

№ 366.

БУСТИНГ

ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ

— и —

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ,

издаваемый

В. А. Гернетомъ

подъ редакціей

Приват-Доцента В. Ф. Кагана.



XXXI-го Семестра № 6-й.



ОДЕССА.

Типографія Бланкоиздательства М. Шленцера, Ямская, д. № 66.

1904.

http://vofem.ru

А. П. Охитовичъ.

Новый (неопределенный) методъ рѣшенія алгебраическихъ уравненій.

Казань. 1900 г. 333 стр. Цѣна 2 р. 50 к., съ перес. 2 р. 75 к.

Часть I. Общее рѣшеніе уравненій первой степени: неопределенныхъ и определенныхъ.

Продается у автора (гор. Сарапуль, Вятской губ.), а также въ книжныхъ магазинахъ Т—ства „Общественная Польза“ (СПБ.), „Нового Времени“ (СПБ., Москва, Харьковъ, Одесса), Карбасникова (СПБ., Варшава, Вильна и Москва), Вольфа (СПБ.), Оглоблина (Киевъ), Дубровина (Казань), Сытина (Москва) и друг.

Часть II. Рѣшеніе уравненій степени выше первой, — готовится къ печати.

ОЧЕРКЪ ГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ ЛОБАЧЕВСКАГО.

Приватъ-Доцента

ИМПЕРАТОРСКАГО НОВОРОССІЙСКАГО УНИВЕРСИТЕТА

В. КАГАНЪ.

Доступное изложеніе.

Цѣна съ пересылкой 2 рубля.

Въ редакціи „Вѣстника Опытной Физики“

ВѢСТНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ и ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ

выходитъ 24 раза въ годъ отдельными выпусками не менѣе 24-хъ стр. каждый

ПРОГРАММА ЖУРНАЛА: Оригинальныя и переводныя статьи изъ области физики и элементарной математики. Статьи, посвященные вопросамъ преподаванія математики и физики. Научная хроника. Разныя извѣстія. Математическая мелочь. Задачи для рѣшенія. Рѣшенія предложенныхъ задачъ съ фамиліями рѣшившихъ. Упражненія для учениковъ. Задачи на испытаніяхъ зрѣлости. Библіографический обзоръ. Замѣтки о новыхъ книгахъ. Объявленія.

Подписная цѣна съ пересылкой.

Въ годъ 6 руб. || Въ полугодіе 3 руб.
(12 №№ составляютъ отдельный томъ).

Учителя и учительницы низшихъ училищъ и всѣ учащіеся при непосредственныхъ сношеніяхъ съ конторой редакціи платятъ

Въ годъ 4 руб. || Въ полугодіе 2 руб.

Допускается разсрочка платы. Отдельные номера текущаго семестра продаются по 30 коп., прошлыхъ семестровъ по 25 коп. Пробный номеръ высылается бесплатно. Книгопродавцамъ 5% уступки. Журналъ за прошлые годы (семестры 1—... по 2 руб. 50 коп., а учащимся и книгопродавцамъ по 2 руб. за семестръ.

Семестры II, XVI и XXIII распроданы.

Адресъ для корреспонденцій: Одесса. Въ Редакцію „Вѣстника Опытной Физики“.

Городской адресъ: Успенская, 63.

Редакторъ прив.-доц. В. Ф. Каганъ.

Издатель В. А. Гернетъ.

Вѣстникъ Опытной Физики

и

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

1 Апрѣля

№ 366.

1904 г.

Содержание: Современные теоріи матерії. Осуществленіе мечты. Докладъ сэра В. Крукса на конгрессѣ прикладной химіи въ Берлинѣ, 5-го іюня 1903 года. (Окончаніе). — Главнѣйшія задачи современной минералогіи. Прив.-доц. М. Сидоренко. — Научная хроника: † Р. J. O. Callandreas. Полярная экспедиція. — Задачи для учащихся №№ 460—465 (4 сер.). — Рѣшенія задачъ, №№ 389, 392, 395, 398. — Объявленія.

СОВРЕМЕННЫЯ ТЕОРІИ МАТЕРИІ.

Осуществленіе мечты.

Докладъ сэра В. Крукса на конгрессѣ прикладной химіи въ Берлинѣ, 5-го іюня 1903 года.

(Окончаніе *).

Радій металлы той же группы, что кальцій, стронцій и барій. Его атомный вѣсъ, согласно К. Рунге и Ж. Прехту, вѣроятно, около 258. Въ такомъ случаѣ онъ занимаетъ въ моей таблицѣ элементовъ третье мѣсто ниже барія: между обоими этими металлами находятся два пустыхъ мѣста. Спектръ радія имѣть нѣсколько хорошо выраженныхъ линій; я ихъ фотографировалъ и измѣрялъ длины ихъ волнъ. Две въ особенности характерныя: одна имѣть длину волны въ 3649,71,—другая въ 3814,58. Эти линіи позволяютъ обнаружить радій съ помощью спектроскопа.

Эманация радія придаєтъ хрусталю фіолетовый цвѣтъ и про-

* См. № 365 „Вѣстника“.

изводятъ массу химическихъ видоизмѣненій. Физиологическое дѣйствіе ея очень сильно; нѣсколько миллиграммовъ, помѣщенныхъ вблизи кожи, вызываютъ въ нѣсколько часовъ трудно заживающую рану.

Наиболѣе поразительная черта радія это его способность испускать потоки эманаціи, имѣющей извѣстное сходство съ рентгеновскими лучами, но отличающейся отъ нихъ въ нѣсколькихъ важныхъ пунктахъ.

Эманація радія бываетъ трехъ сортовъ. Первый видъ эманаціи похожъ на катодный потокъ, теперь отожествляемый со свободными электронами-атомами электричества, отдѣленными отъ матеріи и несущимися въ пространство—тождественными съ матеріей въ ея четвертомъ или ультрагазообразномъ состояніи, съ сарелитами Кельвина, съ тѣлышами или частичками Томсона, или, какъ ихъ называетъ Лоджъ, съ зарядами іоновъ, отдѣленными отъ тѣлъ и сохраняющими свою индивидуальность и взаимное тождество.

Эти электроны не представляютъ ни эѳирныхъ волнъ, ни какой-либо формы энергіи,—это субстанція, обладающая инерціей. Свободные электроны обладаютъ необычайной способностью проникновенія. Они разряжаютъ электроскопъ, когда радій находится на разстояніи трехъ метровъ и болѣе, и дѣйствуютъ на фотографическую пластинку черезъ 5—6 миллиметровъ свинца и нѣсколько сантиметровъ дерева или алюминія. Они съ трудомъ фильтруются черезъ хлопчатую бумагу. Они не похожи на газъ, такъ какъ не имѣютъ свойствъ, зависящихъ отъ внутреннихъ столкновеній. Они похожи скорѣе на туманъ или парь; они подвижны и уносятся воздушнымъ токомъ, которому мгновенно сообщаютъ свойства проводника; они пристаютъ къ тѣламъ, например, къ электризованнымъ положительнымъ электричествомъ, и такимъ образомъ теряютъ свою подвижность; они располагаются по стѣнкамъ содержащаго ихъ сосуда, если этотъ сосудъ неподвиженъ.

Электроны отклоняются въ магнитномъ полѣ. Они выбрасываются изъ радія со скоростью, составляющей десятую часть скорости свѣта, но ихъ полетъ мало-по-малу замедляется столкновеніями съ атомами воздуха, такъ что нѣкоторые изъ нихъ начинаютъ передвигаться гораздо медленнѣе; при этомъ они образуютъ то, что я называлъ изолированными или блуждающими частицами, которые разсѣиваются въ воздухѣ и придаютъ ему свойства проводящей среды. Они могутъ также концентрироваться въ конусахъ изъ слюды и производить тогда фосфоресцирующее сіяніе.

Другой видъ эманаціи радія не испытываетъ влиянія со стороны магнитнаго поля средней силы и не можетъ проходить чрезъ материальныя препятствія, даже небольшой толщины. Эти частицы имѣютъ почти въ 1000 разъ больше энергіи, чѣмъ тѣ, на которыхъ дѣйствуетъ магнитное поле. Онѣ дѣлаютъ воздухъ хорошимъ проводникомъ и сильно дѣйствуютъ на фотографическую пластинку. Ихъ масса чрезвычайно велика сравнительно съ

массой электроновъ, и ихъ скорость, вѣроятно, такъ же велика, когда онѣ отдаѣются отъ радія, но, вслѣдствіе своей значительной массы, онѣ слабѣе отклоняются магнитомъ, легко задерживаются препятствіями и скорѣе останавливаются, вслѣдствіе столкновеній съ частицами атмосферы. Р. Б. Стрэттъ первый высказалъ мысль, что эти не отклоняемые лучи представляютъ собой положительные ионы, истекающіе изъ радиоактивныхъ тѣлъ.

Рутефордъ показалъ, что очень сильное магнитное поле нѣсколько вліяетъ на эту эманацію, но въ обратномъ направлениі по сравненію съ отрицательными электронами. Итакъ, установлено, что это тѣла, заряженныя положительнымъ электричествомъ и двигающіяся съ громадной быстротой. Рутефордъ первый измѣрилъ ихъ массу и скорость и доказалъ, что это ионы матеріи, несущіеся съ быстротой, подобной скорости свѣта.

Радій даетъ еще третій видъ эманаціи. Кромѣ лучей, обладающихъ чрезвычайною способностью проникновенія и отклоняемыхъ магнитомъ, имѣются лучи, нечувствительные къ магнитному дѣйствію. Эти лучи сопровождаются два другіе вида эманаціи и представляютъ собой рентгеновскіе лучи—энергичная вибрація—вторичныя явленія, имѣющія мѣсто, когда электроны внезапно остановлены въ своемъ полетѣ твердымъ тѣломъ и производятъ рядъ стоксовыхъ *пульсаций*, т. е. взрывчатыхъ волнъ энера, выбрасываемыхъ въ пространство.

Эти разсужденія и изслѣдованія, которыя все ведутъ къ одному результату, приносятъ съ собой точныя данныя, позволяющія вычислить массы и скорости этихъ различныхъ частичекъ. Я Вамъ долженъ буду представить громадныя числа; но большое и малое—это только относительныя понятія, имѣющія значеніе лишь въ виду ограниченности нашихъ чувствъ. За единицу сравненія я возьму атомъ водорода, самое маленькое, извѣстное до послѣдняго времени, матеріальное тѣло. Масса электрона равняется семисотой части массы атома водорода, т. е., по Дж. Дж. Томсону, $3 \cdot 10^{-26}$ грамма, а его скорость равна $2 \cdot 10^{10}$ сантиметровъ въ секунду, т. е. двумъ третямъ скорости свѣта. Кинетическая энергія, считая на миллиграммъ, = 10^{17} эрга. Беккерель вычислилъ, что квадратный сантиметръ радиоактивной поверхности излучаетъ въ пространство граммъ матеріи въ билліонъ лѣтъ.

Массы, заряженныя положительнымъ электричествомъ, или ионы, громадны по сравненію съ электронами. Сэръ О. Лоджъ даетъ намъ слѣдующее поразительное сравненіе. Если мы вообразимъ себѣ, говорить онъ, атомы водорода величиной съ церковь, то составляющіе его электроны будутъ представлены приблизительно 700 зернами песку, величиной съ точку (350 положительныхъ и 350 отрицательныхъ), двигающимися съ головокружительной быстротой по всѣмъ направлениямъ или, по мнѣнію лорда Кельвина, одареннымъ вращательнымъ движениемъ невообразимой скорости. Возьмемъ другое сравненіе: диаметръ солнца содержать почти $1\frac{1}{2}$ миллиона километровъ, а самой маленькой планеты

приблизительно 24. Если бы принять, что атомъ водорода равенъ по величинѣ солнцу, то электронъ будетъ равняться почти $\frac{2}{3}$ малой планеты.

Чрезвычайно ничтожные размѣры электроновъ, разсѣянныхъ въ атомѣ, даютъ имъ возможность проникать чрезъ преграды, задерживающія другія частицы: болѣе массивные ионы, проходя между атомами, постоянно сталкиваются и, вслѣдствіе этого, задерживаются; самая тонкая матеріальная пластинка почти вовсе ихъ не пропускаетъ; электроны же легко проникаютъ чрезъ обыкновенный непрозрачный тѣла.

Эманація производить на фосфоресцирующіе экраны различного рода дѣйствія. Электроны сильно дѣйствуютъ на экранъ изъ платиново-ціанистаго барія и лишь очень слабо на экранъ изъ сѣрнистаго цинка. Съ другой стороны, тяжелые, массивные ионы, недоступные вліянію магнита, дѣйствуютъ очень сильно на сѣро-кислый цинкъ и гораздо слабѣе на экранъ изъ платиново-ціанистаго барія.

Какъ рентгеновскіе лучи, такъ и электроны дѣйствуютъ на фотографическую пластинку и воспроизводятъ изображенія металловъ или другихъ веществъ, заключенныхъ внутри оболочекъ изъ кожи или дерева; они отбрасываютъ также тѣнь отъ тѣла на экранъ платино-кислого барія.

Электроны проникаютъ чрезъ тѣла гораздо слабѣе, чѣмъ рентгеновскіе лучи; они лишь съ трудомъ обнаруживаются, напримѣръ, кости руки. Радій даетъ фотографическое изображеніе инструментовъ, заключенныхъ въ ящикъ, лишь послѣ экспозиціи въ три дня, а рентгеновскіе лучи—въ три минуты. Эти фотографіи имѣютъ нѣкоторое сходство, но во многихъ отношеніяхъ значительно отличаются другъ отъ друга.

Свойство эманацій ради разряжать наэлектризованный тѣла происходитъ отъ ионизаціи газа, чрезъ который онѣ проходятъ. Это явленіе происходитъ при различныхъ обстоятельствахъ; брызгущая вода, пламя, накаленная докрасна тѣла, ультрафиолетовый свѣтъ, падающей на заряженные отрицательнымъ электричествомъ металлы—все это производить легкую ионизацію газовъ; тѣ же газы сильно ионизируются подъ вліяніемъ рентгеновскихъ лучей.

Согласно теоріи электроновъ, формулированной Сэръ О. Лоджемъ, химическій атомъ, или ионъ имѣютъ нѣсколькими отрицательными электронами больше, чѣмъ обыкновенный нейтральный атомъ, и если отдѣлить эти отрицательные электроны, то атомъ получаетъ положительный зарядъ. Свободная электронная часть атома мала сравнительно съ главной массой. Въ водородѣ она находится въ отношеніи 1 къ 700. Отрицательный зарядъ состоитъ въ лишнихъ, неуравновѣшенныхъ электронахъ—одномъ, двухъ, трехъ и т. д., смотря по химической валентности тѣла, между тѣмъ какъ главная часть атома состоитъ изъ парныхъ

группъ, гдѣ столько же положительныхъ элементовъ, сколько отрицательныхъ.

Какъ только отдѣлены излишніе электроны, оставшаяся часть атома, или іонъ, дѣйствуетъ, какъ тѣло, заряженное положительнымъ электричествомъ. Въ пустотѣ индукционная искра раздѣляетъ составные части разрѣженного газа; такъ какъ заряженные положительнымъ электричествомъ іоны сравнительно очень тяжелы, то они вскорѣ останавливаются, вслѣдствіе взаимныхъ столкновеній; электроны же выбрасываются изъ отрицательнаго полюса съ громадной скоростью, зависящей отъ начальной электродвигательной силы и отъ давленія газа внутри трубы, но достигающіе, если разрѣженіе доведено до высокой степени, половины скорости свѣта.

Оставивъ отрицательный полюсъ, электроны встрѣчаютъ известное сопротивленіе, происходящее въ слабой степени отъ непосредственныхъ столкновеній, но, главнымъ образомъ, отъ ихъ соединенія съ положительными іонами.

Съ того времени, какъ былъ открытъ радиѣ и одинъ изъ видовъ испускаемыхъ имъ эманаций былъ отождествленъ съ катоднымъ потокомъ или съ лучистой матеріей трубы, опытъ и теорія развивались параллельно; электрическая гипотеза двухъ жидкостей мало-по-малу уступаетъ мѣсто унитарной теоріи Франклина. По гипотезѣ двухъ жидкостей электроны составляютъ свободное отрицательное электричество, а остальная часть химического атома заряжена положительнымъ образомъ, хотя о свободномъ положительномъ электронѣ мы не имѣемъ и понятія. По моему мнѣнію, проще обратиться къ унитарной гипотезѣ Франклина и сказать, что электронъ есть атомъ, или единица электричества. Флемингъ употребляетъ слово *коэлектронъ*, чтобы обозначить тяжелый положительный іонъ, отдѣленный отъ отрицательного электрона. „Подобно тому“, замѣчаетъ онъ: „какъ мы не можемъ говорить о начальной скорости, не зависящей отъ движущейся матеріи, точно такъ же неѣтъ ничего, что можно было бы назвать электричествомъ независимо отъ частичекъ“. Химическій атомъ, о которомъ говорять, что онъ заряженъ отрицательнымъ электричествомъ, это атомъ съ избыткомъ электроновъ—число ихъ зависитъ отъ валентности—между тѣмъ какъ у положительного іона недостаетъ электроновъ. Различія въ электрическихъ зарядахъ могутъ быть уподоблены дебету и кредиту торговыхъ книгъ, при чемъ электроны будутъ играть роль звонкой монеты. Согласно этой теоріи, существуетъ только электронъ; это атомъ электричества, а слова положительный и отрицательный, обозначающія лишь избытокъ или недостатокъ электроновъ, служить только удобными, хотя и устарѣвшими уже, терминами.

Электронная теорія согласуется съ идеей Ампера, по которой магнетизмъ обязанъ своимъ происхожденiemъ электрическимъ токамъ, врачающимся вокругъ каждого атома желѣза; и она объясняетъ ее блестящимъ образомъ. Слѣдя этимъ взглядамъ о

существованиі свободныхъ электроновъ, мы приходимъ къ электронной теоріи матеріі. Мы приходимъ къ заключенію, что электроны обладаютъ тѣмъ единственнымъ свойствомъ, которое считалось неотдѣлимымъ отъ матеріи и которое даже почти невозможно отдѣлить отъ нашего понятія о матеріи, именно, инерцію. Дж. Дж. Томсонъ въ замѣткѣ мемуарѣ, опубликованномъ въ 1881 году, развиваетъ идею, что электрическая инерція (self-induction) въ дѣйствительности обусловливается движущимся зарядомъ. Электронъ является лишь кажущейся массой, зависящей отъ его электродинамическихъ свойствъ, и, если мы будемъ разсматривать всѣ формы матеріи, какъ простыя скопленія электроновъ, то можно будетъ объяснить инерцію матеріи, совершенно не аппелируя къ веществу. По этой теоріи, электронъ—это первичное вещество, *протилъ*, различные группировки которого даютъ начало гинезису элементовъ.

Я долженъ еще обратить Ваше вниманіе на другое свойство радія. Я показалъ, что электроны вызываютъ фосфоресценцію на чувствительномъ экранѣ изъ платиново-цинкостаго барія и что положительные іоны радія заставляютъ фосфоресцировать экранъ изъ цинковой обманки.

Если нѣсколько неуловимыхъ глазомъ зерень радіевой соли падаютъ на экранъ изъ сѣристаго цинка, то поверхность его немедленно усыпивается маленькими блестящими зелеными точками. Въ темной комнатѣ подъ микроскопомъ каждая блестящая точка обнаруживаетъ темный центръ, окруженный ореоломъ изъ разсѣяннаго свѣта. За этимъ сияніемъ темная поверхность экрана изборождена блестящими искорками. Нѣть двухъ искорокъ, которые бы появились другъ за другомъ на одномъ мѣстѣ; они разсыпаны по всей поверхности, появляясь и исчезая одновременно, такъ что нельзя замѣтить никакого поступательного движенія.

Если вблизи экрана помѣщень твердый кусокъ радіевой соли и если начать изслѣдоватъ обыкновенной карманной лупой поверхность экрана, то тамъ и сямъ замѣчаются нѣсколько блестящихъ точекъ, окруженныхъ искрами. Если приблизить радій къ экрану, то сверканія становятся чаще и ярче, такъ что при окончательномъ сближеніи получаются искры, слѣдующія одна за другою съ такой быстротой, что поверхность экрана представляетъ видъ блестящаго играющаго моря. Когда сверкающихъ точекъ немного, то нѣть замѣтной остаточной фосфоресценціи, и послѣдовательныя искры имѣютъ видъ сильно блестящихъ атомовъ, подобныхъ звѣздамъ, разсѣяннымъ по темному небу.

То, что невооруженному глазу кажется однороднымъ *млечнымъ путемъ*, подъ лупой оказывается массой звѣздныхъ точекъ, распространяющихъ свой блескъ по всей поверхности.

Основная азотокислая соль *полонія*, актиній и радиоактивная платина производятъ на экранъ такое же дѣйствіе, только сверканіе менѣе интенсивно. Въ пустотѣ сверканія такъ же блестящи,

какъ и въ воздухѣ; какъ они происходятъ отъ междуатомныхъ движений, то на нихъ не вліяютъ самыя низкия температуры: они такъ же блестящи въ жидкому водородѣ, какъ и при обыкновенной температурѣ.

Чтобъ удобно демонстрировать это сверканіе, нужно утвердить экранъ изъ обманки на одномъ концѣ латунной трубки и помѣстить противъ него на разстояніи приблизительно въ миллиметръ кусокъ радія, а на другомъ концѣ трубки держать лупу. Я предлагаю назвать этотъ маленькой инструментъ *спинтарископомъ*, отъ греческаго слова *σπινταρις*—сверканіе.

Трудно опредѣлить число искръ, появляющихся въ секунду. Если помѣстить радій на разстояніи приблизительно въ 5 сантиметровъ отъ экрана, искры едва видны; ихъ будетъ не болѣе одной или двухъ въ секунду. По мѣрѣ уменьшения разстоянія, искры становятся чаще; на разстояніи одного или двухъ сантиметровъ числа ихъ уже невозможно сосчитать, хотя нельзѧ себѣ представить, чтобы оно было неизмѣримо велико.

Фактически вся фосфоресценція экрана изъ обманки, будетъ ли источникомъ ея радій или полоній, происходитъ отъ эманаций, не проникающихъ чрезъ картонъ. Причина, почему эманациі замѣтны на экранѣ изъ цинковой обманки и не видны на экранѣ изъ платиново-ціанистаго барія, заключается въ томъ, что въ послѣднемъ случаѣ общій блестящій отъ фосфоресценціи фонъ не даетъ глазу различить сверканій.

Весьма вѣроятно, что при этихъ явленіяхъ мы наблюдаемъ лишь бомбардированіе экрана положительными іонами, которые выбрасываются изъ радія съ быстротою того же порядка, что скорость свѣта.

Всякая частица становится видимой, лишь вслѣдствіе сильнаго возмущенія, которое она производить ударомъ о чувствительную поверхность подобно тому, какъ каждая капля воды, падающая на гладкую поверхность воды, видна не сама по себѣ, но лишь вслѣдствіе вызываемаго ея ударомъ легкаго волненія, распространяющагося расширяющимися кругами.

Если мы призовемъ на помощь все свое воображеніе и доведемъ электронную теорію матеріи до того, что я считаю ея логическими границами, то возможно, что мы имѣемъ дѣло съ само-произвольнымъ распаденіемъ радія;—мы начинаемъ сомнѣваться въ вѣчности матеріи. Химическій атомъ можетъ, въ самомъ дѣлѣ, испытать катаболическое превращеніе; но этотъ процессъ идетъ невообразимо медленно; если допустить даже, что въ секунду исчезаетъ миллионъ атомовъ, то вѣсь уменьшится лишь на одинъ миллиграммъ въ столѣтіе.

Никогда не слѣдуетъ забывать, что теоріи хороши лишь постолку, поскольку они даютъ гармоническое сочетаніе фактovъ въ рациональную систему. Какъ только какой-нибудь фактъ не поддается системѣ и не объясняется теоріей, эта послѣдняя

должна исчезнуть или видоизмениться, чтобы охватить новый фактъ. XIX вѣкъ былъ свидѣтелемъ зарожденія двухъ теорій, построенныхъ на атомахъ: электричества и энера. Наша теперешняя теорія строенія матеріи можетъ казаться намъ удовлетворительной; но что будетъ въ концѣ XX вѣка? Не получаемъ ли мы постоянно тотъ же урокъ, что наши изслѣдованія имѣютъ лишь временное значеніе? Будемъ ли мы лѣтъ черезъ 100 разлагать матеріальный міръ на рой движущихся электроновъ?

Это фатальное свойство распада кажется намъ всеобъемлющимъ: оно проявляется всякий разъ, какъ мы потремъ кусокъ стекла шелкомъ; оно продолжаетъ свою работу въ свѣтѣ Солнца, какъ и въ каплѣ воды, въ взрывахъ молніи и въ пламени; оно господствуетъ въ водопадахъ и въ бушующихъ моряхъ,—протяженіе человѣческаго опыта слишкомъ ничтожно, чтобы дать намъ параллаксъ, который позволилъ бы намъ предсказать время исчезновенія матеріи,—но протиъ, *безформенный туманъ*, быть можетъ, еще будетъ полновластно царить, и стрѣлка вѣчности завершитъ одинъ изъ своихъ оборотовъ.

Главнѣйшія задачи современной минералогіи.

Прив.-доц. М. Сидоренко.

Минералогія наука, посвященная изученію минераловъ, т. е. природныхъ однородныхъ неорганическихъ соединеній, твердыхъ или жидкихъ, встрѣчающихся въ земной корѣ или входящихъ въ составъ упавшихъ изъ космического пространства камней (метеоритовъ). Слѣдовательно, по существу своего содержанія, минералогія принадлежитъ къ группѣ таѣь называемыхъ, хотя и неправильно, естественныхъ наукъ (какъ будто есть неестественные науки). Но каково ея положеніе въ системѣ научнаго знанія—это вопросъ, по моему мнѣнію, еще далеко нерѣшенный, какъ и относительно многихъ другихъ дисциплинъ естествовѣдѣнія. Бекетовъ *) въ классификациіи естественныхъ наукъ относить минералогію къ наукамъ преимущественно описательнымъ, но, если мы отдѣлимъ причисляемую къ ней совершенно самостоятельную науку, кристаллографію, или кристаллогологію, какъ ее нынѣ называютъ, и обратимъ вниманіе на развитіе въ настоящее время въ минералогіи экспериментальнаго и спекулятивнаго методовъ научной разработки подлежащаго матеріала и на живое стремленіе науки познать движение минерального вещества въ природѣ, то мы получаемъ возможность съ некоторымъ правомъ отнести минералогію къ разряду динамическихъ наукъ Бекетова. Впрот-

*) Энциклопедич. словарь Брёкгауза, 22-ой полу томъ, стр. 688.

чемъ, я долженъ оговориться, что выясненіе положенія современ-
ной минералогіи въ системѣ знанія является одной изъ задачъ
научной минералогіи.

Многочисленныя историческія справки свидѣтельствуютъ,
что минералогія принадлежитъ къ числу тѣхъ наукъ, начальные
корни которыхъ проросли въ эпоху отдаленной сѣйдѣ древности.
Весьма любопытно прослѣдить этапы развитія нашей науки,
узнать, какъ она дошла до современаго своего состоянія. Въ
этомъ отношеніи кое-что сдѣлано, но немного. По исторіи мине-
ралогіи существуетъ нѣсколько трудовъ, каковы Маркса, Ленца,
фонъ-Кобелля, но всѣ эти работы къ настоящему моменту сильно
устарѣли. Изъ предыдущаго вытекаетъ, какъ необходимо слѣд-
ствіе, настоящая надобность въ возникновеніи исторической
литературы по минералогіи. По моему мнѣнію, весьма полезно
было бы появленіе работъ по областной, если можно такъ выра-
зиться, исторіи минералогіи, т. е. по исторіи минералогіи русской,
французской, англійской и проч. При усپѣшномъ исполненіи
этихъ трудовъ можетъ быть осуществлена вполнѣ правдивая и
болѣе или менѣе полная исторія одной общечеловѣческой минера-
логической науки. При составленіи соотвѣтствующихъ трудовъ
по исторіи минералогіи легко было бы создать и практически
полезную минералогическую библіографію. Каждый занимающійся
самостоятельнымъ трудомъ въ области научнаго изслѣдованія
прекрасно знаетъ, какъ важны библіографические сборники. Какая
была бы экономія во времени и труда, еслибы мы могли пользо-
ваться рационально составленными библіографическими указате-
лями. Утверждать, что таковыхъ вовсе нѣтъ, было бы несправед-
ливо, такъ какъ библіографические указатели существуютъ, но
при очень ограниченномъ количествѣ специальныхъ журналовъ.
Вышеупомянутыя три задачи: систематическое положеніе мине-
ралогіи въ ряду наукъ, ея исторія и библіографія,—тѣсно связаны
съ предметомъ минералогіи, но непосредственно не вытекаютъ
изъ ея сущности. Теперь я перехожу къ обзору тѣхъ задачъ,
которыя составляютъ ея содержаніе.

Чтобы быть понятнымъ въ послѣдующемъ изложеніи, на-
хожу необходимымъ сказать нѣсколько предварительныхъ словъ.

Не касаясь исторіи минералогіи, какъ предмета, не относя-
щагося къ содержанію поставленной мною темы, я все же на-
хожу себя вынужденнымъ указать на одинъ исторический мо-
ментъ, весьма важный въ эволюціонномъ ходѣ минералогической
науки. Почти до начала послѣдней четверти XVIII вѣка подъ
именемъ минералогіи понимали науку, на обязанности которой
лежало изслѣдованіе всего того, что открывалось, какъ иско-
паемое (*mineralis* *) Поэтому различныя окаменѣлости (*lapides*
figurati, какъ выражались въ былое времена), горнага породы, ми-

*) *Mineralis* происходитъ отъ слова *mina* подземный ходъ. Терминъ *mineralis*, откуда слово минералъ, ввелъ въ науку англійскій монахъ XI ст. Іосифъ Горландія.

нералы и, вообще, различные камни рассматривались въ минералогіи. Въ 1775 г. въ Фрейбергской горной академіи занялъ мѣсто преподавателя ученый минералогъ А. Г. Вернеръ. Этотъ геніальный человѣкъ, разобравшись въ хаотическомъ составѣ тогдашней минералогіи, произвелъ цѣлый рядъ ея разсѣченій. Сначала онъ отдалъ чтеніе лекцій по минералогіи отъ лекцій по горнодѣлію, затѣмъ обособилъ отъ минералогіи геологію (или геогно-зію, какъ онъ выражался), а потомъ въ самой геологіи нашелъ удобнымъ выдѣлить описание горныхъ породъ (петрографія). Вслѣдствіе работы Вернера, минералогія освободилась отъ тѣхъ частей, которыя были съ нею связаны вполнѣ искусственно, отчасти вслѣдствіе простого недоразумѣнія (горнодѣліе), отчасти въ силу историческихъ условій (минералоги съ древнихъ временъ интересовались объектами различного рода, добываемыми изъ земли). Самъ Вернеръ обращалъ особое вниманіе только на вибѣшніе признаки минераловъ и на ихъ химической составъ, но мало придавалъ значенія формамъ кристаллическихъ минераловъ. Совершенно иначе взглянули на форму французскіе ученые, современники Вернера, Роме-де-Лиль и аббать Гаю. Они своими работами создали новую вѣтвь знанія — кристаллографію, или науку о кристаллахъ. Такъ какъ матеріаль для ихъ работъ былъ предоставленъ минеральнымъ міромъ, то, въ силу этого случайного обстоятельства, на кристаллографію стали смотрѣть, какъ на нѣкоторую минералическую дисциплину. Въ XIX вѣкѣ кристаллографія во всѣхъ своихъ отдѣлахъ подверглась весьма сильной разработкѣ. Появилась огромная масса капитальныхъ работъ Вейсса, Наумана, Бравэ, Зонке, Шенфлиса, Федорова, Мюрге, Кноблауха, Фриделя, Браунса и многихъ другихъ. Разработка ея шла посредствомъ наблюдательного метода, а также и умозрительнымъ и экспериментальнымъ путемъ. Кристаллографія захватила въ сферу своего вѣдѣнія весь міръ кристалловъ какого бы то ни было происхожденія; она изслѣдуетъ кристаллы въ самыхъ разнообразныхъ отношеніяхъ, вслѣдствіе чего вывела цѣлый стройный рядъ умозаключеній для кристаллическаго міра, и стремится нынѣ, между прочимъ, къ познанію интимнаго строенія матеріи. Такимъ образомъ, для кристаллографіи создался болѣе обширный матеріаль и болѣе широкія задачи, чѣмъ имѣющіяся у минералогіи. Въ силу логической необходимости эти двѣ науки должны были отдалиться одна отъ другой, какъ отдалась палеонтологія отъ геологіи. Для минералогіи кристаллографія или кристаллогологія является въ такой же роли, какъ физика или химія. Если ихъ еще донынѣ связываютъ вибѣшней связью (въ учебникахъ, въ журналахъ, въ лицѣ одного и того преподавателя), то это явленіе объясняется только традиціей, подобной той, которая заставляетъ еще и теперь соединять преподаваніе географіи и исторіи въ одномъ и томъ же лицѣ въ среднихъ учебныхъ заведеніяхъ. Сказать по правдѣ, кристаллографію съ одинаковымъ удобствомъ возможно было бы преподавать при физикѣ, химії, даже физіологии и др. наукахъ, но вибѣ всячаго

сомнѣнія, что еще удобнѣе было бы выдѣлить ее, наконецъ, въ совершенно самостоятельный предметъ. Освободивши минералогію отъ кристаллографіи, мы еще должны отдѣлить отъ нея два отдѣла, которые тоже соединены съ нею только традиціонной связью. Я имѣю въ виду ученіе о метеоритахъ (метеоритику) и ученіе обѣ ископаемыхъ растительного происхожденія (каменные угли и ископаемая смолы). Относительно метеоритовъ должно замѣтить, что они всѣ представляютъ собою агрегаты нѣсколькихъ минераловъ; даже наиболѣе простые изъ нихъ по составу, каковы желѣзистые, и тѣ, въ сущности, комплексъ нѣсколькихъ компонентовъ: комацить, плесситъ, шрейберзитъ и пр. Такъ какъ они представляютъ собою минеральные агрегаты, то, въ силу этого одного основного обстоятельства, они не минералы, хотя изъ нихъ и состоятъ, а горныя породы, почему и подобаетъ ихъ отнести въ область петрографическихъ изслѣдований. Что же касается выше названныхъ ископаемыхъ органическаго происхожденія, то, хотя нѣкоторые авторитетные ученые, какъ Циркель, Лаппаратъ, Чермакъ, Брунсь и др., оставляютъ ихъ еще среди минераловъ, иные, не менѣе авторитетные, какъ Розенбушъ, Карпинскій, Левинсонъ-Лессингъ и др., переселили ихъ въ область петрографіи. Кто же болѣе правъ? Для удовлетворительного разрѣшения поставленного вопроса мы должны обратиться къ точному выясненію содержанія какъ минералогіи, такъ и петрографіи. Цѣль минералогіи всестороннее изслѣдование минераловъ, а петрографіи—горныхъ иородъ. Минераломъ же называется, по опредѣленію Наумана—Циркеля, каждое однородное твердое или жидкое неорганическое тѣло, представляющее собой естественный продуктъ, возникающій безъ содѣйствія органическихъ процессовъ и безъ помощи человѣческаго произвола; минералы существенно образуютъ кору нашей планеты. Горной же породой, по опредѣленію Брунса, называется минеральный агрегатъ, представляющій собою геологически самостоятельную массу. Горная порода своимъ происхожденіемъ обязана дѣятельности какого-либо изъ геологическихъ факторовъ. Между таковыми не послѣднюю роль играютъ животныя и растенія. Если всевозможные известняки—продукты распада животныхъ и нѣкоторыхъ растительныхъ организмовъ—причисляются, въ качествѣ научнаго материала, къ петрографіи, то, безъ сомнѣнія, растительные продукты въ формѣ каменныхъ углей, ископаемыхъ смолъ, также должны рассматриваться въ петрографіи.

Освободивъ такимъ образомъ минералогію отъ выросшихъ на ея почвѣ частей и распредѣливъ послѣднія въ соотвѣтствующія категоріи знанія, мы вмѣстѣ съ тѣмъ усматриваемъ, что въ теченіе сравнительно короткаго для науки промежутка времени (около 100 лѣтъ) минералогія дала отъ себя нѣсколько отщепленій, развившихся въ обширныя сферы человѣческаго знанія. Этотъ фактъ свидѣтельствуетъ о большой жизненности нашей науки.

Итакъ, какую цѣль преслѣдуетъ минералогія, намъ извѣстно изъ предыдущаго, и что такое минераль, мы также знаемъ. Ка-

ковы же ближайшія задачи минералогії? Прежде всего замѣтимъ себѣ, что минералы въ земной корѣ являются или въ видѣ естественныхъ многогранниковъ (кристаллическіе минералы), или въ видѣ массъ, совсѣмъ не обнаруживающихъ кристаллическаго сложенія (аморфные минералы). Подавляющее большинство минераловъ обладаютъ кристаллической формой. Съ первого взгляда кажется, что вовсе не трудно отличить кристаллическій минералъ отъ аморфнаго, но исторія изученія такихъ минераловъ, какъ каолинъ и бирюза, ясно свидѣтельствуетъ, что это далеко не легкое дѣло. Кристаллы иногда бываютъ настолько мелки, какъ въ случаѣ выше упомянутыхъ минераловъ, что съ большимъ трудомъ могутъ быть открыты и опредѣлены. Въ средѣ бактериологовъ циркулируетъ предположеніе, что существуютъ столь ничтожные по размѣрамъ микроорганизмы, что при настоящихъ методахъ оптическаго изслѣдованія они не могутъ быть открыты. Отчего же не могутъ быть и мельчайшіе кристаллики, неразличимые въ микроскопахъ настоящаго времени? А собраніе мельчайшихъ кристалликовъ безъ всякой правильной ориентировки можетъ дать массу, вполнѣ похожую на аморфную. Вслѣдствіе вышеприведенного соображенія, возникаетъ одна изъ задачъ минералогії, насколько дѣйствительно распространены аморфизмъ среди минерального міра; можетъ быть, его и совсѣмъ неѣть въ минеральномъ царствѣ, какъ думаютъ нѣкоторые авторы. Вторая задача чисто морфологическая: установлѣніе кристаллическихъ формъ у вновь открываемыхъ минераловъ и опредѣленіе таковыхъ формъ у минераловъ, хотя и давно известныхъ, но съ неясно выраженной формой, какъ у талька и др., или съ сильными вибрационными тератологическими измѣненіями. Послѣднія измѣненія также требуютъ выясненія своей законности и причинности. Разрешеніе морфологическихъ задачъ имѣетъ весьма важное утилитарное значеніе, такъ какъ при успѣшномъ разрѣшеніи ихъ пріобрѣтается возможность предсказать многія физическія свойства минерала, какъ, напр., оптическія, термическія и др. Кроме того, удовлетворительные отвѣты, получаемые на эти задачи, доставляютъ матеріалъ для построенія раціональной классификаціи минераловъ и служатъ для ихъ діагноза. Дальнѣйшей задачей минералогії является изслѣдованіе физическихъ свойствъ минераловъ. Свойства эти вполнѣ удобно раздѣляются на двѣ группы: 1) свойства, находящіяся въ зависимости отъ сцѣпленія (упругость, твердость и др.) и 2) свойства, обязанныя своимъ существованіемъ проявленію лучистой энергіи (оптическія, термическія и др. свойства). Изслѣдованіе минераловъ въ этомъ направлѣніи даютъ весьма цѣнныій матеріалъ, какъ для кристаллографіи, такъ и для физики; для минералогії же результаты этихъ работъ имѣютъ значеніе, главнымъ образомъ, физическихъ и механическихъ признаковъ минераловъ.

Минералы представляютъ собою реальная тѣла, слѣдовательно, состоять изъ матеріи, которая можетъ быть подвергнута химическому изслѣдованію. Задача химического изученія мине-

раловъ является одной изъ важнейшихъ. Между прочимъ, химический анализъ даетъ возможность составить формулы минераловъ. Кстати, здѣсь слѣдуетъ отмѣтить тотъ фактъ, что только для немногихъ минераловъ установлены молекулярныя формулы, но у большинства минераловъ формулы выражаютъ собою только вѣсовыя отношенія составныхъ частей. Определеніе состава минерала можетъ дать возможность составить себѣ представлѣніе о конституціи его вещества. Дѣйствительно, въ этомъ направленіи дѣлались попытки Чермакомъ, Раммельсбергомъ, Гротомъ, Браунсомъ и др. Но, къ сожалѣнію, ихъ попытки при дальнѣйшемъ развитіи науки и остались только попытками, содержаніе которыхъ или отвергнуто или сильно умалено. Приложеніе ученія объ изоморфизме къ даннымъ химического анализа минераловъ, хотя и внесло лучь свѣта въ темное царство химической природы минераловъ, но не было состояніи разсѣять всего мрака, охватывающаго химическую ихъ конституцію. Нужно надѣяться, что недавно возникшее ученіе о твердыхъ растворахъ дастъ, при разумномъ примѣненіи его къ минералохимическимъ задачамъ, гораздо болѣе благіе результаты, чѣмъ употреблявшіеся донынѣ способы объясненія минералогическаго состава. Разрѣшеніе минералохимическихъ вопросовъ важно не только потому, что даетъ возможность создать себѣ представлѣніе объ элементарномъ составѣ минераловъ, имѣющимъ громадное значеніе для классификаціонныхъ работъ, но и открываетъ возможность предугадать, какимъ путемъ пойдетъ его разложеніе въ будущемъ, и какіе могутъ получиться при этомъ продукты. Въ извѣстныхъ случаяхъ элементарный составъ способенъ даже указать и на самый способъ генезиса минерала. Приложеніе химического метода къ минералогіи привело къ открытію весьма интересныхъ явленій полиморфизма. Этимъ терминомъ называется способность нѣкоторыхъ веществъ кристаллизоваться въ нѣсколькихъ различныхъ формахъ, при чёмъ различіе выходитъ нерѣдко за предѣлы кристаллическихъ системъ. Съ внѣшнимъ различіемъ связано и внутреннее, которое выражается въ физическихъ свойствахъ. Для примѣра приведу $CaCO_3$, которая диморфна, таکъ какъ способна кристаллизоваться въ видѣ оптическиоднооснаго минерала—кальцита (уд. вѣсъ 2.72) и въ видѣ оптическидвуснаго—арagonита (уд. вѣсъ 2.94). Первоначально въ XVIII вѣкѣ было известно только одно диморфное вещество $CaCO_3$, указанное Кляйпротомъ. Въ 1844 году Делафоссъ зналъ уже 15 примѣровъ, въ 1848 году Пастеръ насчитывалъ ихъ 30, въ 1891 г. Вернадскій принимаетъ 300—400. Среди этого количества полиморфовъ находятся не только минералы, но и нѣкоторая другія вещества. Для минераловъ же интересно выяснить, насколько полиморфизмъ распространенъ въ минеральномъ царствѣ и не свойственъ ли онъ всѣмъ кристаллическимъ минераламъ, какъ это предполагали, на основаніи нѣкоторыхъ соображеній, Брейгауптъ и Франкенгеймъ. Всѣ мы отлично знаемъ, что природа чрезвычайно разнообразна въ своихъ произведенияхъ, а поэтому для насъ совершенно не должно

представляться удивительнымъ явлениемъ и другого рода, когда минеральное вещество является въ формѣ для него, такъ сказать, непривычной, чуждой, что доказывается отсутствиемъ органической зависимости между таковой формой и ея содержаниемъ. Этотъ случай извѣстенъ подъ именемъ псевдоморфизма, а сама форма, чуждая для данного вещества—псевдоморфозой, напр., псевдоморфоза глины (аморфное вещество) по кубическимъ кристалламъ каменной соли. Возникновеніе псевдоморфоза зависить не отъ свойствъ самихъ минераловъ, псевдоморфизирующихъ по формамъ другихъ, а отъ причинъ внѣшнихъ, иногда механическихъ, иногда химическихъ. Разборъ псевдоморфозъ представляеть собою предметъ чрезвычайно трудный, потому что изслѣдователю приходится даже въ простѣйшемъ случаѣ разрѣшать довольно много разнообразныхъ задачъ. Изслѣдованіе псевдоморфоза весьма интересно въ томъ отношеніи, что приводить насъ къ открытію подвижности минерального вещества въ природѣ, а поэтому отъ псевдоморфозъ для насъ прямой переходъ къ одной изъ самыхъ любопытныхъ задачъ современной минералогии, а именно, къ задачѣ о минеральномъ генезисѣ. Для разрѣшенія этой задачи изслѣдователи должны прибѣгать какъ къ наблюдательному, такъ и къ экспериментальному методамъ изученія. Въ послѣднемъ отношеніи очень важны работы, произведенныя въ новѣйшее время, Лемберга, Дельтора, Вань-Гоффа и друг. Къ сожалѣнію, для многихъ минераловъ не удалось пока выяснить самого способа ихъ образования ни непосредственнымъ наблюдениемъ въ природѣ, ни экспериментомъ, обставленнымъ такими условіями, которыя встречаются въ природѣ. Послѣднее обстоятельство побудило нѣкоторыхъ экспериментаторовъ прибѣгнуть къ получению минераловъ при условіяхъ, отличныхъ отъ природныхъ. Хотя эксперименты этого рода имѣютъ ограниченное значение для натурального минерального генезиса, но зато они дали намъ искусственно приготовленные минералы въ болѣе чистомъ, въ химическомъ смыслѣ, видѣ, чѣмъ естественные, которые обыкновенно заключаютъ въ себѣ постороннія включенія, иногда маскирующія свойства включающаго минерала. Наблюденія надъ образованіемъ минераловъ привело къ открытію ихъ измѣненій. Общая совокупность всякихъ превращеній въ минеральномъ царствѣ носитъ название метаморфизма. Хотя въ настоящее время выяснены до извѣстной степени тѣ естественные агенты, которые совершаютъ эти превращенія, но самый способъ ихъ дѣятельности, энергія и распространеніе ихъ работы нуждаются въ детальной разработкѣ. Частный случай метаморфизма представляетъ вывѣтриваніе, т. е. видоизмѣненіе поверхностныхъ минеральныхъ массъ, происходящее подъ влияніемъ атмосферическихъ агентовъ, воды и организмовъ. Эта область изслѣдованія чрезвычайно широка и очень интересна, что видно изъ словъ Бишофса, полагающаго, что смыслъ вывѣтриванія состоитъ въ созиданіи на поверхности земного шара наиболѣе устойчивыхъ соединеній, способныхъ при настоящихъ геологическихъ усло-

віяхъ сопротивляться разрушительному дѣйствію вышеназванныхъ агентовъ. По мнѣнію Вальтера, вывѣтываніе въ минеральномъ царствѣ играетъ такую же роль, какая выпала на долю борьбы за существованіе въ мірѣ біологическомъ.

Минералы въ земной корѣ рѣдко встрѣчаются въ видѣ обособленныхъ однородныхъ массъ, напротивъ, по большей части, ихъ находятъ въ болѣе или менѣе сложныхъ сообществахъ. Поэтому сама собой возникаетъ такъ называемая парагенетическая задача *). Цѣль послѣдней задачи состоитъ въ томъ, чтобы выяснить, одновременно или разновременно образовались минералы въ данномъ комплексѣ, напр., въ минеральной жилѣ. Если одновременно, то какія условія способствовали синхронії; если же разновременно, то какова была послѣдовательность образования, изъ какихъ источниковъ происходило возникновеніе, каковые изъ минераловъ первичные, а которые дериваты ихъ.

Парагенетическая отношенія минераловъ приводятъ насъ къ минеральнымъ ассоціаціямъ, т. е. къ совокупностямъ минераловъ образующихъ горныя породы. Изучая таковыя ассоціаціи, изслѣдователи стремятся выяснить законы, управляющіе возникновеніемъ ихъ и ихъ внутреннимъ распорядкомъ. Пока въ этомъ направлениі сдѣлано еще довольно мало. Въ данномъ случаѣ мы имѣемъ задачу, надѣ разрѣшеніемъ которой, какъ и нѣкоторыхъ другихъ изъ вышепоставленныхъ, съ одинаковымъ правомъ могутъ трудиться какъ минералоги, такъ и петрографы. Человѣческая любознательность не можетъ ограничиться познаніемъ предмета, не постаравшись, съ одной стороны, опредѣлить время его возникновенія, а съ другой—установить область его распространенія въ пространствѣ. Для удовлетворенія этихъ законныхъ требованій человѣческой пытливости, въ минералогической наукѣ существуютъ двѣ задачи, изъ которыхъ одна устремляетъ свои усиія къ выясненію времени образования минераловъ, а другая къ опредѣленію ихъ географического и геологического распространенія. Для установленія времени образования минераловъ въ данной мѣстности въ предшествующія эпохи минералоги должны прибѣгать къ помощи исторической геологии, а для возникшихъ въ самое новѣйшее время къ помощи исторіи, которая въ нѣкоторыхъ случаяхъ способна отвѣтить на данный вопросъ, напр., если трудами геологовъ будетъ установлено, что такая-то изверженная порода возникла въ теченіе такого-то періода, то, следовательно, и минеральная ассоціація, составляющая ее, принадлежитъ къ тому промежутку времени.

Что же касается до распространенія минераловъ, то въ настоящее время въ различныхъ странахъ возникло стремленіе составлять описанія и каталоги мѣстныхъ минераловъ. Изъ числа такихъ работъ можно указать на труды Лакруа для Франціи,

*) Парагенезис—терминъ, введенный въ науку въ срединѣ прошлаго вѣка Брейгауптомъ.

Славика для Богемії, Кокшарова, Федорова, Меллера, Земятченского, Вернадского и Самойлова для Россіи, скандинавскихъ ученыхъ для Швеціи и Норвегіи и т. д. При обслѣдованіи распределенія минераловъ въ земной корѣ при горныхъ разработкахъ, при геологическихъ изысканіяхъ замѣтили, что минералы въ литосфера земного шара распределены не въ хаотическомъ беспорядкѣ, а напротивъ, являются въ определенныхъ формахъ заlegenія. Определеніе этихъ формъ, выясненіе законностей ихъ распределенія и происхожденія составляютъ задачу минералогической топики.

Къ числу общеизвѣстныхъ фактъ принадлежитъ стараніе всякой науки, даже самой несовершенной, систематизировать свой научный багажъ. А поэтому, разумѣется, и минералогія имѣть свою систематику. Для составленія вполнѣ удовлетворительной системы, наиболѣе близко подходящей къ естественной классификаціи, необходимо имѣть въ распоряженіи огромный запасъ самыхъ разнообразныхъ научнопровѣренныхъ признаковъ, но, такъ какъ современная минералогія еще только стремится къ приобрѣтенію такого научнаго багажа, то, въ силу необходимости, должны были возникнуть искусственные классификаціи, которыхъ извѣстно нѣсколько, напр., система Дана, Науманъ-Циркеля, Чermака, Стерри-Гунта, Лаппарана и др. Большинство классификацій основано на химическихъ признакахъ. Изъ только что изложенного само собой явствуетъ, что одной изъ задачъ минералогіи является необходимость въ построеніи классификаціи, вполнѣ удовлетворяющей современному состоянію науки. Въ заключеніе, мнѣ остается сказать, что существуетъ еще одна минералогическая задача, пожалуй, одна изъ самыхъ интересныхъ; это задача, касающаяся эволюціи минерального міра: каковы были первоначальные минералы на нашей планетѣ, какія они испытали превращенія, какъ создалось современное минеральное царство? На этотъ счетъ существуютъ только однѣ гипотезы, да и тѣ немногочисленны. Большинство мыслителей, задававшихся цѣлью выяснить путемъ догадокъ исторію минераловъ, предполагало, что первоначальными минералами были силикаты, т. е. кремнекислые соединенія. Мнѣніе это основывается на наблюденіи, показывающемъ, что расплавленная масса лавы, вытекшой изъ вулкана, при своемъ застываніи превращается въ комплексы силикатовыхъ минераловъ. Согласно наиболѣе распространеннымъ геогеническимъ гипотезамъ Канта—Лапласа, Файя, земной шаръ на первыхъ стадіяхъ своего существованія представлялъ собой, по крайней мѣрѣ, съ поверхности расплавленную лавоподобную массу. Въ недавнее время Россель, основываясь на нѣкоторыхъ опытахъ, произведенныхъ въ электрической печи, пришелъ къ заключенію, что, если принять образование земли путемъ охлажденія, то первоначальными минералами были соединенія металловъ между собою или съ углеродомъ, или съ кремніемъ, напр. CaC_2 , Mg_2Si , Al_4Si_3 . Эти минералы составили собою первоначальную кору земного шара. Затѣмъ, послѣ

образованія воды, при пониженіи температуры земли изъ первоначальныхъ минераловъ образовались окислы, а дальше и ангидриды кислотъ, а потомъ появились и различныя соли, представляемыя нынѣшними минералами.

Но какъ бы тамъ ни было, въ дѣлѣ решенія вопроса объ эволюціи минераловъ мы находимся еще въ области догадокъ. Решеніе этой задачи составляеть собою предметъ работъ въ будущемъ.

Вотъ краткій очеркъ главнѣйшихъ задачъ современной минералогіи. Будущее, разумѣется, чревато новыми задачами. Отъ удовлетворительного разрѣшенія поставленныхъ задачъ выигрышаетъ не только сама минералогія и находящіяся съ нею въ связи прикладная науки, но и вся система человѣческаго знанія, посвященная уразумѣнію реальнаго міра. Подъ ударами молотка минералога камни, вспія, свидѣтельствуютъ истину, разлитую во вселенной.

НАУЧНАЯ ХРОНИКА.

† P. J. O. Callandreau. Семья французскихъ астрономовъ, понесшая въ послѣдніе годы невознаградимыя потери въ лицѣ Faye и Henru, лишилась еще одного своего члена, астронома Парижской обсерваторіи *Pierre Jean Octave Callandreau*, внезапно скончавшагося въ Парижѣ 13-го февраля (н. ст.) 1904 г., на 51-омъ году жизни.

Callandreau родился 18-го сентября 1852 г. въ *Angoulême* и, по окончаніи Политехнической школы въ Парижѣ, тотчасъ же отдался занятіямъ астрономіей въ Парижской обсерваторіи, въ которой прошелъ всѣ стадіи отъ помощника астронома (1874 г.) (*aide-astronome*) до астронома (съ 1897 г.); одновременно съ занятіями въ обсерваторіи онъ занимался и педагогической дѣятельностью: въ Политехнической школѣ онъ былъ сначала репетиторомъ, а послѣ смерти Faye—профессоромъ астрономіи. Въ 1893 году онъ былъ избранъ членомъ Парижской академіи наукъ.

Таковы вкратцѣ біографическія данныя; постараемся хотя бы слегка обрисовать научную дѣятельность Callandreau. Въ астрономіи симпатіи Callandreau были направлены въ сторону теоретической астрономіи, и здѣсь съ его именемъ можно встрѣтиться на каждомъ шагу; кажется, нѣть такого вопроса небесной механики, которымъ бы онъ не занимался; чисто-математические мемуары его о Бесселевыхъ функцияхъ и шаровыхъ функцияхъ (имѣющихъ такое большое значеніе въ изслѣдованіяхъ небесной механики) чередуются съ астрономическими мемуарами; сюда слѣдуетъ отнести его работы по теоріи вѣковыхъ возмущеній, по приложенію теоріи промежуточныхъ орбитъ Гюльдена къ планетѣ (103) Нега, по вопросу о периодическихъ кометахъ и о такъ называемомъ „за-

влечениі" ихъ большими планетами, по теоріи малыхъ планетъ; но этимъ не исчерпывается перечень работъ Callandreau, здѣсь названы только наиболѣе крупныя его вещи, остальная его работы разбросаны по различнымъ периодическимъ изданіямъ, и перечислить ихъ или даже только темы, ими затрагиваемыя, почти невозможно.

Но не въ одной только области теоретической астрономіи работалъ Callaudreau; нельзя, конечно, пройти молчаниемъ его работы по наблюдательной астрономіи (наблюденія меридиональнымъ кругомъ и экваторіаломъ въ Парижской обсерваторіи, наблюденія прохожденія Венеры черезъ дискъ Солнца въ 1882 г.) и, въ особенности, работы его въ качествѣ ближайшаго сотрудника астрономического журнала „*Bulletin astronomique*“, въ которомъ онъ участвовалъ въ теченіе почти двадцати лѣтъ.

Въ заключеніе этого краткаго некролога приведемъ слова директора Парижской обсерваторіи M. Loewy, характеризующія личность Callandreau: „Callandreau étais d'une nature loyale et modeste; toujours prêt à rendre service, il ne comptait que des amis parmi ses collègues, dont beaucoup ont largement profité de sa science et de ses conseils. Son caractère était à la hauteur de son esprit“.

Полярная экспедиція. Изъ антарктическихъ экспедицій, снаряженныхъ въ 1901 г., одна, именно, германская на „Gauss“ подъ руководствомъ Дригальского, находится уже на обратномъ пути. Одно время о ней не было никакихъ извѣстій, и въ Германии подумывали о снаряженіи вспомогательной экспедиціи, и даже для этой цѣли былъ купленъ уже пароходъ; но 1-го іюля н. ст. телеграфъ принесъ извѣстіе о прибытии „Gauss“а“ въ Дурбанъ, а 9-го іюня—въ Смитстоунъ близъ Капштадта. Въ телеграммѣ отъ 9-го іюня сообщается и краткій обзоръ плаванія экспедиціи послѣ ухода 31-го января 1902 года изъ Кергеленскихъ о-вовъ. Подвигаясь на югъ и отыскивая о-ва Termination, существование которыхъ предполагается на основаніи указаний американской экспедиції Уилькса (1840 г.), „Gauss“ вошелъ 14-го февраля н. ст. въ область пловучаго льда, а 22-го февраля н. ст. былъ совершенно скованъ льдами. Подъ полярнымъ кругомъ открыта новая земля съ потухшимъ вулканомъ, названная землею „Короля Вильгельма II“. Здѣсь зимовали и пробыли во льдахъ почти годъ, занимаясь различными научными изслѣдованіями. Только 8-го апрѣля н. ст. 1903 г. „Gauss“ вышелъ изъ области льдовъ и направился къ Дурбану и далѣе къ Капштадту. Открытие земли Короля Вильгельма II и цѣлый рядъ добытыхъ научныхъ данныхъ составляютъ результаты экспедицій. О-ва Termination такъ и не были найдены, и, по мнѣнію Дригальского, существование ихъ весьма сомнительно, тѣмъ болѣе, что и Challenger въ 1874 году также не могъ ихъ разыскать.

Объ англійской антарктической экспедиціи „Discovery“ по-

слѣднія извѣстія были получены отъ вспомогательной экспедиціі „Morning“ (см. Мет. Вѣст., стр. 149), доставившой, между прочимъ, и карту съемокъ „Discovery“ на землѣ „Викторія“. По этой картѣ, изданной въ іюлѣ сего года Лондонскимъ географическимъ обществомъ, вулканы Эребусъ и Терроръ, предполагавшіеся Россомъ и затѣмъ Борхгревингомъ на материкѣ, на самомъ дѣлѣ находятся на маленькомъ островѣ. Неизвѣстность о дальнѣйшей участіи англійской экспедиціі, оставшейся на вторую зимовку въ антарктическихъ льдахъ, заставило англійское правительство решиться на снаряженіе вновь вспомогательной экспедиціі. Такая экспедиція вышла 26-го августа н. ст. на суднѣ „Terra-Nova“, подъ командою Макея, въ Гобартѣ (Тасманія), где къ ней присоединится и „Morning“ подъ командою Кольбека. Экспедиціі поручено отыскать „Discovery“ и, если не удастся освободить его изъ льда, то снять весь экипажъ и, по сгружкѣ судна, оставить его на произволъ судьбы.

Также отсутствіе свѣдѣній объ „Antarctic“, шведской антарктической экспедиціі, побудило Шведское правительство снарядить вспомогательную экспедицію. Рейхстагъ ассигновалъ для этой цѣли 200 тысячъ кронъ и сверхъ того, благодаря инициативѣ извѣстнаго полярного изслѣдователя Натгорста, собрано еще по частной подпискѣ 50 тысячъ и купленъ китобойный пароходъ „Fritjof“, который подъ командою Гильдена и отправленъ въ концѣ августа для розысковъ „Antarctic“. Аргентинское правительство съ своей стороны послало на помощь „Antarctic“ судно „Argentina“, передѣланное для спеціального антарктическаго плаванія изъ военной канонерки.

Въ августѣ сего года снаряжена, наконецъ, французами антарктическая экспедиція подъ руководствомъ д-ра Шарко и въ составѣ географа Циммермана, зоологовъ Переттѣ и Боніе и кап. Герлаха. Экспедиція вышла 23-го августа н. ст. изъ Гавра на суднѣ „Français“ къ Землѣ Грагама. Цѣль ея — изслѣдованіе области западнѣе Земли Грагама, но экспедиція предполагаетъ предварительно оказать помощь, буде нужно, шведской экспедиціи Норденшильда.

Такимъ образомъ, для розысковъ послѣдней отправились три экспедиціи, и надо думать, что эти розыски увѣ чаются успѣхомъ и необходимая помощь будетъ оказана еще своевременно.

Завѣтная мечта многихъ полярныхъ экспедицій несолькихъ столѣтій достигнуть сѣвернаго полюса преслѣдуется еще и въ настоящее время американцами. Неудача экспедиціи Бальдвина изъ-за личныхъ недоразумѣній между членами экспедиціи не остановила миллионера Циглера снарядить новую экспедицію, руководство которой поручено А. Фіала, участвовавшему въ 1901/1902 г. въ экспедиціи Бальдвина.

Экспедиціонное судно „America“ подъ командою кап. Кофферина вышло 23-го іюня н. ст. изъ Дронгейма къ Землѣ Франца Іосифа. Тамъ предполагается перезимовать на мѣстѣ зимовки

„Stella Polare“ (эксп. герцога Абруцского) и весною на лыжахъ прослѣдовать на сѣверъ и водрузить на полюсъ американскій флагъ. Въ добрый часъ!

Въ числѣ арктическихъ изслѣдований остается еще упомянуть о состоявшейся экспедиціи Амундсена, отправившагося на суднѣ „Gjøa“ 17-го іюля н. ст. изъ Христіаніи въ воды американскаго арктическаго архипелага, именно, къ полуострову Бутія Феликсъ. Цѣль экспедиціи—опредѣлить вновь положеніе сѣвернаго магнитнаго полюса, послѣ чѣго экспедиція предполагаетъ обратный путь совершить черезъ Беринговъ проливъ.

Въ Сѣверномъ Ледовитомъ океанѣ минувшимъ лѣтомъ работали попрежнему Мурманская научно-промышловая экспедиція на „Андреѣ Первозванномъ“ подъ руководствомъ Л. Л. Брейтфуса и гидрографическая экспедиція Морскаго Министерства подъ начальствомъ полковника О. К. Дриженко. По словамъ послѣднаго, метеорологическая условія минувшаго лѣта на сѣверѣ были крайне неблагопріятны для работы экспедиціи, и послѣдней не удалось изъ-за льдовъ проникнуть нынѣ въ Карское море.

(„Метеор. Вѣстн.“).

ЗАДАЧИ ДЛЯ УЧАЩИХСЯ.

Рѣшенія всѣхъ задачъ, предложенныхъ въ текущемъ семестрѣ, будутъ помѣщены въ слѣдующемъ семестрѣ.

№ 460 (4 сер.). Определить предѣлы выраженій

$$\begin{aligned} \text{alog}(a_0x^m + a_1x^{m-1} + \dots + a_{m-1}x + a_m) + b\log(b_0x^m + b_1x^{m-1} + \dots + b_{m-1}x + b_m) + \\ + c\log(c_0x^m + c_1x^{m-1} + \dots + c_{m-1}x + c_m) \end{aligned}$$

при безконечномъ возрастаніи x , если дано, что

$$a + b + c = 0, \quad a_0 \neq 0, \quad b_0 \neq 0, \quad c_0 \neq 0$$

и что коэффициенты $a, b, c; a_0, b_0, c_0; a_1, b_1, c_1$ и т. д. и переменная x суть вещественные числа, а m —цѣлое положительное число.

С. Шатуновский (Одесса).

№ 461 (4 сер.): Доказать, что точка касанія α и α' стороны BC треугольника ABC съ окружностями круговъ вписанного въ треугольникъ и внѣвписанного относительно стороны BC образуютъ на этой сторонѣ вмѣстѣ съ основаніями H высоты и S биссектора, исходящихъ изъ вершины A , гармоническое дѣленіе.

Д. Е. (Иваново-Вознесенскъ).

№ 462 (4 сер.). Рѣшить систему уравненій

$$x(x+1)(3x+5y) = 144,$$

$$x^2 + 4x + 5y = 24.$$

Х. Рѣзницкий (Казань).

№ 463 (4 сер.). Рѣшить уравненіе

$$\sqrt[5]{30+2x} + \sqrt[5]{245-2x} = 5.$$

Н. Пѣтуховъ (Екатеринбургъ).

№ 464 (4 сер.). Доказать, что при всякомъ цѣломъ значеніи a число

$$a^7 - 5a^5 + 4a^3$$

кратно 360; при какихъ цѣлыхъ значеніяхъ a оно кратно 1080?

(Задмств.)

№ 465 (4 сер.). На плоской крыше, наклонъ которой къ горизонту равенъ 30° , установленъ вертикальный шесть, длиною въ метръ. Освѣщенный солнцемъ, онъ отбрасываетъ на крышу тѣнь длиною въ 225 сантиметровъ, составляющую съ горизонталью крыши уголъ въ 55° . Определить видимую высоту солнца.

Л. Ямпольскій (Braunschweig).

РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

№ 389 (4 сер.). Площадь кругового сектора, имѣющаго постоянный периметръ, достигаетъ maximum'a. Найти радиусъ и уголъ между крайними радиусами этого сектора.

Пусть x —радиусъ, y —дуга, S —площадь, $2p$ —периметръ искомаго сектора. По условію,

$$2x + y = 2p \quad (1).$$

Такъ какъ

$$S = x \cdot \frac{y}{2} \quad (2)$$

и такъ какъ изъ равенства (1) слѣдуетъ, что сумма величинъ x и $\frac{y}{2}$ равна постоянному количеству p , то произведение этихъ величинъ (см. (2)) $x \cdot \frac{y}{2} = S$ достигаетъ maximum'a при условіи

$$x = \frac{y}{2} = \frac{p}{2} \quad (3).$$

Итакъ, искомый радиусъ равенъ $\frac{p}{2}$, а уголъ Θ между крайними радиусами опредѣляется въ градусной мѣрѣ изъ равенства (см. (3)):

$$y = \frac{2\pi x \Theta}{360} = 2x,$$

откуда

$$\Theta = \frac{360^\circ}{\pi} = 114^\circ 35' 29,6''.$$

А. Колегаевъ (Короча); В. Винокуроффъ (Калязинъ); Я. Дубновъ (Вильна).

№ 392 (4 сер.). Представить выражение

$$2bc(\cos A + 1) + 2ca(\cos B + 1) + 2ab(\cos C + 1),$$

иди a, b, c —стороны и A, B, C соответственно противолежащіе углы треугольника, въ видѣ квадрата цѣлою относительно a, b и c многочлена.

Изъ равенства

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bccosA$$

http://vofem.ru

находимъ, что

$$2bc\cos A = b^2 + c^2 - a^2 \quad (1).$$

Поэтому (см. (1))

$$2bc(\cos A + 1) = 2bc\cos A + 2bc = b^2 + c^2 - a^2 + 2bc \quad (2).$$

Подобнымъ же образомъ получимъ:

$$2ca(\cos B + 1) = c^2 + a^2 - b^2 + 2ca \quad (3),$$

$$2ab(\cos C + 1) = a^2 + b^2 - c^2 + 2ab \quad (4).$$

Слѣдовательно (см. (2), (3), (4)),

$$\begin{aligned} 2bc(\cos A + 1) + 2ca(\cos B + 1) + 2ab(\cos C + 1) &= b^2 + c^2 + a^2 + 2bc + 2ca + 2ab = \\ &= (a + b + c)^2. \end{aligned}$$

Л. Ямпольскій (Одесса); Я. Дубновъ (Вильна); А. Колесаевъ (Короча); В. Винокуровъ (Калязинъ); Н. Гомилибъ (Митава); В. Верронтъ (Москва); Х. Мнапакановъ (Тифлисъ).

№ 395 (4 сер.). Вписать въ шаровой сегментъ цилиндръ наибольшаго объема, зная радиусъ R шара, часть котораго составляетъ сегментъ, при условіи, что высота сегмента равна $\frac{1}{3} R$.

Нижнее основаніе цилиндра лежить, по условію, на плоской поверхности сегмента; поэтому радиусъ OA шара, перпендикулярный къ плоскому основанию сегмента, будетъ перпендикуляренъ и къ верхнему основанію цилиндра; слѣдовательно, радиусъ OA пройдетъ черезъ центръ O' верхняго основанія цилиндра и черезъ общий центръ O_1 плоскаго основанія сегмента и нижняго основанія сегмента. Пусть B —точка окружности верхняго основанія цилиндра; изъ прямоугольного треугольника $OO'B$ имѣемъ: $\overline{OB}^2 \parallel \overline{OB}^2 - \overline{OO'}^2 = \overline{OB}^2 - (O_1O + O_1O')^2$, или, обозначая радиусъ основанія $O'B$ цилиндра черезъ x , высоту его O_1O' черезъ y и замѣчая, что $OB = R$,

$$O_1O = \frac{2}{3} R, \quad -$$

$$x^2 = r^2 - \left(\frac{2}{3} R + y \right)^2 = \frac{5R^2}{9} - \frac{4Ry}{3} - y^2 \quad (1).$$

Объемъ V цилиндра равенъ $\pi x^2 y$, откуда (см. (1))

$$V = \pi \left(\frac{5R^2}{9} y - \frac{4Ry^2}{3} - y^3 \right) = \pi \left[R^2 - \left(\frac{2}{3} R + y \right)^2 \right] y \quad (2).$$

Изъ равенства (2) видно, что отысканіе maximum'a функції V равносильно отысканію maximum'a функції $\frac{5R^2}{9} y - \frac{4}{3} Ry - y^3$ при дополнительномъ ограниченіи $0 < y < \frac{R}{3}$ (3), вытекающемъ изъ условія задачи. Подставляя вместо y выражение $z + \alpha$ въ полиномъ $\frac{5R^2}{9} y - \frac{4}{3} Ry - y^3$, можно достигнуть, при надлежащемъ выборѣ α , уничтоженія члена, содержащаго z во второй степени; такимъ значеніемъ α является $\left(-\frac{4}{9} R \right)$. Итакъ, полагая $y = z - \frac{4}{9} R$ (4), находимъ (см. (1)):

$$\frac{5R^2}{9} y - \frac{4Ry^2}{3} - y^3 = \left[R^2 - \left(y + \frac{2R}{3} \right)^2 \right] y = \left[R^2 - \left(z - \frac{4}{9} R + \frac{2R}{3} \right)^2 \right] \left(z - \frac{4R}{9} \right) =$$

$$= \left[R^2 - \left(z + \frac{2}{9} R \right)^2 \right] \left(z - \frac{4R}{9} \right) = \frac{31}{27} R^2 z - z^3 - \frac{308}{729} R^3 \quad (5).$$

Равенство (5) показывает, что maximum объема V наступает одновременно съ maximum'омъ выражения $U = \frac{31}{27} R^2 z - z^3$, или, такъ какъ V , по условию, принимаетъ лишь положительныя значения, и потому его maximum также положителенъ —, одновременно съ maximum'омъ выражения

$$U^2 = z^2 \left(\frac{31}{27} R^2 - z^2 \right)^2 \quad (6).$$

Но сумма величинъ z^2 и $\frac{31}{27} R^2 - z^2$ остается постоянной; поэтому, по известной теоремѣ, maximum U^2 наступить при условіи

$$z^2 = \frac{\frac{31}{27} R^2 - z^2}{2},$$

откуда $z^2 = \frac{31}{81} R^2$,

и $z = \pm \frac{R \sqrt{31}}{9}$,
откуда (см. (4))

$$y = \frac{-4 \pm \sqrt{31}}{9} R \quad (7).$$

Изъ условій (3) вытекаетъ, что въ формула (7) можно взять лишь верхній знакъ; поэтому

$$y = R \cdot \frac{\sqrt{31} - 4}{3} \quad (8).$$

Рѣшеніе (8) есть дѣйствительно годное, такъ такъ (см. (3)) $\frac{5-4}{9} < \frac{\sqrt{31}-4}{9} < \frac{6-4}{9}$, или $\frac{1}{9} < \frac{\sqrt{31}-4}{9} < \frac{2}{9} < \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$. Построивъ у обычнымъ способомъ, проведемъ въ кругъ радиуса R хорду BC въ разстояніи (см. (8)) $\frac{2}{3} R + y$ и параллельную ей хорду DE въ разстояніи $\frac{2}{3} R$ отъ центра, опустимъ перпендикуляры BB' и CC' на DE ; вращая прямоугольникъ $BB'C'C$ и кругъ вокругъ діаметра, перпендикулярного къ DE , получимъ искомый цилиндръ, вписанный въ данный сегментъ. Вставляя вместо z его значение $\frac{R \sqrt{31}}{6}$ во вторую часть равенства (5), находимъ, что наибольшее значение искомаго объема есть

$$\frac{2\pi(31\sqrt{31} - 154)R^3}{29}.$$

Я. Дубновъ (Вильна); Н. С. (Одесса).

№ 398 (4 сер.). Въ данный полукругъ діаметра $2R$ вписать трапецию такъ, чтобы двѣ ея вершины лежали на діаметре, а двѣ другія на окружности полукруга и чтобы объемъ тѣла, получаемаго отъ вращенія этой трапеции около меньшей изъ параллельныхъ сторонъ, достигалъ maximum'a.

Пусть MN —діаметръ полукруга, $ABCD$ —искомая трапеция, при чёмъ вершины A и B лежать на окружности полукруга, а C и D —на діаметрѣ. Легко показать, что, если C и D не совпадаютъ соотвѣтственно съ концами діаметра MN , то объемъ тѣла, полученного отъ вращенія трапеции вокругъ меньшей изъ параллельныхъ сторонъ, не достигалъ бы maximum'a. Дѣйствительно, если бы точки C и D лежали на діаметрѣ MN , не совпадая съ его концами (согласно съ условіемъ задачи, точки C и D лежатъ внутри діаметра, а не на его продолженіи; иначе рассматриваемый объемъ могъ бы стать сколь угодно большимъ), то, соединя M и N съ точками A и B , мы получили бы трапецию $ABNM$, которая, при вращеніи около меньшей изъ параллельныхъ сторонъ AB , даетъ больший объемъ, чѣмъ трапеция $ABCD$.

при вращении около меньшаго изъ своихъ оснований; въ самомъ дѣлѣ, трапеция $ABCD$ составляетъ лишь часть трапеции $ABNM$, а меньшее изъ оснований первой трапеции не болѣе меньшаго изъ оснований второй. Итакъ, искомая трапеция имѣетъ большій основаніемъ диаметръ MN . Опустивъ перпендикуляры MP и NQ на прямую AB , находимъ, что объемъ, полученный отъ вращенія трапеции $ABNM$ около меньшаго основанія AB , равенъ объему цилиндра, происшедшаго отъ вращенія прямоугольника $PQNM$ около прямой AB , безъ объемовъ двухъ равныхъ конусовъ, происшедшихъ отъ вращенія треугольниковъ PAD и BQN около той же прямой. Опустя изъ центра O круга перпендикуляръ OK на AB , вводя обозначенія: $AK = x$, $OK = y$, замѣчая, что $PA = PK - AK = R - x$, и называя объемъ разсматриваемаго тѣла вращенія черезъ V , находимъ:

$$V = 4\pi Ry^2 - \frac{2\pi(R-x)y^2}{3} = \frac{2\pi y^2(2R+x)}{3} \quad (1),$$

при чмъ $x^2 + y^2 = R^2$ (2). Подставляя въ равенство (1) значеніе y^2 изъ равенства (2), находимъ, что $V = \frac{2}{3}\pi(R^2 - x^2)(2R + x)$, откуда видно, что V достигаетъ maximum'а вмѣстѣ съ функціей $(R^2 - x^2)(2R + x)$, при ограниченіи $0 < x < R$ (3). Примѣнія къ этой функції такої же пріемъ, какъ къ аналогичной функціи въ задачѣ № 395, полагаемъ

$$x = z - \frac{2r}{3} \quad (4).$$

Тогда

$$\begin{aligned} (R^2 - x^2)(2R - x) &= \left[R^2 - \left(z - \frac{2r}{3} \right)^2 \right] \left(2R + z - \frac{2R}{3} \right) = \\ &= z \left(\frac{7}{3} R^2 - z^2 \right) + \frac{20R^3}{27} \quad (5). \end{aligned}$$

Такимъ образомъ V достигаетъ maximum'а вмѣстѣ съ функціей (см. (5)) $U = z \left(\frac{7}{3} R^2 - z^2 \right)$, при чмъ z (см. (3), (4)) должно принимать лишь положительныя значенія. Вмѣсто maximum'а функціи u найдемъ maximum функціи $U^2 = z^2 \left(\frac{7}{3} R^2 - z^2 \right)^2$, который наступаетъ при $z^2 = \frac{7}{3} R^2 - z^2$, откуда, разсматривая лишь положительныя значенія z ,

$$z = \frac{R\sqrt{7}}{3} \quad (6).$$

Такъ какъ при найденномъ значеніи z функція U получаетъ положительное значеніе, то среди всѣхъ положительныхъ значеній z значение $\frac{R\sqrt{7}}{3}$ сообщаєтъ этой функціи, а потому и функціи V , наибольшее значеніе. Этому значенію z отвѣтствуетъ (см. (4)) значеніе x , равное $\frac{R(\sqrt{7}-2)}{3}$, при чмъ

$0 < \frac{R(\sqrt{7}-2)}{3} < \frac{R}{3} < R$, откуда видно (см. (3)), что полученное решеніе есть искомое. Для построенія трапеции построимъ раньше обычнымъ образомъ отрѣзокъ $a = \frac{R(\sqrt{7}-2)}{3}$, отложимъ отъ точки O на диаметрѣ отрѣзки $OP = OQ' = a$ и возставимъ изъ точекъ P' и Q' перпендикуляры къ MN до встрѣчи съ дугой полукруга въ точкахъ A и B ; трапеция $MABN$ есть искомая.

Л. Ямпольскій (Одесса); Н. С. (Одесса).

Редакторъ приватъ-доцентъ В. Ф. Каганъ.

Издатель В. А. Гернетъ.

Доказано цензурою, Одесса 4-го Апрѣля 1904 г.

Типографія Бланкенштадельства М. Шленцера, Ямская, д. № 64.

ТЕХНИЧЕСКИЙ СБОРНИКЪ

и ВѢСТНИКЪ ПРОМЫШЛЕННОСТИ,

ежемѣсячный журналъ новостей, открытій, изобрѣтеній, и усовершенствованій по всѣмъ отраслямъ техники и промышленности.

Фабриканты, заводчики и техники найдутъ въ журналѣ много полезныхъ и необходимыхъ для нихъ свѣдѣній практическаго характера.

Имѣя въ виду многообразныя нужды русской промышленности и торговли, а также различные вопросы и явленія современной жизни въ этой обширной области труда, редакція отводитъ на страницахъ журнала надлежащее вниманіе и мѣсто статьямъ соотвѣтствующаго характера.

Задавшись цѣлью служить практическимъ интересамъ фабрично-заводской техники и промышленности, редакція стремится давать въ журналѣ возможно болѣе полезнаго материала по всѣмъ отдѣльнымъ программамъ.

— ПРИЛОЖЕНИЯ: сочиненія по разнымъ отраслямъ техники, чертежи и пр.

Въ программу журнала входятъ: машиностроеніе и механическое дѣло, механическая и химическая технологія, желѣзодорожное дѣло, архитектура, инженерное и строительное искусства, электротехника, техническое образованіе, обзоръ дѣятельности торгово-промышленныхъ учрежденій и техническихъ обществъ, біографіи выдающихся деятелей техники и промышленности, критика и библиографія; смѣсь: замѣтки о новостяхъ техники, промышленности, разныя мелкія извѣстія и т. д.; справочный отдѣлъ: торговая и статистическая свѣдѣнія, данные о спросѣ и предложеніи; правительственные распоряженія.

За истекшія четырнадцать лѣтъ въ составъ сотрудниковъ журнала вошли слѣдующія лица:

Профессоры и адъюнкты-профессоры Технологическихъ институтовъ С.-Петербургскаго и Харьковскаго, Императорскаго Московскаго Техническаго училища, Рижскаго и Кіевскаго Политехническаго институтовъ и др. — В. И. Альбицкій, К. А. Владимировъ, П. В. Войнаровскій, А. П. Гавриленко, А. Д. Гатцукъ, А. В. Гречаниновъ, М. Н. Демьянинъ, П. Ф. Ерченко, Г. Ф. Денинъ, В. Г. Зальцскій, К. А. Зворыгинъ, В. Л. Кирпичевъ, П. В. Котурницкій, И. И. Ланговой, С. П. Ланговой, А. П. Лидовъ, П. М. Мухачевъ, Я. Я. Никитинскій, П. П. Петровъ, А. И. Предтеченскій, Б. Н. Писаревъ, П. С. Страховъ, Н. И. Тавилдаровъ, С. Л. Франкфуртъ, М. М. Черепашинскій, В. В. Шкатоловъ и др.

Преподаватели, ассистенты, лаборанты — И. П. Александровъ, М. М. Бочваръ, А. П. Величковскій, Н. Л. Громъ, И. В. Егоровъ, Д. В. Зубаревъ, Е. И. Орловъ, Н. А. Пановъ, В. П. Пантелеевъ, К. М. Плѣшковъ, А. Рusanовъ, А. М. Соколовъ, А. Н. Шустовъ и друг.

Представители фабрикъ, заводовъ, желѣзныхъ дорогъ и проч. промышленныхъ предпріятій, а также правительственныхъ и общественныхъ учрежденій — М. И. Алтуховъ, И. К. Андрюковъ, Н. Н. Аляничковъ, Л. Я. Аркнинъ, А. Г. Бадюль, Г. М. Барапонъ, В. Я. Бенинъ, Н. Е. Березовскій, М. Берловъ, М. И. Блохъ, Н. Н. Ботвининъ, И. П. Боклевскій, С. И. Бокастовъ, Л. А. Боровицкій, А. И. Бѣловъ, Е. Я. Вайнъ, Ф. И. Варагасинъ, М. К. Васильевъ, И. Видавскій, П. П. Викторовъ, Ю. Ф. Вишневскій, Г. В. Вдовицевскій, С. В. Ганшинъ, П. Гарберъ, К. Ф. Гессель, Л. И. Глазовъ, Н. П. Глухаревъ, Д. А. Головъ, И. П. Горенцевъ, А. Ф. Гразновъ, А. В. Грушке, С. И. Гулишамбировъ, И. Гуревичъ, К. Г. Дементьевъ, А. Н. Державинъ, И. А. Добряковъ, К. Дьяконовъ, В. Ефременковъ, Л. И. Жеребовъ, А. А. Завадскій, А. Завалишинъ, И. Залкиндъ, Н. И. Зворыкинъ, А. А. Забловъ, П. Касаткинъ, Д. Кирпичниковъ, Н. А. Кирпичниковъ, С. А. Козьминъ, А. И. Коренблитъ, П. Н. Коротковъ, М. Г. Котельниковъ, К. В. Курчениновъ, А. Г. Лаписовъ, Л. К. Лейхманъ, Л. М. Лянинъ, П. А. Малыхъ, И. Г. Манохинъ, А. Мейро, А. Ш. Мишинскій, Н. В. Мыльниковъ, А. М. Настиковъ, Ф. Ф. Найзеръ, И. М. Немлюбинъ, Н. Я. Нелькинъ, М. А. Неструса, Е. Ф. Неймайеръ, С. Ф. Николаевскій, Л. В. Николаевъ, С. Я. Никитинскій, М. И. Носачъ, Н. П. Осваниновъ, В. Н. Оглоблинъ, А. И. Онуфріовичъ, П. А. Персіаниновъ, Н. А. Песоцкий, П. Т. Плаксицкій, В. Е. Полуэктовъ, Л. О. Плущевскій, А. А. Прессъ, А. Т. Разуваевъ, К. Рейнеръ, А. С. Рейсеръ, Х. Х. Репманъ, И. Родимцевъ, М. А. Рыловъ, А. Э. Сабекъ, А. Семеновъ, С. Сербиновичъ, И. И. Сиптицъ, А. А. Соломка, Б. А. Солонина, О. Старикъ, Н. Д. Степановъ, И. Тауберъ, М. Н. Триполитовъ, А. Н. Угаровъ, А. Г. Фадѣевъ, И. А. Федоровъ, Н. А. Филипповъ.

И. М. Фуксъ, Г. Г. Хецимскій, М. Я. Цоллеръ, В. Черневъ, О. В. Шаньгинъ, А. ѡ. Шварабовичъ, Д-ръ Юревичъ, Ю. А. Эльтерманъ, П. К. Энгельмейеръ, М. Е. Эфросъ и др.

Журналъ одобренъ Ученымъ Комитетомъ Министерства Народного Просвѣщенія.

Полные экземпляры журнала за 1890, 1891, 1892, 1893, 1894, 1895, 1896, 1897, 1898, 1899, 1900, 1901, 1902 и 1903 гг. высыпаются по 16 руб.—Выписывающіе за всѣ четырнадцать лѣтъ сразу платить 100 руб.

◆ Подписавшимся среди года высыпаются всѣ вышедшіе въ свѣтъ № №.

◆ ПРОБНЫЕ НОМЕРА высыпаются по первому требованію по 1 руб. 50 коп.

ДОПУСКАЕТСЯ РАЗСРОЧКА: 16 руб. въ годъ съ доставкой, за $\frac{1}{2}$ года 9 руб. Учащимся—скидка 25%.

Подписка принимается: въ Редакціи журнала и во всѣхъ книжныхъ магазинахъ.

Адресъ редакціи: Москва, Долгоруковская ул., д. № 71.

Редакторъ-Издатель Учен. Инж.-Мех. Н. А. КАЗНАЧЕЕВЪ.

Въ 1904 году (двадцать пятый годъ изданія)

РУССКІЙ НАЧАЛЬНЫЙ УЧИТЕЛЬ

будетъ издаваться по прежней программѣ и съ особымъ отдѣломъ работъ и сообщеній

народныхъ учителей и учительницъ.

Обязательный объемъ остается прежній: не менѣе 25 листовъ въ годъ (въ предыдущіе годы давалось 40—50 листовъ). Лѣтнія книжки выходятъ по двѣ вмѣстѣ (№№ 6—7 и №№ 8—9).

Въ журналъ принимаютъ участіе: Н. Бунаковъ, А. Волкова, ѡ. Голубевъ, М. Ивановъ, Е. Ковалевскій, Кричагинъ, И. Ковшовъ, Н. Кульманъ, А. Нечаевъ, В. Латышевъ, В. Лермонтовъ, ѡ. Ольденбургъ, Н. Рудольфъ, проф. Петровъ, М. Поліевкітовъ, А. Попова, А. Пѣшехонова, врачъ А. Уверскій, В. Фармацевскій, пр. А. Яковкинъ и друг. Въ журналѣ помѣщаются многія работы и письма народныхъ учителей, разборы новыхъ книгъ и различныя сообщенія о ходѣ учебнаго дѣла. Ежегодный конкурсъ на составленіе членій для народа. Печатаются нѣкоторыя лекціи, читаемыя во дворцѣ Великаго Князя Константина Константиновича въ г. Павловскѣ для народныхъ учителей и учительницъ.

Подписка принимается въ редакціи (Спб., Лиговка, 61), только на цѣлый годъ.

Подписная цѣна на годъ 3 руб. съ пересылкой.

Есть экземпляры за прежніе годы, кроме 1883, 1885, 1891, 1895 и 1901 гг. Журналъ одобренъ Ученымъ Комитетомъ Министерства Народного Просвѣщенія для народныхъ училищъ, учительскихъ семинарій и институтовъ.

Почетный дипломъ на выставкѣ Общества поощренія трудолюбія въ Москвѣ.

Дипломъ 1-ї степени на Всероссійской выставкѣ въ Нижнемъ-Новгородѣ. На сельско-хоз. выставкѣ въ Москвѣ по отдѣлу Московскаго Комит. Грамотности дипломъ на серебряную медаль..

Редакторъ-издатель В. Латышевъ.