поэмѣ — будетъ пораженъ тонкимъ остроумiemъ и глубиной мысли Галилея. Для насъ эти лекціи интересны тѣмъ, что въ нихъ думаютъ найти выраженіе астрономического credo Галилея въ томъ періодѣ времени. „Представимъ себѣ, говорить онъ **), прямую линію, идущую изъ центра земли (центръ этотъ является кромѣ того центромъ тяжести всего міровданья)...“ Изъ этихъ словъ многіе заключаютъ, что Галилей въ то время былъ приверженцемъ Птоломеевої теоріи міровданья. Нѣть сомнѣнія, говоритъ Фаваро ***), что Галилей, какъ и Коперникъ, началъ съ Птоломеевої теоріи, прежде чѣмъ стать убѣжденнымъ Пиѳагорейцемъ; изъ вышеприведенныхъ словъ ничего определенного выводить однако нельзя, такъ какъ Галлпей говорилъ здѣсь устами Данте, становясь на точку зренія этого послѣдняго.

*) Ср. Fararo, Op. cit. vol I. p. 21.

**) Le Opere di Galileo Galilei..., Firenze. 1856, tomo XV, pag. 15.

***) Op. cit. vol. I. pag. 28.

Въ это время имя Галилея стало пользоваться нѣкоторой популярностью. Онъ уже завязалъ письменныя сношения со многими замѣчательными учеными своего времени: съ математиками Молети (въ Падуѣ), Мишелемъ Куанье (въ Антверпенѣ), іезуитомъ Клавіо, занимавшимъ пропрѣкторомъ календаря въ Римѣ; съ этимъ послѣднимъ онъ свѣль и личное знакомство при поѣздкѣ своей въ Римъ въ 1587 году. Но особенно благотворнымъ для него по послѣдствіямъ своимъ оказалось знакомство съ маркизомъ Гвидобальдо дэль Монтэ, извѣстнымъ ученымъ того времени, авторомъ многихъ сочиненій по механикѣ, астрономіи и т. д. Этотъ послѣдній принадлежалъ къ числу горячихъ приверженцевъ Галилея, которому онъ далъ прозвище „Архимеда своего времени“. Благодаря его поддержкѣ, Галилей получилъ наконецъ, послѣ нѣсколькихъ тщетныхъ попытокъ занять каѳедру въ Болоньѣ, профессуру математики въ Пизанскомъ университѣтѣ (1589 г.) съ содержаниемъ въ 60 скуди, т. е. около 90 рублей въ годъ.

Подложеніе Галилея въ эту пору его жизни было крайне печально и тяжело. Необходимость служить поддержкой всей семьѣ и престарѣлому отцу, принесшему для любимаго сына столько жертвъ, при крайне ничтожномъ содержаніи заставляла молодого ученаго тратить время и силы на частные уроки, чтобы посторонними доходами нѣсколько сгладить скучность своего содержанія. Крайне тяжелое экономическое положеніе съ одной стороны, еще болѣе тяжелыя условія жизни среди корпораціи, относившейся съ фанатической ненавистью къ нему съ другой, не могли не отзываться на немъ. И тѣмъ не менѣе юный профессоръ продолжалъ трудиться на пользу науки и обогащалъ ее съ каждымъ днемъ новыми открытиями *). Въ это время Галилей продолжалъ усердно заниматься философіей при помощи Якова Маддені и вернулся, побуждаемый маркизомъ дэль-Монтэ, къ барицентрическимъ вопросамъ. Къ этому же времени относятся его работы надъ циклондой. Центромъ тяжести, однако, его научныхъ открытий являются опыты надъ свободнымъ паденіемъ тѣлъ.

Многіе изъ предпредшественниковъ Галилея уже сомнѣвались въ справедливости априорныхъ выводовъ Аристотеля. Леонардо да Винчи были, повидимому, извѣстны законы паденія по наклонной плоскости, но ему не удалось дать ясную ихъ формулировку; Джованни Баттиста Бенедетти уже убѣдился въ ложности многихъ механическихъ построений Аристотеля, но никому не пришло на мысль подвергнуть заподозренія положенія опытной пропрѣктора.

Аристотель, изслѣдуя законы паденія тѣлъ, высказалъ положеніе, что скорость, пріобрѣтаемая какимъ-нибудь падающимъ тѣломъ, прямо пропорціональна его вѣсу. Галилей усомнился въ истинѣ этого положенія и, подвергнувъ его опытному изслѣдованию, тотчасъ же убѣдился, насколько оно было далеко отъ дѣйст-

*) О крайне тяжеломъ положеніи Галилея можно судить по одному изъ отвѣтныхъ писемъ дэль-Монтэ къ Галилею. Ср. Le Opere di Galileo Galilei... tomo VIII. Firenze 1851, p. 14.

вительности. Очевидность самого опыта, независимость его отъ вся-
каго подлога и важность доказываемаго имъ закона, побудили юнаго
философа избрать именно этотъ опытъ для состязанія и требовать
отъ своихъ противниковъ публичнаго диспута для доказательства
истини или лживости ихъ древней философской системы. Вызовъ
былъ принятъ. Наклонившаяся Пизанская башня представляла
самое удобное мѣсто для производства опыта, которымъ Галилей
съ полною очевидностью хотѣлъ торжественно изобличить ошибку
Аристотеля, и къ ней то съ разсвѣтомъ направились обѣ спорив-
шія и равно увѣренныя въ себѣ партіи. Это бытъ великий кри-
зисъ въ исторіи человѣческаго знанія. Съ одной стороны стояла
избранная мудрость университетовъ, читаемая и по лѣтамъ, и по
знаніямъ, уважаемая за свои достоинства, дружная и господствую-
щая. Вокругъ нея толпился народъ, подлѣ нея — представители
ученыхъ обществъ. Противъ нихъ выступалъ почти неизвѣстный
юноша, окруженный малочисленными и робкими приверженцами
безъ вѣса въ обществѣ и безъ состоянія. Насталъ часъ испыта-
нія. Шары, назначенные для опыта, точно взвѣшиваются, причемъ
тщательно осматриваются, не кроется ли въ нихъ обмана. Осмотръ
удовлетворяетъ обѣ партіи. Оказывается, что одинъ шаръ вдвое
тяжелѣе другого. Послѣдователи Аристотеля утверждаютъ, что,
если оба шара будутъ одновременно брошены съ вершины башни,
то тяжелѣйшій достигнетъ земли вдвое скорѣе, Галилей же, — что
скорости паденія будуть равны.

На этомъ спорящіе расходятся. Шары взносятся на вершину
башни и по данному сигналу предоставляются свободному паде-
нию. Быстро опускаясь, они одновременно ударяются о землю. Опытъ
повторяется съ цѣлымъ рядомъ шаровъ. Одинъ только восковой
шаръ нѣсколько отсталъ отъ другихъ, но Галилей безошибочно
доказываетъ, что это является результатомъ сопротивленія воздуха.

Произведенный Галилеемъ опытъ настолько важенъ, что на
немъ слѣдуетъ остановиться подробнѣе. Опытъ этотъ есть родо-
начальникъ нашей современной науки. Доказавъ, съ одной стороны,
всю несостоятельность априорнаго способа изслѣдованія и установ-
ивъ прочно и незыблѣмо значеніе экспериментальнаго метода, столь
богатаго послѣдствіями въ обширной области естествовѣдѣнія,
опытъ этотъ является по истинѣ кризисомъ въ исторіи человѣче-
скаго знанія. Съ другой стороны, будучи краеугольнымъ камнемъ
динамики, онъ служить базисомъ и всего современного знанія.
Утратясь значеніе этой истины, — и все величественное зданіе но-
вѣйшей науки падетъ во прахъ при малѣйшемъ дуновеніи; ибо
въ основаніи его лежать простые и неизмѣнныя законы движенія.
Пока эти законы дѣйствуютъ, до тѣхъ поръ величавое открытие
флорентинскаго ученаго будетъ оставаться памятникомъ его остро-
умія и проницательности. „Открытие спутниковъ Юпитера, фазъ
Венеры, солнечныхъ пятенъ и т. д., говорить Лагранжъ, требовало
только телескопа и прилежанія; но нуженъ былъ необыкновенный
гений, чтобы извлечь законы природы изъ наблюденія физическихъ
явленій, совершающихся предъ глазами каждого, разгадка которыхъ,

однако, не поддавалась усилиямъ величайшихъ философовъ*. Это былъ первый шагъ въ наукѣ о движениі, но для этого шага человѣчеству пришлось пройти почти 18 столѣтій съ Архимеда до Галилея! Толчекъ, данный этимъ послѣднимъ наукѣ механики, былъ такъ силенъ, что динамика, который до него и слѣдовъ не было, послѣ него, народилась, такъ сказать, сама собой *).

Такъ какъ вертикальное паденіе тѣлъ совершалось слишкомъ быстро, не давая возможности подвергнуть его подробному наблюденію, то Галилей прибрѣгъ къ посредству наклонной плоскости и пришелъ къ заключенію, что пространства, пройденныя тѣломъ съ самаго начала движенія, пропорціональны квадратамъ временъ. Результатомъ его изслѣдованій (напечатанныхъ въ 1638 году: „Discorsi e dimostrazioni matematiche intorno a due scienze attenenti a la meccanica e i movimenti locali“) было установление двухъ первыхъ основныхъ началъ динамики: начала инерціи и начала независимости дѣйствія силъ.

О. Церемонтъ (Одесса),

(Продолженіе слѣдуетъ).

АНАЛОГІЯ

между магнитною индукцією и электризациєй черезъ вліяніе.

Аналогія между магнитною и электрическою индукцією должна, очевидно, идти очень глубоко, ибо взаимодѣйствіе f между наэлектризованными и намагниченными тѣлами выражается одною и тою же формуловою

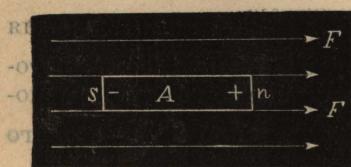
гдѣ m и m_1 — взаимодѣйствующія магнитныя или электрическія массы, r —расстояніе между ними.

1. Основная лягепія. Назовемъ напряженіемъ магнитного поля въ данной точкѣ ту силу F , которая дѣйствуетъ на помещенную въ этой точкѣ положительную единицу магнетизма.

Опыты показываютъ, что въ магнитномъ полѣ всякое тѣло получаетъ магнитныя свойства. Со стороны входа линій силъ въ

*.) Maximilien Marie, Histoire des sciences mathématiques & physiques. Paris 1884. T. III. p. 124.

тѣло является намагничивание электризацией одного знака, а со стороны выхода линий силы—другого знака.



Фиг. 42.

Вообразимъ себѣ тѣло А (фиг. 42) магнитномъ

въ однородномъ электрическомъ полѣ напряженія F. Пусть тѣло А имѣетъ видъ длинного бруска, расположенного вдоль линий силы. Опыты показываютъ, что

магнитная

плотность D на поверхности электрическая

стахъ n и s тѣла будетъ пропорциональна напряженію поля F, т. е.

$$\text{то } \text{атмосфера } A \text{ имеет } D = \mu F,$$

гдѣ μ есть постоянный коэффициентъ намагничивания, зависящій отъ природы тѣла.

Для случая электризациіи легко показать вычислениемъ, что $\mu = \frac{1}{4\pi}$, если тѣло А есть проводникъ. Во всѣхъ остальныхъ случаяхъ μ опредѣляется опытами.

Коэффициенты намагничивания.

	μ		μ
Желѣзо	32,00	Ртуть	$-3 \cdot 10^{-6}$
Магнитный желѣзникъ	8,00	Висмутъ	$-15 \cdot 10^{-5}$
Бутылочн. стекло	0,15	Вода	$-1 \cdot 10^{-6}$
Перекись марганца	0,05	Углекислота	$-4 \cdot 10^{-3}$

Коэффициенты электризациіи.

	μ		
Вода	$\frac{1}{4\pi} \cdot 0,985$	Воздухъ	0
Сѣра	$\frac{1}{4\pi} \cdot 0,75$	Водородъ	$\frac{1}{4\pi} \cdot (-0,0002)$
Керосинъ	$\frac{1}{4\pi} \cdot 0,45$	Пустота	$\frac{1}{4\pi} \cdot (-0,0003)$
Углекислота	$\frac{1}{4\pi} \cdot 0,0002$		

Коэффициентъ μ взять со знакомъ $+$, когда со стороны выхода линий силы появляется положительное намагничивание. Знакъ—передъ

http://www.vofei.ru

μ указываетъ, что со стороны выхода линій силъ намагничуваніе електризація отрицательны.

2. Притяженіе и отталкиваніе въ магнитномъ полѣ. Тѣла, для которыхъ μ положительно, будуть притягиваться полюсомъ, который производить поле, ибо ближе къ данному полюсу будутъ расположены индуктированные магнитныи массы противоположного знака.

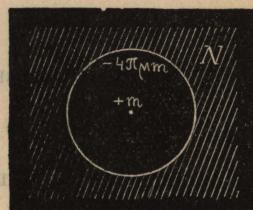
Если μ отрицательно, то въ ближайшихъ къ полюсу частяхъ тѣла A индуцируются массы того же знака, какъ и въ данномъ полюсѣ. Поэтому между полюсомъ и тѣломъ A происходитъ отталкиваніе.

Для случая магнитной индукції притяженіе и отталкиваніе легко демонстрируются въ магнитномъ полѣ, производимомъ сильными электромагнитами.

Въ случаѣ электризациії притяженіе тѣлъ къ наэлектризованныму тѣлу также легко наблюдается, а отталкиваніе можно замѣтить для струи водорода въ воздухѣ вблизи наэлектризованного тѣла. Наблюдаются эту струю по ея слабой тѣни, получаемой при сильномъ освѣщеніи.

3. Напряженіе поля внутри тѣла, подверженного вліянію. Пусть магнитная масса *m* помѣщена внутри среды N (фиг. 43), для которой μ больше, чѣмъ для воздуха; вообразимъ около массы *m* шарообразную массу воздуха радиуса *r*. Тогда на поверхности воздушного шара разовьется магнитизмъ, плотность котораго — $D = -\mu F$. Напряженіе поля F, происходящаго отъ массы *m* на разстояніи *r*, равно $\frac{m}{r^2}$; отсюда

$$D = \frac{\mu m}{r^2}.$$



Фиг. 43.

Весь зарядъ на поверхности шара равенъ — $D \cdot 4\pi r^2 = -4\pi \mu m$.

Дѣйствіе массы *m* и наведенной массы — $-4\pi \mu m$ сводится такимъ образомъ къ дѣйствію одной массы равной *m* ($1 - 4\mu$). Поэтому величины всѣхъ силъ, зависящихъ отъ массы *m*, будутъ въ средѣ N менѣше, чѣмъ въ воздухѣ, въ отношеніи $(1 - 4\mu)$: 1.

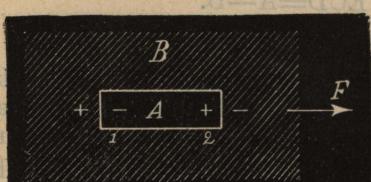
4. Діэлектрическая постоянная. Представимъ себѣ тѣло A, (фиг. 44) соединеннымъ съ какимъ либо постояннымъ источникомъ электричества B. Положимъ, что равновѣсие установится въ воздухѣ въ томъ случаѣ, если на тѣло A перейдетъ изъ B зарядъ *t*. Если тѣло A находится въ средѣ N, для которой коэффиціентъ электризациії равенъ μ, то, по вышеизложенному, помѣщеніе тѣла A въ среду N равносильно уменьшенію его



Фиг. 44.

заряда въ $\frac{1}{1-4\mu}$ разъ. Поэтому равновѣсіе нарушается и на тѣло А перейдетъ новый зарядъ, большій прежняго въ $\frac{1}{1-4\mu}$ разъ. Коэффиціентъ $\frac{1}{1-4\mu}$ называется діэлектрическою постоіанною среды. Такъ, напримѣръ, замѣнивъ слой воздуха въ конденсаторѣ стекломъ, мы увеличимъ емкость его въ $\frac{1}{1-4\mu} = 5$.

5. Относительность діамагнитизма. Пусть тѣло А (фиг. 45) съ коэффиціентомъ намагничиванія μ_a помѣщено въ среду В съ коэффиціентомъ намагничиванія μ_b . Напряженіе поля есть F. Тогда на поверхности 2 тѣла В разовьется плотность магнитизма $\mu_b \cdot F$, на поверхности 2 тѣла А разовьется магнитизмъ плотности $+\mu_a \cdot F$, т. е. яв-



Фиг. 45.

ление произойдетъ такъ, какъ будто бы на поверхности 2 появилась плотность $+(\mu_a - \mu_b) \cdot F$.

Если $\mu_b > \mu_a$, то на поверхности 2 появится отрицательное намагничиваніе, а на поверхности 1 положительное, т. е. тѣло А намагнитится такъ, какъ будто бы оно было діамагнитнымъ. Бутылочное стекло въ хлористомъ желѣзѣ кажется діамагнитнымъ, хотя въ воздухѣ оно магнитно.

A. Корольковъ (Спб.).

КЪ СТАТЬѢ Г. АЛЕКСАНДРОВА*).

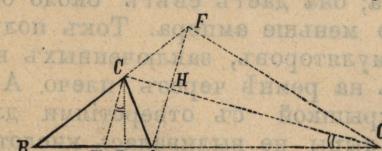
Въ помѣщенной въ № 148 „Вѣстника Оп. Физики“ статьѣ г. Александрова „Геометрическіе методы разысканія maximum и minimum“ находится между прочимъ (стр. 74,7) слѣдующая задача:

Изъ всѣхъ треугольниковъ, имѣющихъ опредѣленныя h_c и А—В, найти треугольникъ, имѣющій min. суммы $a+b$.

По поводу этой задачи авторъ говоритъ, что ему неизвѣстно чисто геометрическое рѣшеніе задачи: „построить треугольникъ по даннымъ $a+b$, А—В и h_c “.

Мы получили недавно отъ одного изъ нашихъ читателей, г. Д. Н. З. изъ Казани, слѣдующее чисто геометрическое рѣшеніе задачи г. Александрова.

Пусть АВС (фиг. 46) — искомый треугольникъ, въ которомъ извѣстны: $a+b$, А—В и $h_c = CD$.



Фиг. 46.

*.) Геометрическіе методы разысканія maximum и minimum. См. № 148 „Вѣстника Оп. Физики.“

Продолжимъ ВС на $CF=CA$ и проведемъ $CE \parallel AF$. Какъ извѣстно, прямая CE есть равнодѣлящая угла С. Слѣдовательно уголъ между прямыми CE и $CD = \frac{A-B}{2}$. Проведемъ теперь $CH \perp AF$ и продолжимъ до встрѣчи съ AB въ точкѣ G. Такъ какъ треугольникъ ACF равнобедренный, то $AH=HF$ и $\Delta AHG = \Delta FHG$, т. е. CG есть равнодѣлящая угла AGF . Но такъ какъ, вслѣдствіе перпендикулярности сторонъ, $\angle ECD = \angle AGC$, то

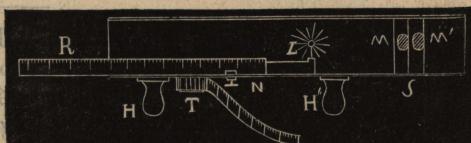
$$\angle AGF = 2\angle AGC = 2\angle ECD = A - B.$$

Отсюда вытекаетъ слѣдующее построеніе треугольника ABC .

Строимъ $\angle AGF = A - B$ и на равнодѣлящей его CG опредѣляемъ точку С, отстоящую отъ сторонъ угла AGF на данное разстояніе $CD = h_c$. Черезъ точку С проводимъ прямую такъ, чтобы отрѣзокъ ея между сторонами угла равнялся данной длины $a + b = BF$ (См.: Александровъ, „Методы рѣшенія геометрическихъ задачъ“, изд. 4-е 7, IV) и, проведя $FA \perp CG$, получаемъ искомый треугольникъ ABC .

ОПЫТЫ и ПРИБОРЫ.

Переносный фотометръ Карла Геринга состоитъ изъ деревянной трубки квадратнаго сѣченія, шириной въ 10 см. и длиной въ 92 см., открытой съ обоихъ концовъ. Вблизи праваго конца расположены экранъ S и зеркала M и M' (Фиг. 47); отверстіе, сдѣланное въ стѣнкѣ трубки противъ зеркаль, даетъ возможность наблюдателю видѣть изображеніе пятна. Вся трубка выкрашена растворомъ камеди съ сажей.



Фиг. 47.

Приборъ держать за ручки Н и Н' (послѣдняя расположена подъ центромъ тяжести, такъ что приборъ легко держать одной рукой). Въ L помѣщена лампа-эталонъ, представляющая лампу накаливанія въ 4 вольта; она даетъ свѣтъ около одной свѣчки и требуетъ тока немного меныше ампера. Токъ получается изъ двухъ маленькихъ аккумуляторовъ, заключенныхъ въ деревянномъ ящикѣ, который носятъ на ремнѣ черезъ плечо. Аккумуляторы закрыты замазанной крышкой съ отверстіями для выхода газовъ, а чтобы черезъ эти дыры не выливалась кислота, элементы покрыты слоемъ углекислаго натра. Такъ какъ электровозбудительная сила аккумуляторовъ во время разряженія уменьшается, то К. Герингъ выбралъ такие аккумуляторы, что количество электричества для производства ряда изслѣдований составляетъ пятую часть ихъ емкости. Передъ употребленіемъ заряжен-

ные элементы слегка разряжаютъ, чтобы получить нормальное и постоянное напряженіе.

Лампа L прикреплена къ подвижной линейкѣ R, такъ что всегда можно узнать ея разстояніе отъ экрана S; линейку въ каждомъ положеніи можно закрѣпить винтомъ N.

Въ коробкѣ T свѣта лента съ дѣленіями на дюймы и футы. Возлѣ коробки T прикрепленъ прерыватель, позволяющій зажигать и тушить лампочку.

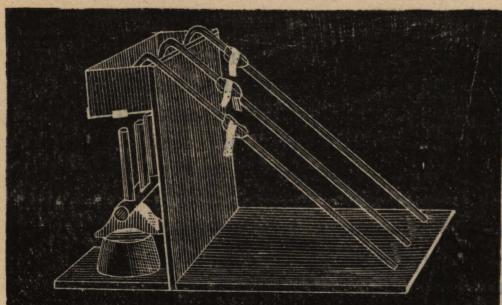
Калибруютъ приборъ при помощи лампы съ уксусно-амиловымъ эфиромъ Геффнера Аллтенека. Правый конецъ обращаютъ къ лампѣ-эталону, находящейся на опредѣленномъ разстояніи. Тогда зажигаютъ лампу и передвигаютъ ее до тѣхъ поръ, пока въ одномъ изъ зеркалъ не исчезнетъ пятно.

Послѣ калиброванія приборъ готовъ къ употребленію. Для измѣренія свѣтовой силы какого-либо источника свѣта, на него направляютъ правый конецъ фотометра, зажигаютъ лампу фотометра и отходятъ до тѣхъ поръ, пока не исчезнетъ пятно на экранѣ. Измѣривъ при помощи ленты разстояніе отъ источника свѣта, легко вычислить его силу свѣта, принявъ во вниманіе разстояніе лампы эталона отъ экрана во время калиброванія.

П. П.

Лекціонный приборъ для сравнительного измѣренія теплопроводности металловъ по способу Ингенгуса. Въ выпускѣ 7 „Журнала Физ. Хим. Общ.“ проф. Н. Гезехусъ описываетъ приборъ для демонстраціи неодинаковой проводимости металлическихъ стержней. Стержни изъ различныхъ металловъ, покрытые равнотѣрннымъ слоемъ парафина, располагаются на-
клонно, при чёмъ верхніе ихъ концы загнуты въ ванну съ кипящей водой (фиг. 48).

Ванна и горѣлка отдѣлены отъ стержней деревянной доской. На верхушки стержней до начала опыта насаживаются указатели теплопроводности—парафиновые подушки, покрытые согнутыми мѣдными пластинками. По мѣрѣ нагреванія верхнихъ концовъ стержней, парафиновая



Фиг. 48.

вы сѣдла сползаютъ тѣмъ ниже, чѣмъ больше теплопроводность стержней. Если назовемъ пройденныя пространства отъ нагреваемыхъ концовъ черезъ x_1, x_2, x_3, \dots , а коэффициенты внутренней теплопроводности соотвѣтственно черезъ k_1, k_2, k_3, \dots , то по известному закону, найдемъ:

$$\frac{k_1}{x_1^2} = \frac{k_2}{x_2^2} = \frac{k_3}{x_3^2} = \dots$$

Для того, чтобы показать, что теплопроводность дерева въ различныхъ направленіяхъ неодинакова, употребляютъ деревянная пла-

стинки, покрытыя красной ртутной краской. Эта краска при нагревании чернеетъ, а по охлажденіи принимаетъ свой прежній цветъ. Если такую пластинку нагрѣть по срединѣ раскаленной проволокой, то образуется темное пятно, хоть и не рѣзко ограниченное, но явственно эллиптической формы.

П. П.

Новый индуктивный приборъ. Вообразимъ два концентрическихъ плоскихъ кольца, въ которыхъ вырѣзаны снаружи два желобка, служащихъ для помѣщенія изолированныхъ проволокъ индуктирующаго и индуктируемаго тока. Если въ одной изъ проволокъ прерывать токъ, то, очевидно, въ другой появятся наведенные токи. Дѣйствіе будетъ наибольшее, если оба кольца находятся въ одной плоскости; если же одно изъ колецъ поворачивать около общаго диаметра, то сила наведенного тока станетъ уменьшаться и сдѣлается равной нулю, когда плоскости колецъ станутъ подъ прямымъ угломъ. Если по одному кольцу будетъ пробѣгать постоянный токъ, а другое будетъ вращаться, то въ обмоткѣ послѣдняго появится синусоидальный переменный токъ. Изобрѣтатель этого прибора Моренъ предназначаетъ свой приборъ для электротерапіи, гдѣ весьма важно имѣть средство правильно увеличивать или уменьшать силу индуктивнаго тока отъ максимума до нуля и обратно.

П. П.

РАЗНЫЯ ИЗВѢСТИЯ.

* * * Индукція на значительномъ разстояніи была изслѣдована въ послѣднее время Присомъ, главнымъ инженеромъ и электротехникомъ почтоваго вѣдомства въ Англіи. Онъ протянуль на столбахъ проволоку на разстояніи одной версты, между Кэрдифомъ и Лавернокомъ, на берегу графства Уэльского, и параллельно ей,—другую въ двѣ версты на островѣ Флэтъ-Гольмъ, находящемся въ $4\frac{1}{2}$ верстахъ отъ побережья графства Уэльского. По берегу зой проволокѣ пропускался сильный токъ, а проволока на островѣ Флэтъ-Гольмѣ была снабжена электропрѣмникомъ. Слова, произнесенные у проволоки на берегу, были совершенно ясно слышны на островѣ.

* * * Объединеніе суточнаго времени предлагается французомъ Эрnestомъ Пакъэ. Разница мѣстнаго времени весьма неудобна для путешествующихъ; кроме того, пароходное время отличается отъ желѣзнодорожнаго, такъ какъ въ англійскомъ, американскомъ, итальянскомъ, австрійскомъ и германскомъ флотѣ введено гринвичское время. Для устраненія этихъ неудобствъ Пакъэ предлагаетъ раздѣлить поверхность земного шара на 24 равные части меридианами и пренебрегать разностью мѣстнаго времени въ предѣлахъ каждой части. Тогда 1) всѣхъ разницъ во времени будетъ меньше 24-хъ (если не считать частей покрытыхъ океаномъ съ неимѣющими торговаго значенія островами), 2) упростится переходъ отъ одного времени къ другому, такъ какъ разница всегда

будетъ равна п'ялому числу часовъ, и 3) для многихъ странъ
осуществится единство времени.

* Электрическая дорога со скоростью 250 верстъ въ часъ будетъ сооружена между Вѣной и Будапештомъ. При такой скорости мелкіе предметы вовсе не будутъ видны изъ оконъ вагона, такъ какъ въ 1 секунду поѣздъ будетъ пробѣгать 32 сажени. Такъ какъ сигнальный флагъ сторожа не будетъ видѣнъ машинисту, то придумано особое приспособленіе, при помощи которого сторожъ самъ въ состояніи будетъ остановить поѣздъ. Для этого нужно только замкнуть идущій по рельсамъ и движущій поѣздъ токъ. Двигателемъ будетъ служить машина въ 200 силъ, изъ которыхъ 100 будуть тратиться на преодолѣніе сопротивленія воздуха. Весь поѣздъ будетъ состоять изъ одного длиннаго вагона.

ДРАДАС ГІНЕШАР

ЗАДАЧИ.

Втійш пагіно ётсап ямацітэ (дэс 2) 801

№ 411. Данъ равносторонній треугольникъ АВС, сторона которого равна a ; на высотѣ его ВD построенъ второй равносторонній треугольникъ ВDC₁, и наконецъ на высотѣ ВD₁ этого новаго треугольника построенъ еще равносторонній треугольникъ BD₁C₂. Найти радиусъ круга, описанного около треугольника CC₁C₂ и доказать, что центръ этого круга лежитъ на сторонѣ даннаго треугольника АВС на разстоянії $\frac{a}{4}$ отъ одной изъ его вершинъ.

А. П. (Пенза).

№ 412. Если сложить сумму, разность, произведеніе и частное двухъ цѣлыхъ чиселъ, то получимъ 450 ($=a$). Найти эти числа. Сколько рѣшеній? Какому условію должно удовлетворять число a , чтобы рѣшеніе было возможно въ положительныхъ числахъ?

В. Перельцер (Полтава).

№ 413. Построить треугольникъ по двумъ сторонамъ ВС= a и АС= b при условіи, что прямая CD, пересекающая АВ въ D подъ даннымъ угломъ α° , равна сторонѣ АВ.

Н. Николаевъ (Пенза).

№ 414. Данный треугольникъ АВС, находящійся въ одной вертикальной плоскости съ горизонтальной линіей MN, опирается вершиной С на эту линію такъ, что сторона треугольника ВС образуетъ съ ней уголъ ВСN, равный α . По сторонамъ АС и ВС этого треугольника начинаются двигаться одновременно подъ вліяніемъ собственнаго вѣса двѣ материальныя точки: одна по АС, а другая—по ВС.

Какъ великъ долженъ быть уголъ α , чтобы обѣ материальныя точки, находившіяся въ началѣ движенія въ А и В, достигли точки С въ одно и то-же время.

І. Каменскій (Пермь).

№ 415. Найти истинную величину выражения

$$\operatorname{tg} \frac{\lg(1+\varepsilon\pi)}{2\lg(1+\varepsilon)},$$

при $\varepsilon = 0$.

A. Рязанов (Самара).

№ 416. Определить площадь криволинейной фигуры, ограниченной тремя равными дугами трех окружностей, описанных изъ разныхъ центровъ равными радиусами.

P. Селищиков (Троицкъ).

Р Ъ Ш Е Н И Я З А Д А Ч Ъ.

П Р А Д А З

№ 106 (2 сер.). Четырьмя построениями найти

$$x = \frac{a^6 + a^5b + a^4b^2 + a^3b^3 + a^2b^4 + ab^5 + b^6}{(a-b)^5}.$$

Умноживъ числителя и знаменателя на $a-b$, получимъ:

$$x = \frac{a^7 - b^7}{(a-b)^6}.$$

полагая $a-b=k$, найдемъ $x = \frac{a^7}{k^6} - \frac{b^7}{k^6}$.

Итакъ, искомыя построения будуть:

- 1) k ,
- 2) $\frac{a^7}{k^6}$,
- 3) $\frac{b^7}{k^6}$ и
- 4) x .

A. Дукельский (Кременчугъ).

№ 107 (2 сер.) Рѣшить систему

$$\frac{x}{y} + \frac{y}{z} + \frac{z}{x} = a$$

$$\frac{y}{x} + \frac{z}{y} + \frac{x}{z} = b$$

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = c.$$

Пусть $\frac{x}{y} = \gamma$, $\frac{y}{z} = \alpha$ и $\frac{z}{x} = \beta$; тогда $\alpha\beta\gamma=1$, $\alpha+\beta+\gamma=a$, $\alpha\beta+\alpha\gamma+\beta\gamma=b$, т. е. α , β и γ суть корни ур-я $X^3-aX^2+bX-1=0$.

Третье узъ данныхъ уравнений даетъ для определенія неизвестныхъ равенства:

$$cx = 1 + \gamma + \frac{1}{\beta}, \quad cy = 1 + \alpha + \frac{1}{\gamma},$$

$$cz = 1 + \beta + \frac{1}{\alpha}.$$

И. Вонсик (Воронежъ).

№ 127 (2 сер.). На сторонахъ BC данного угла ABC даны точки D и E. Провести въ извѣстномъ направлениі отрѣзокъ XY (X на AB, Y на BC) такъ, чтобы углы DXY и EXY были равны.

Пусть $\angle XYB = \alpha$, $\angle ABC = \beta$. Найдемъ точку D симметричную D относительно AB. На прямой DE опишемъ дугу, вмѣщающую уголъ $360^\circ - 2(\beta + \alpha)$. Эта дуга встрѣтить AB въ искомой точкѣ X. Проведемъ XY такъ, чтобы $\angle XYB = \alpha$ и обозначимъ: $\angle XDE = D$ и $\angle XED = E$;

тогда $D = \beta + \frac{D'XE - (180^\circ - D - E)}{2}$,

откуда $D - E = 180^\circ - 2\alpha$.

Но $\angle DXY = 180^\circ - D - \alpha$ и $\angle EXY = 180^\circ - E - (180^\circ - \alpha)$,

откуда $DXY - EXY = 180 - (D - E) - 2\alpha = 0$,

что и требов. доказать.

Условие возможности $\beta + \alpha \leqslant 180^\circ$.

К. Щиголевъ, П. Писаревъ (Курскъ).

№ 189 (2 сер.). Даны двѣ прямые, которые можно продолжить только въ ту сторону, въ которой онѣ не встрѣчаются. Требуется раздѣлить уголъ между ними на n частей такъ, чтобы каждая изъ $(n-1)$ частей имѣла опредѣленную величину.

Проведемъ прямую, отсѣкающую отъ воображаемаго угла часть, равную первой данной величинѣ (см. рѣшеніе зад. № 188 въ № 146 В. О. Ф. стр. 48). Затѣмъ примѣнимъ ту же задачу еще $(n-2)$ разъ.

А. Байковъ (Москва); В. Россовская, К. Щиголевъ (Курскъ).

№ 190 (2 сер.). Даны три прямые SA, SB, SC, не лежащія въ одной плоскости и составляющія углы $\angle BSC = \alpha$; $\angle ASB = \gamma$ и $\angle ASC = \beta$. Чрезъ S проведена прямая SD, одинаково наклоненная къ даннымъ. Определить уголъ который составляетъ прямая SD съ каждой изъ данныхъ прямыхъ.

Отложимъ на данныхъ линіяхъ части: $SB' = SC' = SA' = d$. Чрезъ точки A', B', C' проведемъ плоскость; пусть D' — точка пересѣченія этой плоскости съ линіей SD.

Такъ какъ тр-ки B'SD', SC'D' и A'SD' равны между собой, то $B'D' = D'C' = D'A'$, т. е. точка D' — центръ круга, описанного

около $\triangle A'B'C'$. Кроме того SD' перпендикулярна къ плоскости $A'B'C'$, а потому $B'D'=d \sin \varphi$, где φ — искомый уголъ.

Изъ равнобедренныхъ тр-ковъ $A'SC'$, $A'SB'$, $C'SB'$ имѣемъ:

$$A'C' = 2d \sin \frac{\beta}{2};$$

$$B'C' = 2d \sin \frac{\alpha}{2}; \quad A'B' = 2d \sin \frac{\gamma}{2}.$$

Называя $\sin \frac{\alpha}{2}$ чрезъ a , $\sin \frac{\beta}{2}$ — чрезъ b и $\sin \frac{\gamma}{2}$ — чрезъ c , получимъ:

$$B'D' = \frac{8d^4 \cdot abc}{4d^3 \sqrt{(a+b+c)(a+b-c)(a+c-b)(b+c-a)}},$$

поэтому

$$\sin \varphi = \frac{2abc}{\sqrt{(a+b+c)(a+b-c)(a+c-b)(b+c-a)}}.$$

А. П. (Пенза); П. Свѣнниковъ (Троицкъ).

№ 156 (2 сер.). Подъ какимъ угломъ къ горизонту должны быть наклонены боковыя стѣнки канала, котораго живое сѣченіе представляетъ равнобочную трапецию, чтобы при заданномъ живомъ сѣченіи s (т. е. площади трапециі) и глубинѣ канала h , смачиваемый его периметръ былъ наименьшимъ?

Пусть AB — верхнее основаніе трапециі, DC — нижнее; перпендикуляръ изъ B на продолженіе DC встрѣчаетъ это продолженіе въ E ; пусть $\angle BCE = \alpha$ и $DC = x$. Тогда

$$\frac{2x + 2h \operatorname{ctg} \alpha}{2} h = s,$$

откуда

$$x = \frac{s}{h} - h \operatorname{ctg} \alpha.$$

Длину смачиваемаго периметра обозначимъ чрезъ y ;

$$y = BC + CD + AD = x + \frac{2h}{\sin \alpha} = \frac{s}{h} - h \operatorname{ctg} \alpha + \frac{2h}{\sin \alpha}.$$

Такъ какъ $\frac{s}{h} = \text{const.}$, то y будетъ minimum, когда будетъ minimum

$$y' = \frac{2h}{\sin \alpha} - h \operatorname{ctg} \alpha = h \frac{2 - \cos \alpha}{\sin \alpha},$$

minimum-же y' будетъ при

$$y' = \frac{2 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \min.$$

Рѣшая послѣднѣе уравненіе относительно $\sin \alpha$, найдемъ:

$$\sin \alpha = \frac{2y_{\text{min}} \pm \sqrt{y_{\text{min}}^2 - 3}}{y_{\text{min}}^2 + 1}.$$

Такъ какъ $\sin \alpha$ долженъ имѣть действительное значеніе, то

$$y_{\text{min}} = \sqrt{3};$$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}, \text{ т. е. } \alpha = 60^\circ.$$

К. Шеткевичъ (Пермь); Вятский.

№ 236 (2 ср.). Биссекторы внутреннихъ угловъ параллелограмма ABCD образуютъ своимъ пересѣченіемъ прямоугольникъ P, а биссекторы внѣшнихъ угловъ прямоугольникъ Q. Помимо сторонамъ параллелограмма $AB=a$ и $BC=b$ требуется определить: 1) радиусы круговъ, описанныхъ около прямоугольниковъ P и Q, и 2) отношение площадей P и Q къ площади ABCD.

Обозначимъ $\angle BAD$ черезъ α . Пусть MNPQ—внутренний прямоугольникъ (M лежитъ на биссекторахъ угловъ B и A, N—угловъ D и A, Q—угловъ D и C).

Изъ прямоуг. $\triangle AND$ имѣемъ

$$AN = b \cos \frac{\alpha}{2};$$

изъ прямоуг. $\triangle ABM$:

$$AM = a \cos \frac{\alpha}{2}.$$

$$AN - AM = MN = (b - a) \cos \frac{\alpha}{2}.$$

Такъ-же найдемъ

$$MP = (b - a) \sin \frac{\alpha}{2}.$$

Диаметръ описанной окружности $MNPQ = b - a$, радиусъ $= \frac{b-a}{2}$,

искомое отношение

$$\frac{\text{площ. } ABCD}{\text{площ. } MNPQ} = \frac{2ab}{(b-a)^2}.$$

Если проведемъ биссекторы внѣшнихъ угловъ параллелограмма, то точки ихъ пересѣченія будутъ вершинами нового прямоугольника, стороны котораго будутъ

$$(a+b) \sin \frac{\alpha}{2} \text{ и } (a+b) \cos \frac{\alpha}{2},$$

радіусъ описанного круга

$$R = \frac{a+b}{2}$$

и отношение площадей будет

$$\frac{2ab}{(b+a)^2}$$

П. Сванидзе (Троицк); Я. Кернес (Кременчуг); О. Озаровская (станица Псебай); А. Васильева (Тифлис); А. Щиголев (Курск); И. Бульянин (Кievъ).

№ 289 (2 сеп.). Дано окружность, центр которой находится въ точкѣ О. На диаметрѣ АВ этой окружности взята точка С, дѣлящая радиусъ ОА пополамъ. Черезъ С проведена хорда, пересекающая окружность въ точкахъ D и Е. Определить радиусъ окружности, если известно, что хорды AD и BE соответственно равны a и b .

Проводимъ хорды BD и AE. Имеемъ:

$$2r \cdot DE = ab + \sqrt{(4r^2 - a^2)(4r^2 - b^2)}. \dots \dots \dots (1)$$

Изъ подобія ΔACD и ΔECB находимъ

$$DC : BC = AD : BE,$$

откуда

$$DC = \frac{3ar}{2b};$$

также находимъ

$$CE = \frac{br}{2a}.$$

Слѣдовательно

$$DE = \frac{3ar}{2b} + \frac{br}{2a}.$$

Подставляя это выражение вместо DE въ (1), находимъ:

$$r^2 = \frac{2a^2b^2}{9a^2 - b^2}.$$

О. Озаровская (Псебай); А. П. (Пенза); Я. Тепляковъ (Радомыль); А. Щиголевъ (Курскъ).

Поправка. Въ 150 № „Вѣстника Оп. Физики“ на стр. 122 сказано, что въ примѣрѣ, при единномъ г. Никульцевымъ, въ частномъ получается конечная десятичная дробь. Это вѣрно, если руководствоваться частнымъ, полученнымъ г. Никульцевымъ, но частное г. Никульцева невѣрно: оно получилось вслѣдствіе ошибки въ сокращеніи.

Редакторъ-Издатель Э. К. Шпачинскій.

Дозволено цензурою. Одесса 23 Января 1893 г.

Типо-литографія „Одесскихъ Новостей“. Пушкинская, д. № 11.

Обложка
ищется

Обложка
ищется