

Обложка
щется

Обложка
щется



ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ

— ❧ —

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

Выходить 3 раза въ мѣсяцъ, по 12 №№ въ учебный семестръ.

Адр. Ред.: Кіевъ, Нижне-Владимірская, д. № 19.

Цѣна: 3 руб. въ учебный семестръ, или 6 руб. въ годъ.

С о л н ц е.

Н. А. Конопацкаго.

2. Солнечные пятна и свѣточн.

(Продолженіе) ¹⁾.

На основаніи вышеприведенныхъ выводовъ изъ весьма большого числа наблюдений солнечныхъ пятенъ, рассматривая ихъ какъ результаты дѣйствій тѣхъ-же физико-химическихъ силъ, съ которыми мы знакомы здѣсь на землѣ, были предложены слѣдующія гипотезы для объясненія причины возникновенія и строенія пятенъ.

1) Пятна суть тучи, плавающія на извѣстной высотѣ въ солнечной атмосферѣ и частію закрывающія отъ насъ свѣтъ солнца.

2) Пятна суть воронкообразныя впадины въ солнечной фотосферѣ, наполненныя сгущенными и сравнительно охлажденными парами.

3) Пятна суть мѣста, въ которыхъ вслѣдствіе чрезвычайно высокой температуры вырывающіеся изнутри солнца газы разрѣжаютъ пары фотосферы.

¹⁾ См. № 5 „Вѣстника“.

Первая изъ этихъ гипотезъ была первоначально предложена Галилеемъ, въ послѣдствіи (около 1862 г.) она вошла въ составъ знаменитой гипотезы Кирхгофа о строеніи солнца, основанной на спектральныхъ изслѣдованіяхъ. Въ настоящее время она имѣетъ еще сторонниковъ, но большинство астрономовъ, наблюдавшихъ солнечныя пятна, болѣе склонны принимать таковыя за дѣйствительныя впадины въ фотосферѣ, а не за плавающія въ ней на подобіе облаковъ нашей атмосферы скопленія охлажденныхъ паровъ ¹⁾.

Остается поэтому сдѣлать выборъ между двумя послѣдними гипотезами, т. е. принять одно изъ двухъ предположеній: или масса пятна холоднѣе, либо теплѣе окружающей фотосферы.

Секки принимаетъ послѣднее и даетъ пятнамъ слѣдующее объясненіе.

Пятна происходятъ вслѣдствіе какихъ-то сильныхъ переворотовъ внутри солнца, которые взрываютъ свѣтящуюся его поверхность, т. е. фотосферу; отъ этого получаются болѣе или менѣе правильныя впадины, въ которыя со всѣхъ сторонъ устремляются фотосферическія массы. Эти взрывы происходятъ часто внезапно и распространяются на большія протяженія, и равновѣсіе возстановляется лишь постепенно. Равновѣсіе нерѣдко нарушается отъ времени до времени на одномъ и томъ-же мѣстѣ, и такимъ образомъ движеніе поддерживается послѣдовательными толчками и накапливается. Эта внутренняя дѣятельность солнца обнаруживается поднятіемъ или взрывомъ фотосферическихъ массъ въ видѣ свѣточей, движеніе которыхъ подобно движенію паровъ въ прозрачной средѣ.

Если изнутри солнца подъ громаднымъ давленіемъ вырывается на поверхность масса паровъ, то она должна разрѣдиться и вслѣдствіе того охладиться. Затѣмъ вслѣдствіе такого охлажденія происходитъ снова ступеніе пара и образуется разрѣженное пространство, всасывающее окружа-

¹⁾ *Прим. ред.* По поводу настоящей статьи Г. Конопацкаго о солнечныхъ пятнахъ (начало которой было помѣщено въ № 5 „Вѣстника“) намъ былъ сдѣланъ упрекъ относительно высказаннаго въ ней положенія о „несомнѣнности“ воронкообразной формы пятенъ. Замѣчаніе это мы принимаемъ съ благодарностью, ибо въ вопросахъ такого рода, гдѣ такъ рѣзко расходятся даже мнѣнія специалистовъ, посвятившихъ десятки лѣтъ наблюденіямъ надъ солнечными пятнами, нельзя еще въ наше время утверждать категорически, что пятна на солнцѣ образованы такъ, а не иначе. Тѣмъ не менѣе мы считаемъ своею обязанностью замѣтить, что помѣщаемая нами статья учителя Конопацкаго представляетъ собою лишь извлеченіе (кромя 1-й главы) изъ сочиненія Секки о солнцѣ (котораго, въ русскомъ переводѣ пока не имѣется). Секки-же, какъ извѣстно, вовсе не сомнѣвался въ томъ, что пятна суть углубленія, и его книга наполнена рисунками, иллюстрирующими это очень наглядно.

ющія массы, и такимъ образомъ произойдетъ стремленіе окружающихъ массъ въ видѣ потоковъ къ центру изверженія. Лучистый видъ полутѣни находитъ здѣсь себѣ объясненіе. Но за разрѣженіемъ пара и уменьшеніемъ давленія не всегда должно слѣдовать сгущеніе его въ облака и жидкіе и твердые осадки, а можетъ произойти только уменьшеніе прозрачности, такъ что хотя внутренность пятна холоднѣе ниже лежащихъ слоевъ, изъ которыхъ произошло поднятіе паровъ его составляющихъ, но все-же имѣетъ высшую температуру чѣмъ окружающая фотосфера.

Въ такомъ случаѣ массы фотосферы устремляются въ отверстіе пятна и, вступая въ пространство, имѣющее высшую температуру, разрѣжаются и теряютъ свѣтъ, обращаясь въ газы; онѣ дѣлаются невидимыми и пятно остается темнымъ, несмотря на притокъ свѣтящейся массы. Темный слой газообразныхъ металловъ, наполняя впадину пятна, поглощаетъ большую часть свѣта ниже лежащихъ слоевъ фотосферы, и вслѣдствіе того пятно остается относительно темнымъ.

Если, напротивъ, внутренность пятна холоднѣе окружающей фотосферы, то послѣдняя, проникая въ него, немедленно охлаждается, теряетъ блескъ и свѣтъ и такимъ образомъ представится тоже темною.

Хотя послѣднее предположеніе на первый взглядъ кажется естественнѣе и проще, однако при ближайшемъ разсмотрѣніи оно представляетъ нѣкоторыя трудности. Именно едва-ли можно предположить, что значительно холоднѣйшія области могутъ оставаться продолжительное время, иногда цѣлые мѣсяцы на поверхности солнца, несмотря на притокъ болѣе горячихъ массъ изнутри ¹⁾.

Итакъ середина пятна, несмотря на сравнительно темный видъ, горячѣе окружающей фотосферы. Температура эта, по самой умѣренной оцѣнкѣ, должна въ нѣсколько разъ превышать температуру гремучаго газа, и всѣ металлы при такой температурѣ должны быть въ парообразномъ состояніи. Столь высокая температура солнца не позволяетъ и внутри его, подъ доступной нашему наблюденію фотосферой, допустить существованіе твердаго ядра и даже жидкое состояніе дѣлается невысказаннымъ.

Правда, вмѣстѣ съ глубиною должно значительно возрастать и давленіе, и если съ увеличеніемъ давленія въ глубинѣ солнца должно измѣниться газообразное состояніе вещества, то оно должно перейти въ то осо-

¹⁾ Это возраженіе не выдерживаетъ критики: если могутъ быть по мнѣнію Секки причины, поддерживающія болѣе высокую температуру пятна иногда въ теченіе мѣсяцевъ, то точно также могутъ быть и обратныя условія, при которыхъ продолжительное существованіе пятна съ низшей температурой было бы одинаково возможнымъ.

бое молекулярное состояніе, которое свойственно тѣламъ при такъ называемой *критической* температурѣ и давленіи ²⁾).

Сторонники гипотезы твердаго ядра солнца видѣли въ движеніи пятенъ къ полюсамъ явленіе аналогичное пассатамъ, и въ этомъ сравненіи можно было бы признать справедливость, еслибъ оно согласовалось съ наблюденіями.

Въ этомъ случаѣ существенная разница состояла бы уже въ различіи причины аналогичныхъ явленій на землѣ и солнцѣ, ибо нѣтъ внѣ солнца источника тепла, который-бы своимъ нагрѣваніемъ производилъ потоки отъ экватора къ полюсамъ; впрочемъ, какъ увидимъ впоследствии, температура на экваторѣ солнца дѣйствительно выше чѣмъ на полюсахъ.

Но для указанной аналогіи кромѣ того необходимо еще, чтобы скорость пятенъ въ направленіи вращенія на экваторѣ было менѣе чѣмъ въ высшихъ широтахъ; потому что пятно, передвигаясь отъ экватора къ полюсу съ потокомъ солнечной атмосферы, переходитъ въ мѣста, имѣющія меньшую линейную скорость, и слѣдовательно должно опережать ихъ, совершая въ высшихъ широтахъ оборотъ въ меньшее время; въ свою очередь пятно, переходящее отъ полюса къ экватору съ обратнымъ потокомъ, должно отставать отъ вращенія точекъ экватора и, слѣдовательно, на экваторѣ пятна должны имѣть меньшую скорость вращенія. Между тѣмъ наблюденія указываютъ совершенно противоположное: скорось вращенія пятенъ на экваторѣ болѣе скорости вращенія въ высшихъ широтахъ.

Объяснимъ теперь причину усиленнаго движенія пятенъ въ направленіи вращенія при ихъ возникновеніи или возобновленіи. Прежде всего уму представляется предположеніе, что вращеніе массъ внутри солнца быстрѣе вращенія ихъ на поверхности, и эта мысль не представляетъ ничего страннаго въ виду массы такихъ громадныхъ размѣровъ. Таковъ именно и долженъ быть законъ вращенія туманности, находящейся въ состояніи постепеннаго сгущенія, и подтвержденіе его мы видимъ въ томъ фактѣ, что нижнія планеты совершаютъ обращеніе гораздо скорѣе верхнихъ.

Охлажденные лучеиспусканіемъ и сгущенные наружные слои солнца по законамъ равновѣсія падаютъ къ центру солнца; взаимѣ ихъ внут-

²⁾ Если допустить, что вслѣдствіе необыкновенно высокой температуры нѣкоторыя изъ веществъ, находящихся на поверхности солнца, какъ напр. различные металлы, достигаютъ своей критической температуры и переходятъ черезъ нее, то отсюда съ большою вѣроятностью вытекаетъ предположеніе, что образованіе солнечныхъ пятенъ можетъ сопровождаться *переходомъ этихъ тѣлъ черезъ критическое состояніе при охлажденіи*, т. е. явленіемъ такъ называемой *критической муты*.

ренніа болѣ легкіа п горячіа массы газа, поднимаясь къ поверхности, имѣють болѣшую скорость вращенія, а потому опережаютъ общее движеніе массъ на поверхности, что и обнаруживается для наблюдателя нѣкоторымъ усиленіемъ движенія, какъ бы скачкомъ впередъ въ направленіи вращенія, который замѣчается при возникновеніи пятна, а также при подновленіи его притокомъ новыхъ массъ изнутри солнца.

Болѣ яркій блескъ и бурное поднятіе выступовъ на экваторѣ, а также прямые термометрическіа измѣренія доказываютъ, какъ мы увидимъ впоследствии, что на экваторѣ температура выше чѣмъ на полюсахъ. Отсюда необходимо предположить существованіе теченій отъ полюсовъ къ экватору; но очевидно, что эти теченія не могутъ направляться по меридіанамъ, но подобно тому какъ на землѣ должны, переходя въ низшіа широты, постепенно отставать отъ вращенія солнца, слѣдовательно должны имѣть направленіе противоположное вращенію. Такимъ образомъ пятно, имѣющее на экваторѣ болѣшую скорость вращенія, передвигаясь къ полюсу, должно встрѣчать сопротивленіе общей массы фотосферы, которая течетъ отъ полюса къ экватору на нѣкоторой глубинѣ. Это должно произвести два явленія, которыа на самомъ дѣлѣ и наблюдаются: во 1-хъ скорость вращенія пятна съ переходомъ въ высшіа широты должна уменьшаться; во 2-хъ, фотосферическіа массы съ передней стороны пятна должны вздыматься сжатыми волнами, а сзади растянутыми, что и наблюдается дѣйствительно въ формѣ свѣточей. Массы пятна поднимають ударяющіяся на нихъ массы фотосферы и производятъ пониженіе ея сзади, подобно сваямъ посреди быстрого потока. Такимъ-же образомъ объясняется дѣленіе пятна на части, образованіе хвоста за пятномъ и такъ называемыхъ мостовъ, представляющихъ не что иное какъ потоки фотосферы, съ силою врывающіяся внутрь пятна.

(Продолженіе слѣдуетъ).

Примѣчаніе редакціи. Впоследствии, когда изъ дальнѣйшихъ главъ настоящей статьи г. Конопацкаго, читатели познакомятся съ явленіемъ претуберансовъ и съ приложеніемъ спектральнаго анализа къ солнцу, мы въ видѣ дополненія къ излагаемымъ здѣсь взглядамъ Секки изложимъ вкратцѣ и другія гипотезы какъ о строеніи солнца вообще, такъ и о происхожденіи пятенъ. Въ настоящее время отмѣтимъ только, что вышеприведенное

предположеніе итальянскаго астронома о болѣе высокой температурѣ внутри пятна не согласно ни съ гипотезой Кирхгофа, по которой образованіе пятна обуславливается поднятіемъ металлическихъ паровъ въ области меньшаго давленія, послѣдствіемъ чего является расширеніе, охлажденіе и образованіе осадковъ, ни съ гипотезой Файя, который объясняетъ образованіе пятенъ возникновеніемъ въ верхнихъ слояхъ солнечной атмосферы вихревыхъ движеній и проникновеніемъ внутрь образованныхъ такими вихрями воронокъ болѣе холоднаго водорода, присутствіе котораго на поверхности солнца можно считать доказаннымъ. Вопросъ о существованіи въ атмосферѣ солнца токовъ отъ полюсовъ къ экватору и обратно, которыми Секки, а также и другіе астрономы, какъ Цельнеръ и Шпереръ, старались объяснить различную скорость вращенія и перемѣщеніе пятенъ, тоже является вопросомъ спорнымъ. Съ достовѣрностью извѣстно лишь то, что солнце вращается вокругъ своей оси не какъ одно цѣлое, и для каждой зоны его поверхности время полного оборота иное, въ зависимости отъ геліоцентрической широты. Французскій астрономъ Фай вывелъ даже эмпирическую формулу, выражающую эту зависимость ¹⁾ и изъ многочисленныхъ и тщательныхъ наблюденій Каррингтона, Шперера и др. пришелъ къ заключенію, что и для одной и той же зоны скорость вращенія не постоянна, измѣняясь изъ года въ годъ. Совокупность всѣхъ этихъ фактовъ привела его къ допущенію образованія вихревыхъ движеній (вслѣдствіе различія скоростей) въ верхнихъ слояхъ, чѣмъ, какъ мы сказали, обуславливаются по его мнѣнію образованіе пятенъ, къ отрицанію экваторо-полярныхъ токовъ и къ предположенію существованія вертикальныхъ токовъ, восходящихъ изнутри солнца, которое по гипотезѣ Фая состоитъ изъ газообразнаго ядра.

Недавно астрономомъ Делоне была предложена еще новая гипотеза солнечныхъ пятенъ; она существенно отличается отъ гипотезы Фая въ томъ смыслѣ, что по мнѣнію Делоне вихри образуются не въ верхнихъ, а въ нижнихъ слояхъ газовъ, лежащихъ надъ раскаленнымъ огнежидкимъ ядромъ солнца, и такъ какъ такіе вихри должны имѣть восходящее движеніе, то въ мѣстахъ ихъ образованія давленіе значительно уменьшается (подобно тому, какъ и при образованіи нашихъ земныхъ циклоновъ) и поглощенные огнежидкою массою газы, въ особенности водородъ, выделяются въ этихъ мѣстахъ съ большею или меньшею стремительностью и своимъ поднятіемъ вверхъ образуютъ отверстіе въ фотосферѣ, или пятно.

1) См. Описательную Астрономію М. Хандрикова, стр. 188.

ближе къ оси) наконецъ въ предѣлѣ, когда параметръ равенъ нулю, т. е. когда точка F лежитъ на прямой MN , парабола превращается въ прямую линію, перпендикулярную къ MN (т. е. обѣ ея вѣтви сливаются тогда съ осью).

Укажемъ теперь на главное свойство параболы. Мы видѣли уже, что эту кривую можно считать описанною вершиною равнобедреннаго треугольника FBD . Высота этого треугольника BH есть касательная къ параболѣ въ точкѣ B . Чтобы убѣдиться въ этомъ, предположимъ, что прямая HB пересѣкаетъ параболу еще въ какой нибудь ея точкѣ B' ; тогда мы бы имѣли по предположенію $FB' = DB'$; слѣдовательно допущеніе, что высота треугольника HB не касается параболы, а пересѣкаетъ ее въ двухъ точкахъ, привело насъ къ невозможному равенству перпендикуляра $B'D'$ и наклонной $B'D$.—Такимъ образомъ видимъ, что касательная къ параболѣ въ какой нибудь ея точкѣ B представляетъ собою биссекторъ угла FBD , образованнаго разстояніями этой точки отъ фокуса и отъ директриссы; стало быть другимъ перпендикулярнымъ биссекторомъ смежнаго угла FBK будетъ прямая BR , такъ называемая *нормаль* параболы въ точкѣ B . А такъ какъ BK , т. е. продолженіе DB , параллельна оси параболы, то отсюда видимъ, что парабола, какъ сѣченіе зеркала, имѣетъ такое свойство, что всякій лучъ свѣта, исходящій изъ фокуса F , отразится по направленію параллельному оси, и наоборотъ: всѣ лучи свѣта, направленные на параболу параллельно ея оси, соберутся въ одной точкѣ F , которая потому и названа фокусомъ. Объ этомъ оптическомъ свойствѣ параболическихъ зеркалъ, (не имѣющихъ сферической абберациі) упоминается въ учебникахъ физики. Если-бы мы вообразили параболическое выпуклое зеркало, то нетрудно изъ вышесказаннаго заключить, что всѣ падающіе на него лучи параллельно оси EF были бы расходящимися послѣ отраженія, и ихъ мнимый фокусъ (т. е. та точка, изъ которой они казались-бы исходящими) тоже находился-бы въ F .

Построить параболу при помощи циркуля и линейки—нельзя. Можно только вычертить *по точкамъ* извѣстную опредѣленную ея часть. Для этого существуетъ много способовъ, которыхъ мы здѣсь не приводимъ, отсылая интересующихся къ курсамъ черченія, гдѣ также указаны механическіе приемы, дающіе возможность вычертить опредѣленную часть параболы непрерывнымъ движеніемъ при помощи линейки, прямоугольнаго треугольника и гибкой нерастяжимой нити.

Въ этомъ рядѣ статей, указавъ на главные свойства параболы, мы считаемъ болѣе важнымъ рассмотреть въ общихъ чертахъ примѣненіе

этого геометрическаго мѣста къ рѣшенію задачъ на построеніе и показать, какую пользу можно извлечь при употребленіи циркуля и линейки изъ такихъ кривыхъ, которыхъ мы не можемъ построить.

Прежде всего обращаемъ вниманіе на то обстоятельство, что хотя построить геометрически опредѣленной части параболы непрерывнымъ движеніемъ мы не можемъ, но очень часто имѣемъ возможность найти ея точки пересѣченія съ другими геометрическими мѣстами со всею точностью. Такъ напр. чтобы найти пересѣченіе параболы, заданной по фокусу и директриссѣ (будемъ такъ заданную параболу обозначать для краткости черезъ $[F, MN]$) съ прямою, параллельною директриссѣ, достаточно пересѣчь эту прямую окружностью, описанною изъ F радіусомъ равнымъ разстоянію данной прямой отъ MN . Такъ-же легко напр. найти пересѣченіе параболы $[F, MN]$ съ прямою DK (фиг. 31), перпендикулярною къ директриссѣ: для этой цѣли достаточно соединить D съ F и изъ середины FD выставить перпендикуляръ HB до пересѣченія съ данною линіею DK . (Въ этомъ случаѣ можно получить только одну точку пересѣченія, такъ какъ другая находится на бесконечности). Подобнымъ образомъ пересѣченіе параболы съ окружностью, описанною изъ F какъ изъ центра, получается проведеніемъ прямой, параллельной директриссѣ на разстояніи радіуса. И т. д. Впослѣдствіи въ другихъ задачахъ мы встрѣтимся съ другими, болѣе сложными построеніями точекъ пересѣченія параболы.

Въ задачахъ на построеніе, рѣшаемыхъ методомъ геометрическихъ мѣстъ, всегда требуется опредѣлить нѣкоторыя точки пересѣченія тѣхъ геометрическихъ мѣстъ, которыя заданы условіями задачи. Въ элементарной геометріи къ числу такихъ мѣстъ относятъ лишь окружность (циркуль) и прямую (линейка), но если изъ условій задачи вытекаетъ необходимость геометрическаго мѣста точекъ, равноудаленныхъ отъ данной прямой и отъ данной точки, т. е. параболы, то для общности метода очень полезно бываетъ *вообразить* эту параболу и уяснить себѣ какія ея точки пересѣченія требуется найти. Иногда эти точки находятся крайне просто, и вообще рѣшеніе задачи облегчается уже потому, что рѣшающій можетъ себѣ дать ясный отчетъ въ томъ, что именно подлежитъ отысканію, а также можетъ знать напередъ число возможныхъ рѣшеній.

Эти соображенія заставили насъ предпринять рядъ такихъ задачъ, статей и предлагаемыхъ вопросовъ, которые помогли-бы нашимъ читателямъ ознакомиться мало по малу съ элементарной теоріей такъ называемыхъ *коническихъ сеченій*, съ тою спеціальною цѣлью, чтобы предоставить имъ

возможность прилагать къ задачамъ на построение методъ геометрическихъ мѣстъ въ большей его общности.

Познакомивъ на этотъ разъ читателей съ основнымъ свойствомъ параболы, мы приглашаемъ ихъ принять теперь участіе въ рѣшеніи нижеслѣдующихъ задачъ, исслѣдованіе которыхъ составитъ содержаніе второй статьи о параболѣ ¹⁾.

Вопросы и задачи на элементарную теорію параболы.

№ 1. Какую кривую образуетъ геометрическое мѣсто точекъ, равноудаленныхъ отъ данной прямой и данной окружности?

№ 2. Найти пересѣченіе данной параболы съ прямою, проходящею черезъ ея фокусъ. Какая извѣстная задача рѣшается этимъ построениемъ?

№ 3. Найти пересѣченіе двухъ данныхъ параболъ, имѣющихъ общую директриссу. Какая задача сводится на такое пересѣченіе?

№ 4. Найти пересѣченіе данной параболы съ произвольной прямою. Исслѣдованіе относящихся сюда задачъ.

№ 5. Построить окружность касательную къ данной окружности и къ данной прямой въ данной на ней точкѣ.

№ 6. Построить окружность касательную къ данной прямой и къ данной окружности въ данной на ней точкѣ.

Примѣчаніе. Изъ присланныхъ до сихъ поръ въ редакцію отвѣтовъ на вопр. № 11, предложенный въ № 2 нашего журнала, самые удовлетворительные и обстоятельные принадлежатъ: *Акимозу* (изъ С.-Петербурга.) и *ученику 8 кл. Харьковской I гимназии Н. Ш.* Во второмъ изъ этихъ отвѣтовъ приведено даже доказательство, что кривая, получаемая при пересѣченіи конуса плоскостью параллельною образующей, есть геометрическое мѣсто точекъ, равноудаленныхъ отъ нѣкоторой точки, называемой фокусомъ и отъ нѣкоторой прямой, называемой директриссой. Вѣрный, но слишкомъ краткій отвѣтъ былъ еще присланъ *учен. 6 кл. Полт. реальнаго учил. В. З.*

Объ именованныхъ числахъ.

(Разъясненіе).

Вслѣдствіе полученныхъ редакціею писемъ отъ лицъ, заинтересованныхъ предложенною мною въ № 4 „Вѣстника“ темою, считаю необходимымъ сдѣлать слѣдующее дополнительное разъясненіе.

¹⁾ Эту вторую статью предполагаемъ помѣстить въ № 12 „Вѣстника“.

Въ математикѣ для того чтобы облегчить процессъ размышленія употребляются *символы*; ихъ три рода: символы *количественные*, *качественные* и *дѣйственные*. Но математика есть лишь наука о количественномъ отношеніи между величинами, качественное-же различіе между таковыми къ ея области не относится: математика не примѣнима тамъ, гдѣ при сравненіи однородныхъ величинъ мы не умѣемъ ихъ отношенія выразить количественно (какъ напр. при сравненіи различныхъ, вкусовъ, запаховъ индивидуальныхъ человѣческихъ способностей и т. д.). Слѣдовательно въ чистой математикѣ (анализѣ) необходимы и достаточны только символы количественные и дѣйственные, и только въ прикладной, трактующей вообще о величинахъ конкретныхъ, а не отвлеченныхъ, мы принуждены вводить еще и символы качественные, т. е. наименованія различныхъ величинъ. При этомъ, конечно, необходимо помнить, что на эти послѣдніе символы законы математическихъ дѣйствій не распространяются (качества нельзя ни увеличить, ни уменьшить) и придавать имъ алгебраическій смыслъ точно также немислимо, какъ и символамъ дѣйственнымъ. Никто напр. не сомнѣвается, что значекъ $+$ нельзя *умножить* на другой значекъ $+$, и что понятіе *плюсъ въ квадратъ* не имѣетъ никакого смысла, а между тѣмъ не мало времени тратится на различные разсужденія объ умноженіи, дѣленіи и пр. именованныхъ чиселъ и въ результатѣ сущность этого вопроса все таки остается не выясненной, и учащіеся очень плохо понимаютъ почему напр. *футъ въ квадратъ* не такая-же нелѣпость какъ *фунтъ въ квадратъ*.

Пытаться разъяснить различіе между символами количественными и качественными при преподаваніи ариметики, повторяемъ, считаемъ несвоевременнымъ. За то въ курсѣ алгебры насъ всегда поражало отсутствіе отдѣла, посвященнаго ознакомленію учащихся съ математической символической, и полное игнорированіе символовъ качественныхъ въ текстѣ рядомъ съ постояннымъ ихъ употребленіемъ въ задачахъ. Конечно алгебра, какъ элементарная часть математическаго анализа, имѣетъ дѣло лишь съ количественными символами, употребляя символы дѣйственные (значки дѣйствій) для облегченія разсужденій, но въ задачахъ, рѣшаемыхъ учащимися для лучшаго усвоенія алгебраическихъ дѣйствій, онъ переходитъ чаще всего уже въ область прикладной математики, которая, какъ было сказано, не можетъ обходиться безъ наименованій. Въ виду этого мы и предложили сотрудникамъ, желающимъ пополнить этотъ пробѣлъ, написать недостающую главу къ гимназическому курсу алгебры и изложить въ ней тѣ условные законы, которымъ подчиняются символы количественные въ чистой, и символы качественные въ прикладной математикѣ.

Эр. Шпагинскій.

Вопросы и задачи.

№ 53. Что слѣдуетъ понимать подъ *абсолютнымъ нулемъ температуры*?

НВ. Отвѣтъ требуется обстоятельный.

№ 54. Какая существуетъ аналогія между динамическимъ электричествомъ и теченіемъ жидкости?

№ 55. Определить въ цѣлыхъ числахъ стороны прямоугольнаго треугольника, котораго площадь и периметръ выражаются однимъ и тѣмъ же числомъ.

(Н. Соболевскій).

№ 56. Построить треугольникъ по даннымъ: высотѣ, радіусу круга описаннаго и разности угловъ при основаніи.

(Учен. I Харьк. имн. Н. Ш.)

№ 57. Рѣшить уравненіе $x^3 - 3x - 2 = 0$.

(Учен. Немир. имн. I. Г—бъ.

№ 58. Въ пѣкоторомъ обществѣ, состоящемъ изъ 10 членовъ, соби-
ралась подписка съ благотворительною цѣлью. Одинъ изъ участвующихъ
въ ней, господинъ А, заявилъ, что внесетъ половину того, что будетъ вне-
сено всѣми остальными; другой, В, независимо отъ этого, тоже обѣщавъ
внести треть того, что внесутъ всѣ остальные, и наконецъ С далъ слово
внести сумму, составляющую четверть всѣхъ остальныхъ взносовъ. Осталь-
ные семь членовъ общества внесли вмѣстѣ 195 рублей, но лицо, собираю-
щее деньги, оказалось въ довольно затруднительномъ положеніи, такъ какъ
каждый изъ трехъ господъ А, В и С желалъ быть послѣднимъ въ уплатѣ
обѣщанныхъ денегъ, а вычислить ихъ взносы помимо этого никто не сумѣлъ.
Не угодно-ли имъ помочь?

№ 59. Не употребляя циркуля, опустить при помощи линейки перпендикуляръ изъ данной точки на данную прямую, проходящую черезъ центръ даннаго круга.

(Студ. Кіевск. Унив. С. Н. Гирманъ).

№ 60. Определить p и q такъ, чтобы трехчленъ

$$x^2 + px + q$$

для всѣхъ значеній x , заключенныхъ между двумя данными предѣлами a и b , наименьше уклонялся отъ нуля, т. е. чтобы наибольшая абсолютная величина была возможно малою.

В. П. Ермаковъ.

НВ. По поводу этой задачи рекомендуемъ читателямъ довольно распространенный мемуаръ (имѣющийся въ отдѣльной продажѣ) проф. П. Л. Чебышева о функцияхъ, наимѣнѣ уклоняющихся отъ нуля.

Рѣшенія задачъ.

Рѣшеніе задачи № 15 не въ очередь, предложенной въ № 13 Журн. Элем. Мат. за 1885/6 г. на стр. 307.

Найти общее выраженіе двухъ рациональных чиселъ x и y , удовлетворяющихъ уравненію

$$ax^2 + bxy + cy^2 + dx + ey + f = 0 \quad (1)$$

Эта задача въ общемъ случаѣ не рѣшается элементарными приѣмами. Но если извѣстно одно рациональное рѣшеніе, т. е. если даны два рациональных числа, удовлетворяющія уравненію, то задача имѣетъ безчисленное множество рациональных рѣшеній, общее выраженіе которыхъ легко найти. Такъ, пусть

$$x = \alpha, \quad y = \beta$$

будетъ рациональное рѣшеніе уравненія (1). Полагая

$$x = \alpha + mX, \quad y = \beta + mY,$$

подставляя въ уравненіе (1) и замѣчая, что

$$a\alpha^2 + b\alpha\beta + c\beta^2 + d\alpha + e\beta + f = 0,$$

получаемъ

$$(aX^2 + bXY + cY^2)m^2 + (d'X + e'Y)m = 0, \quad (2)$$

гдѣ

$$d' = 2a\alpha + b\beta + d,$$

$$e' = b\alpha + 2c\beta + e.$$

Изъ уравненія (2) находимъ

$$m=0, \text{ и } m=-\frac{d'X+e'Y}{aX^2+bXY+cY^2},$$

слѣдовательно общія выраженія раціональныхъ рѣшеній уравненія (1) будутъ

$$x = \alpha - \frac{d'X^2+e'XY}{aX^2+bXY+cY^2}, \quad (3)$$

$$y = \beta - \frac{d'XY+e'Y^2}{aX^2+bXY+cY^2}, \quad (4)$$

если подъ X и Y будемъ подразумѣвать какія угодно раціональныя числа.

Для симметріи мы ввели два новыя переменныя X и Y , но легко видѣть, что одно изъ нихъ можно положить равнымъ произвольному постоянному раціональному числу, нисколько не теряя въ общности выраженій (3) и (4).

Найти непосредственно раціональное рѣшеніе уравненія (1) мы можемъ только въ рѣдкихъ случаяхъ. Именно, если лѣвая часть уравненія (1) равна суммѣ двухъ многочленовъ, которые, будучи приравнены нулю, даютъ два совмѣстныхъ уравненія, рѣшающіяся раціонально, тогда ихъ рѣшенія удовлетворяютъ уравненію (1).

Такъ, напримѣръ, если трехчленъ

$$ax^2 + bxy + cy^2$$

разлагается на раціональные множители, то уравненія

$$ax^2 + bxy + cy^2 = 0,$$

$$dx + ey + f = 0$$

рѣшаются раціонально и ихъ рѣшенія удовлетворяютъ также уравненію (1).

Подобнымъ-же образомъ мы можемъ найти раціональныя рѣшенія уравненія (1), если какой либо изъ трехчленовъ

$$ax^2 + dx + f = 0,$$

$$cy^2 + ey + f = 0$$

разлагается на раціональные множители.

Предыдущее можно обобщить и на случай квадратнаго уравненія со многими переменными.

Такъ, на примѣръ, если имѣемъ уравненіе

$$ax^2 + by^2 + cz^2 + a_1yz + b_1zx + c_1xy + a_2x + b_2y + c_2z + d = 0 \quad (5)$$

и если намъ извѣстно раціональное рѣшеніе его

$$x = \alpha, \quad y = \beta, \quad z = \gamma,$$

то, полагая

$$x = \alpha + mX, \quad y = \beta + mY, \quad z = \gamma + mZ, \quad (6)$$

получимъ для опредѣленія m уравненіе

$$(aX^2 + bY^2 + cZ^2 + a_1YZ + b_1ZX + c_1XY)m^2 + (a'X + b'Y + c'Z)m = 0,$$

гдѣ a' b' c' не зависятъ отъ m , X , Y , Z . Подставляя въ равенства (6) найденное такимъ образомъ значеніе m , получимъ общее выраженіе раціональныхъ рѣшеній уравненія (5), если подъ X , Y , Z будемъ подразумѣвать произвольныя числа, при чемъ, нисколько не теряя въ общности выраженій для x , y , z , можно положить одно изъ переменныхъ X , Y , Z равнымъ произвольному постоянному раціональному числу.

Если лѣвая часть уравненія (5) равна суммѣ трехъ многочленовъ которые, будучи приравнены нулю, даютъ три совмѣстныхъ уравненія, рѣшающіяся раціонально, то ихъ рѣшенія удовлетворяютъ также уравненію (5).

Такъ, на примѣръ, если трехчленъ

$$ax^2 + c_1xy + by^2$$

разлагается на раціональные множители, то рѣшенія совмѣстныхъ уравненій

$$ax^2 + c_1xy + by^2 = 0,$$

$$cz^2 + a_1yz + b_1zx = 0.$$

$$a_2x + b_2y + c_2z + d = 0,$$

сумма лѣвыхъ частей которыхъ равна лѣвой части уравненія (5), будутъ раціональны и удовлетворяютъ уравненію (5).

Если приложимъ предыдущую теорію къ уравненію

$$x^2 + y^2 + z^2 = 1,$$

то найдемъ, что оно удовлетворяется между прочимъ для

$$x = 0, \quad y = 0, \quad z = 1,$$

и общее выраженіе его раціональныхъ рѣшеній поэтому будетъ

$$x = \frac{2X}{X^2 + Y^2 + 1},$$

$$y = \frac{2Y}{X^2 + Y^2 + 1},$$

$$z = \frac{X^2 + Y^2 - 1}{X^2 + Y^2 + 1},$$

гдѣ X и Y какія угодно раціональныя числа. Для простоты мы положили

$$Z = -1.$$

$$\text{Если } X=1, Y=1, \text{ то } x = \frac{2}{3}, y = \frac{2}{3}, z = \frac{1}{3}.$$

$$„ \quad X=0, Y=2, \quad „ \quad x=0, y = \frac{4}{5}, z = \frac{3}{5}.$$

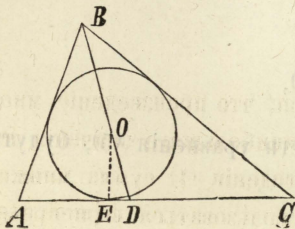
И т. д.

Студ. Кіевск. Унив. С. Н. Гурманъ.

№ 8. Построить треугольникъ по биссектору угла при вершинѣ, радіусу круга вписаннаго и разности угловъ при основаніи.

Начертивъ даннымъ радіусомъ окружность, проводимъ въ ней произвольный радіусъ OE (фиг. 32), черезъ точку E проводимъ касательную и при точкѣ O строимъ $\angle EOD$, равный половинѣ данной разности угловъ A и C . Продолжимъ DO и отложимъ $DB =$ данному биссектору; наконецъ изъ точки B проведемъ двѣ касательныя къ кругу BA и BC до пересѣченія съ касательною AC . Треугольникъ ABC будетъ требуемый.

Что уголъ EOD , который обозначимъ че-



резъ α , долженъ дѣйствительно составлять половину разности угловъ при основаніи A и C , это легко видѣть изъ того, что

$$A - C = \angle BDC - \angle BDA,$$

но $\angle BDC = 90^\circ + \alpha$, а $\angle BDA = 90^\circ - \alpha$; отсюда

$$\alpha = \frac{A - C}{2}.$$

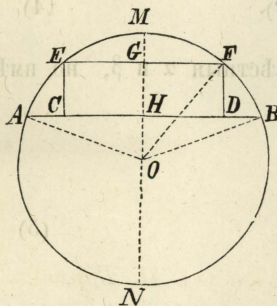
Задача возможна, лишь при условіи: $l > r(1 + \sec \alpha)$, гдѣ l есть данный биссекторъ, а r —данный радиусъ.

(М. Панченко, В. Долмичевъ. Учен.: 6 кл. Тульск. и Н. И., 7 кл. Нем. и И. Г—чь и И. Г—ба, 8 кл. Екатериносл. и В. К.)

NB. Построенія учениковъ И. Г—ча и И. Г—ба слишкомъ сложны и потому неудобны.

№ 10. Въ данный сегментъ вписать прямоугольникъ наибольшей площади.

Фиг. 33.



Пусть въ данный сегментъ AMB (фиг. 33) вписать требуемый прямоугольникъ $CEFD$. Обозначимъ для краткости:

$$OF = r; \quad OH = a; \quad OG = x; \quad GF = y.$$

Площадь искомага прямоугольника P выразится произведеніемъ

$$P = 2(x - a)y;$$

она достигаетъ максимумъ при томъ-же условіи, при которомъ и половина ея $(x - a)y$ достигаетъ наибольшей величины; условіе-же максимумъ произведенія $(x - a)y$ будетъ также условіемъ наибольшаго значенія квадрата этого произведенія $(x - a)^2 y^2$, которое можно представить, на основаніи зависимости между x , y и r , въ такомъ видѣ

$$(x - a)(x - a)(r + x)(r - x). \quad (1)$$

Мы знаемъ изъ теоріи максимумъ и minimumъ, что произведеніе множителей, сумма которыхъ постоянна, достигаетъ наибольшаго значенія въ случаѣ равенства всѣхъ множителей. Но въ произведеніи (1) сумма множителей не остается постоянною, поэтому чтобы воспользоваться вышеприве-

денной теоремой, постараемся прежде достигнуть этого постоянства суммы. Вообразимъ для этой цѣли два неопредѣленные коэффициента α и β , имѣющіе такое свойство, что при умноженіи на нихъ двухъ послѣднихъ (неравныхъ) множителей $(r+x)$ и $(r-x)$ сумма всѣхъ четырехъ множителей произведенія дѣлается постоянною, т. е. сумма

$$(x-\alpha)+(x-\alpha)+\alpha(r+x)+\beta(r-x), \quad (2)$$

или все равно

$$(\alpha-\beta+2)x+\alpha r+\beta r-2\alpha$$

дѣлается величиною постоянною; это очевидно возможно лишь въ томъ случаѣ, когда эта сумма не содержитъ члена переменнаго, т. е. когда коэффициентъ при x равенъ нулю. Следовательно, при условіи

$$\alpha - \beta + 2 = 0 \quad (3)$$

сумма множителей (2) остается постоянною, и тогда условіе для maximum ихъ произведенія выразится равенствами:

$$(x-\alpha)=\alpha(r+x)=\beta(r-x). \quad (4)$$

Итакъ. хотя мы ввели два новыя неизвѣстныя α и β , но имѣемъ теперь изъ (3) и (4) три совмѣстныя уравненія

$$\begin{aligned} \alpha - \beta + 2 &= 0, \\ \alpha(r+x) &= x - \alpha, \\ \beta(r-x) &= x - \alpha, \end{aligned} \quad (5)$$

которыхъ совершенно достаточно для опредѣленія α , β и x , удовлетворяющихъ наибольшему значенію рассматриваемой площади. Исключивъ на самомъ дѣлѣ α и β изъ уравненій (5), легко находимъ

$$x = \frac{\alpha \pm \sqrt{\alpha^2 + 8r^2}}{4}. \quad (6)$$

Знакъ $+$ соответствуетъ прямоугольнику вписанному въ данный сегментъ АМС, а знакъ $-$ прямоугольнику вписанному въ дополнительный сегментъ АНВ. Выраженіе (6) не трудно построить на основаніи обыкновенныхъ приѣмовъ приложенія алгебры къ геометріи.

Условіе возможности задачи сводится къ тому, чтобы x было меньше r , т. е.

$$a \pm \sqrt{a^2 + 8r^2} < 4r,$$

это-же неравенство приводитъ къ условію

$$a < r,$$

которое всегда имѣетъ мѣсто. Задача, слѣдовательно, всегда возможна.

Въ частномъ случаѣ когда $a=0$, имѣемъ изъ (6)

$$x = \frac{\pm \sqrt{8r^2}}{4} = \frac{\pm r\sqrt{2}}{2},$$

т. е. когда сегментъ равенъ полукругу, вписанный въ него прямоугольникъ наибольшей площади составляетъ половину вписаннаго въ цѣлый кругъ квадрата.

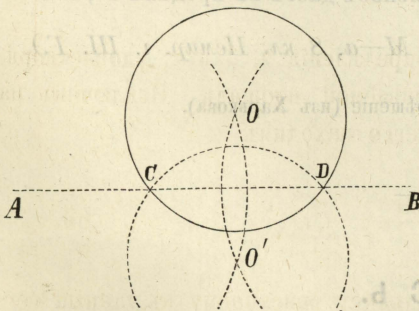
(Учит. Динаб. р. уч. А. Н. Ширевъ).

НВ. Можно было-бы принять здѣсь за основное неизвѣстное y , т. е. половину основанія искомаго прямоугольника, но тогда получилась-бы очень сложная формула, которую неудобно строить.

Обращаемъ вниманіе на рѣшеніе этой задачи главнымъ образомъ потому, что употребленный здѣсь способъ нахожденія тахіумъ можетъ имѣть примѣненіе въ рѣшеніи многихъ подобныхъ вопросовъ.

№ 15. Не употребляя линейки, найти при помощи циркуля пересѣченіе данной окружности съ прямою, которая должна проходить черезъ двѣ данныя точки.

Фиг. 34.



Пусть O есть центръ данной окружности (Фиг. 34); изъ данныхъ точекъ A и B зачерчиваемъ дуги радіусами, соотвѣтственно равными AO и BO . Изъ точки пересѣченія этихъ дугъ O' радіусомъ равнымъ радіусу данной окружности, описываетъ симметричную окружность; она пересѣчетъ данную въ искомыхъ точкахъ C и D .

Доказательство — предоставляемъ самому читателю.

(Машлыкинъ, Стойковъ. Учен.: 7 кл. Кіевск. кад. корп. А. Н—въ и Е. М—а, 8 кл. Харьк. I и. Н. III.)

№ 17. Найти предѣлъ, къ которому стремится произведение

$$1^{1/2} \cdot 2^{1/4} \cdot 4^{1/8} \cdot 8^{1/16} \cdot 16^{1/32} \dots$$

при увеличеніи числа множителей до бесконечности.

Пренебрегая множителемъ единицею, можно это произведение написать:

$$2^{1/4} \cdot 2^{2/8} \cdot 2^{3/16} \cdot 2^{4/32} \dots$$

или:

$$2^{1/4} + 2^{2/8} + 2^{3/16} + 2^{4/32} + \dots$$

Прогрессию, составляющую экспонентъ, можно разбить на бесконечное число слѣдующихъ прогрессій.

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \dots = \frac{1}{2}$$

$$+ \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \dots = \frac{1}{4}$$

$$+ \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \dots = \frac{1}{8}$$

и т. д. А такъ какъ суммы этихъ прогрессій составляютъ, какъ видимъ, саму геометрическую прогрессию, то данное произведение напишется

$$2^{1/2} + 2^{1/4} + 2^{1/8} + 2^{1/16} + \dots,$$

что при бесконечномъ увеличеніи числа членовъ даетъ въ предѣлъ 2^1 , т. е. 2.

(Учен.: 7 кл. Киевск. кад. корп. Е. М—а, 8 кл. Немир. и. Ш. Г.)

НВ. Было прислано еще одно ошибочное рѣшеніе (изъ Харькова).

С м ѣ с ь.

Юлій Дюбоскъ, знаменитый механикъ и оптикъ, физическіе приборы котораго пользовались европейскою извѣстностью, умеръ 12 Сентября.

Скорость свѣта по послѣднимъ экспериментальнымъ изслѣдованіямъ, предпринятымъ въ Америкѣ С. Ньюкомбомъ (1880—1882 г.), опредѣлена въ 299860 км. въ секунду.

Скорость звука въ стеклѣ, по изслѣдованіямъ Трубриджа и Макъ-Релъ составляетъ 2900 м. въ секунду, т. е. почти въ 9 разъ больше чѣмъ въ воздухѣ.

Опытъ Гр. Бэлля съ телефономъ. Если концы проволокъ, идущихъ отъ источника прерываго тока (напр. отъ гальванической батареи, въ цѣпь которой введенъ прерыватель) погрузить въ широкій сосудъ съ водою, и если туда-же погружены концы проволокъ телефона, хотя бы и на значительномъ разстояніи, то прерываніе тока будетъ слышно отчетливо въ телефонѣ, (лишь бы только концы проволокъ послѣдняго не были расположены на эквипотенціальной линіи). Опытъ этотъ удастся даже при погруженіи концовъ въ рѣку или озеро.

Отвѣты редакціи.

Ф. К. С. (Плоцк). Выводъ формулъ для $\sin(\alpha \pm \beta)$ и $\cos(\alpha \pm \beta)$, предложенный Вами, очень хорошъ и практикуется часто при преподаваніи тригонометріи. Но онъ помѣщенъ и въ учебникахъ (напр. въ прям. тригонометріи Е. Гедройцъ-Юраго) и потому повторять его на страницахъ „Вѣстника“ нѣтъ особенной надобности. Притомъ-же выводъ основной формулы для $\sin(\alpha + \beta)$, помѣщенный въ Сентябрьской книжкѣ Педагогическаго Сборника (см. № 7 „Вѣстника“ стр. 153), болѣе простъ и отнимаетъ у учениковъ меньше времени. А это—главное условіе. Если Вы остаетесь при желаніи написать отвѣтъ на предложенную тему объ именованныхъ числахъ, просимъ прочесть помѣщаемое въ этомъ номерѣ дополнительное разъясненіе.

В. Долгинцову. Мы не считаемъ удобнымъ помѣщать предлагаемую Вами теорему, ибо она слишкомъ хорошо извѣстна и неоднократно встрѣчается при рѣшеніи задачъ.

Каталогъ спеціальныхъ журналовъ

за 1886 г.

съ указаніемъ ихъ приблизительной годовой цѣны.

Б. Нѣмецкіе.

(Продолженіе).

Jsis Zeitschr. f. naturwiss. Liebhabereien (<i>Russ</i>) . . .	52 №	7,00 руб.
Kosmos (<i>Vetter</i>)	12 „	12,00 „
Kunstgewerbeblatt (<i>Pabst</i>) (съ октября)	12 „	6,50 „
Kunst u. Gewerbe (<i>Stockbauer</i>)	24 „	5,50 „
Künste, die graphischen (<i>Berggruen</i>) (съ октября) . . .	4 „	16,00 „
Laterna magica (<i>Liesegang</i>)	4 „	2,00 „
Liebig's Annalen d. Chemie (<i>Kopp, Hofmann</i> u. <i>A.</i>) . .	4 „	12,00 „
Leopoldina. (<i>Knoblauch</i>)	15 „	4,50 „
Lithographia (<i>Isermann</i>)	48 „	5,00 „
Lotos (<i>Lippich</i> u. <i>Mayer</i>)	1 „	2,00 „
Magazin f. Lehr-u. Lernmittel aller Länder (<i>Schröder</i>) .	24 „	2,50 „
Magazin f. Pädagogik (<i>Kaisser</i> u. <i>Keller</i>)	52 „	3,50 „
Metallarbeiter. (<i>Pataky</i>)	52 „	8,00 „
Mittheilungen mathem. u. naturwiss. a. d. Sitzungsber. d. Akad. d. Wiss. zu Berlin	10 „	4,50 „
Mittheilungen math.-naturw. d. math. Section d. württemb. Reallehrerverbandes (<i>Böklen</i>) кажд. т.	— „	1,00 „
Mittheilungen d. naturforsch. Gesellschaft in Bern . . .	— „	1,00 „
Mittheilungen monatl. d. naturwiss. Vereins d. Regbz. Frankfurt a. O. (<i>Huth</i>)	12 „	2,00 „
Mittheilungen a. d. naturwiss. Vereine v. Neu-Vorpomm. u. Rügen in Greifswald (<i>Marsson</i>) кажд. т.	— „	2,00 „
Mittheilungen d. schweizer. entomolog. Gesellschaft (<i>Stierlin</i>) кажд. т.	— „	2,00 „
Mittheilungen d. ornithol. Vereins in Wien (<i>Hayek</i>) . .	52 „	7,00 „
Mittheilungen aus d. zoolog. Station zu Neapel	4 „	12,00 „
Mittheilungen geologische (<i>Inckey</i> u. <i>Schmidt</i>) . . .	12 „	5,00 „

(Продолженіе слѣдуетъ).

ОБЪЯВЛЕНІЯ.

ПУШКИНА

СОЧИНЕНІЯ

ДАРОМЪ

получать какъ бесплатную премію подписчики

НА ЖУРНАЛЬ **ЛУЧЪ** въ 1887 году.

Журналъ „ЛУЧЪ“ редактируется С. С. Окрейцомъ въ прежнемъ направленіи и по той-же программѣ. Корреспонденціямъ изъ провинцій, какъ общественному голосу будетъ отведено возможно большее мѣсто. Редакція съ твердостью станеть бороться противъ эксплуатацій и неправдъ земскихъ, городскихъ самоуправленій, еврейскихъ и иныхъ; противъ попытокъ тайнаго и явнаго нигилизма. Девизомъ нашимъ останутся какъ и въ минувшіе шесть лѣтъ: религія, семейство, собственность, олицетвореніе государства въ государѣ, отцѣ и вождѣ своего народа. Сильная правительственная власть, дешевая администрація взамиѣнъ дорогой и негодной **выборной**, реформы судебная и патріотическая, истинно русская виѣшняя политика — вотъ нашъ идеалъ и итогъ нашихъ стремленій.

Вмѣсто негодныхъ и ненужныхъ никому олеографій, мы рѣшаемся дать въ наступающемъ 1887 г. истинно патріотическую премію **сочиненія ПУШКИНА**. Два тома получаютъ наши подписчики 1886 г. и остальные томы составятъ преміи 1887 г.

ПОДПИСНАЯ ЦѢНА:

съ пересылкою и преміями за годъ 6 рубл.

безъ премій и ежемѣсячныхъ книгъ 3 „

Для лицъ не бывшихъ подписчиками „ЛУЧА“ въ 1886 г. и желающихъ получить всѣ тома обязательна досылка за I-й и II-й томъ еще одного рубля сер.

Для Гг. Казначеевъ допускаема разсрочка. Подписавшимся на 10 экзем. получачъ одинъ полный даровой.

Адресъ: С.-Петербургъ. Разъѣзжая № 23-й; въ редакцію журнала „ЛУЧЪ“.

ВЪ СКЛАДѢ РЕДАКЦІИ

ВѢСТНИКА ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ и ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ

ПОСТУПИЛИ ВЪ ПРОДАЖУ ОТДѢЛЬНЫМИ ОТТИСКАМИ:

1. Ортоцентрическій треугольникъ *Н. Шимковича* ц. 10 коп.
2. Выводъ формулъ, служащихъ для разложенія въ рядъ логарифмовъ *Г. Флоринскаго* ц. 15 коп.

„ПЕДАГОГИЧЕСКІЙ СБОРНИКЪ“

ИЗДАВАЕМЫЙ ПРИ ГЛАВНОМЪ УПРАВЛЕНІИ

ВОЕННО-УЧЕБНЫХЪ ЗАВЕДЕНІЙ,

выходитъ ежемѣсячно книжками отъ 5 до 7 листовъ каждая.

„Педагогическій Сборникъ“ состоитъ изъ двухъ частей: официальной и неофициальной; въ послѣдней помѣщаются статьи по всѣмъ отдѣламъ, какіе входятъ въ программы другихъ педагогическихъ журналовъ; значительное вниманіе обращается на вопросы средняго образованія реальнаго характера. За послѣдніе годы въ неофициальной части „Педагогическаго Сборника“ помѣщались статьи: Ц. П. Балталона, докт. А. С. Виреніуса, А. И. Гольденберга, Н. П. Завьялова, Н. Н. Запольскаго, П. Ф. Каптерева, А. П. Кирпотенко, В. П. Ковховскаго, М. М. Литвинова, проф. Θ. Θ. Петрушевскаго, І. Е. Мандельштама, Н. Я. Герда.

Редакторъ **А. Острогорскій**.

Подписная цѣна съ доставкою 5 руб.

Подписка принимается: 1) въ редакціи „Педагогическаго Сборника“ Спб. Вас. Остр., 5 лин., домъ № 36, кварт. 14; и 2) въ конторѣ журнала: книжный магазинъ Н. Фену, Невскій проспектъ домъ Армянской церкви.

Дозволено цензурою. Кіевъ, 7 Ноября 1886 года.

Тип. Е. Т. Керерь, арендуемая Н. Пилюшенко и С. Бродовскимъ.

Обложка
щется

Обложка
щется