

Обложка
ищется

Обложка
ищется

ВѢСТНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ и ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

№ 274.

Содержание: Нѣкоторыя приложенія математической логики къ теоріи общаго наибольшаго дѣлителя и наименьшаго кратнаго Е. Буницкаго.—Объ элементарномъ объясненіи явленія прилива и отлива. Д. Шора.—Перикль Діаманди. В. Г.—Задачи № № 565—570.—Рѣшенія задачъ (3-ей серіи) № № 385, 402, 446.—Отчеты о засѣданіяхъ ученыхъ обществъ: Варшавскій кружокъ Преподавателей Физики и Математики. Ф. Ростовцева.—Обзоръ научныхъ журналовъ: Bulletin de la Société Astronomique de France. 1898. № 5. К. Смолича.—Присланнныя въ редакцію книги и брошюры.—Полученныя рѣшенія задачъ.—Объявленія.

Нѣкоторыя приложенія математической логики къ теоріи общаго наибольшаго дѣлителя и наименьшаго кратнаго.

1. Представимъ себѣ логическій классъ А, элементами котораго служатъ простыя числа, неравныя единицѣ,

$$\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_\lambda; \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_\nu; \dots, \gamma_1, \gamma_2, \dots, \gamma_\mu,$$

взятые въ конечномъ числѣ, причемъ

$$\begin{aligned} \alpha_1 &= \alpha_2 = \dots = \alpha_\lambda; \beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_\nu; \dots \\ \dots &\gamma_1 = \gamma_2 = \dots = \gamma_\mu. *) \end{aligned}$$

Такимъ образомъ равныя между собою простыя числа класса А мы будемъ отмѣтывать одними и тѣми же буквами, различающимися однако между собой нижними указателями. Во всемъ посльдующемъ из-

*) Эти равенства только арифметическія; логически равными элементами будемъ считать лишь тѣ, которые означены одною и тою же буквой съ однимъ и тѣмъ же указателемъ.

http://www.vofem.ru

ложењіи мы будемъ разсматривать логические классы только такого вида. Перемножая ариѳметически элементы класса А, мы получимъ цѣлое число, которое обозначимъ черезъ [А] —

$$[A] = \alpha_1^{\lambda} \beta_1^{\gamma} \dots \gamma_1^{\mu}.$$

О классѣ А и числѣ [А] мы будемъ говорить, что они соотвѣтствуютъ другъ другу. Разлагая данное цѣлое число на первоначальныхъ множителей и снабжая равныхъ первоначальныхъ множителей послѣдовательными указателями 1, 2, 3 . . . , легко найти классъ, соотвѣтствующій данному цѣлому числу. Кромѣ того, мы условимся считать логический ноль классомъ, соотвѣтствующимъ цѣлому числу 1. Равнымъ числамъ соотвѣтствуютъ тожественно равные классы и наоборотъ.

2. Изъ способа составленія наименьшаго кратнаго и общаго наибольшаго дѣлителя нѣсколькихъ данныхъ чиселъ при помощи разложенія этихъ чиселъ на первоначальныхъ множителей вытекаютъ слѣдующія предложенія:

а) Логической суммѣ классовъ А, В, С . . . соотвѣтствуетъ число, равное наименьшему кратному чиселъ [А], [В], [С], . . . , соотвѣтствующихъ даннымъ классамъ.

б) Логическому произведенію классовъ А, В, С . . . соотвѣтствуетъ число, равное общему наибольшему дѣлителю чиселъ [А], [В], [С], . . . , соотвѣтствующихъ даннымъ классамъ.

3. Послѣ всего вышесказанного становится яснымъ, что всякая логическая операциѣ надъ рядомъ классовъ А, В, С . . . приводитъ къ нѣкоторому предложенію изъ области теоріи наименьшаго кратнаго и общаго наибольшаго дѣлителя. Дѣйствительно, если путемъ тожественныхъ преобразованій, выполненныхъ по правиламъ логического вычисленія, мы находимъ, что

$$F(A, B, C \dots) = \varphi(A, B, C \dots),$$

гдѣ F и φ — символы логическихъ функций, т. е. нѣкотораго ряда логическихъ операций, — то и

$$[F] = [\varphi],$$

т. е. два числа, получаемыя по совершеніи надъ рядомъ чиселъ, соотвѣтствующихъ даннымъ классамъ, нѣкоторыхъ двухъ цѣпей дѣйствій нахожденія общаго наибольшаго дѣлителя и наименьшаго кратнаго, — оказываются равными.

Такъ изъ логического равенства

$$A + B + C = A + (B + C)$$

вытекаетъ извѣстное предложеніе: чтобы найти наименьшее кратное трехъ чиселъ, можно найти наименьшее кратное между одніимъ изъ нихъ и наименьшимъ кратнымъ двухъ другихъ чиселъ.

4. Покажемъ, какъ при помощи указанного метода можно пройти къ нѣкоторымъ ариѳметическимъ теоремамъ.

Для этого постараемся изучить ближе природу симетрическихъ функций въ логическомъ вычислениі.

Такъ какъ логическому вычислению чуждъ алгориомъ степени, — другими словами, любая степень (пълая, положительнаа) вѣкотораго класса равна этому же классу, то всякая симетрическая функция сводится къ суммѣ простыхъ *) симетрическихъ функций.

Далѣе, изъ формулы

$$AB + A = A \quad (1)$$

легко вывести, что логическая сумма двухъ простыхъ симетрическихъ функций приводится къ той изъ нихъ, степень однородности которой ниже. Дѣйствительно, пусть k и l — степени однородности этихъ двухъ функций, причемъ $k < l$.

Каждый членъ второй функции, будучи вида

$$A_{\alpha_1} A_{\alpha_2} \dots A_{\alpha_k} A_{\alpha_{k+1}} \dots A_{\alpha_l} \quad (2),$$

— гдѣ A_{α_1} , $A_{\alpha_2} \dots$ суть данные классы, — содержитъ множителемъ членъ

$$A_{\alpha_1} A_{\alpha_2} \dots A_{\alpha_k}$$

первой функции. Поэтому (см. 1) членъ (2) въ общей суммѣ двухъ функций исчезаетъ, а потому и вся вторая функция уничтожается. Отсюда слѣдуетъ, что всякая симетрическая функция въ логическомъ вычислениі приводится лишь къ одной простой симетрической функции.

Этой теоремѣ въ логическомъ вычислениі отвѣчаетъ слѣдующая ариѳметическая: если мы свяжемъ числа [A], [B], [C], ... какимъ бы то ни было образомъ, но симетрично по отношенію къ этимъ числамъ рядомъ дѣйствій 1) нахожденія общаго наибольшаго дѣлителя и 2) нахожденія наименьшаго кратнаго, то, не измѣняя окончательнаго численнаго результата, этотъ рядъ дѣйствій можно замѣнить составленіемъ группъ сочетаній изъ данныхъ чиселъ [A], [B], [C], ... по нѣкоторому числу k , нахожденіемъ общаго наибольшаго дѣлителя каждой группы и наконецъ нахожденіемъ наименьшаго кратнаго всѣхъ полученныхъ общихъ наибольшихъ дѣлителей. Число k есть наименьшее число различныхъ множителей, входящихъ въ составъ отдѣльныхъ членовъ того логического многочлена, который получится, если заданы симетричныя ариѳметическія операции замѣнить соотвѣтственными [см. 2, (a), (b)] логическими.

5. Примѣнимъ изложенные выше соображенія къ вычислению симетричной функции **) вида

$$\Pi (A_{\alpha_1} + A_{\alpha_2} + \dots + A_{\alpha_m}),$$

*) Пусть именемъ простыхъ симетрическихъ функций нѣсколькихъ классовъ мы разумѣемъ сумму нѣсколькихъ классовъ, сумму логическихъ произведеній этихъ классовъ по два, по три и т. д.

**) Конечно, логической.

гдѣ a_1, a_2, \dots, a_m суть m различныхъ чиселъ, выранныхъ изъ ряда n послѣдовательныхъ чиселъ

$$1, 2, 3, \dots, n.$$

Произведеніе Π распространяется на всѣ возможныя различныя суммы вида

$$A_{\alpha_1} + A_{\alpha_2} + \dots + A_{\alpha_m} \quad (3).$$

Такимъ образомъ разсматриваемая логическая функция симетрична по отношенію къ входящимъ въ нее классамъ A_1, A_2, \dots, A_n .

Среди перемножаемыхъ суммъ вида (3) отберемъ тѣ, которые содержать классъ A_1 . Число такихъ суммъ равно C_{n-1}^{m-1} , гдѣ C —символъ числа сочетаній.

Остальные суммы по m классовъ составлены лишь изъ $n-1$ классовъ A_2, A_3, \dots, A_n , а потому остается всего C_{n-1}^m суммъ. Среди нихъ отберемъ тѣ суммы, въ которыхъ встрѣчается классъ A_2 ; число такихъ суммъ есть C_{n-2}^{m-1} . Среди оставшихся C_{n-2}^m суммъ отберемъ всѣ, содержащія классъ A_3 ; число ихъ будетъ C_{n-3}^{m-1} , и т. д. . . Наконецъ, послѣ выбора суммъ съ членомъ A_{n-m}^m остается

$$C_{n-(n-m)}^m = C_m^m = 1$$

суммъ, т. е. одна сумма, содержащая классы $A_{n-m+1}, A_{n-m+2}, \dots, A_n$ и потому равная суммѣ

$$A_{n-m+1} + A_{n-m+2} + \dots + A_n.$$

Я утверждаю, что по раскрытии скобокъ въ функции

$$\Pi(A_{\alpha_1} + A_{\alpha_2} + \dots + A_{\alpha_m}) \quad (4)$$

наименьшее число k различныхъ множителей, входящихъ въ составъ отдѣльного члена, есть $n - m + 1$. Дѣйствительно, оно не можетъ быть болѣе $n - m + 1$, такъ какъ при помощи указанной послѣдовательной отборки суммъ съ членами $A_1, A_2, \dots, A_{n-m}, A_{n-m+1}$ можно составить при открытии скобокъ членъ $A_1 A_2 \dots A_{n-m} A_{n-m+1}$. Но число k не можетъ быть и менѣе $n - m + 1$. Дѣйствительно, пусть

$$k < n - m + 1$$

Среди членовъ многочлена, получаемаго по раскрытии скобокъ въ функции (4), разсмотримъ членъ

$$| A_1 A_2 A_3 \dots A_k, \quad (5)$$

который навѣрно встрѣчится, такъ какъ онъ входитъ въ составъ простой симетрической функции k -ї степени однородности, къ которой приводится функция (4). Изъ неравенства (5) имѣемъ:

$$n - k > m - 1, \text{ или } n - k \geqslant m.$$

Поэтому среди перемножаемыхъ въ произведеніи (4) суммъ есть хоть одна сумма, содержащая лишь члены, выбранные въ числѣ m среди членовъ

$$A_{k+1}, A_{k+2}, \dots, A_n,$$

но вовсе не содержащая ни одного изъ членовъ A_1, A_2, \dots, A_k . Но тогда оказывается, что раскрывая скобки въ произведеніи (4) нельзя получить члена (6), такъ какъ среди перемножаемыхъ суммъ есть хоть одна, не содержащая ни одного изъ множителей этого члена; а отсутствие члена (6) среди членовъ функціи (4) противорѣчитъ предположенію, что она сводится къ простой симетрической функції $k^{\text{-}}\text{й}$ степени одвородности.

Изъ всего сказанного вытекаетъ равенство:

$$\Pi(A_{\alpha_1} + A_{\alpha_2} + \dots + A_{\alpha_m}) = \Sigma A_{\alpha'_1} A_{\alpha'_2} \dots A_{\alpha'_{n-m+1}}, \quad (7)$$

гдѣ $\alpha'_1, \alpha'_2 \dots \alpha'_{n-m+1}$ принимаютъ всевозможныя различныя между собою значенія среди чиселъ

$$1, 2, 3 \dots n.$$

Изъ логического равенства (7) вытекаетъ слѣдующая ариѳметическая теорема: если изъ данныхъ n чиселъ составить группы сочетаній по m изъ нихъ, найти наименьшее кратное каждой группы, а затѣмъ — общаго наибольшаго дѣлителя этихъ наименьшихъ кратныхъ, то численный результатъ этихъ операций будетъ тотъ же самый, который получимъ, если найдемъ наименьшее кратное общихъ наибольшихъ дѣлителей, вычисленныхъ для каждой изъ группъ сочетаній изъ n данныхъ чиселъ по $n - m + 1$ чиселъ.

При условіи

$$n - m + 1 = m, \text{ или } n = 2m - 1,$$

теорема эта даетъ слѣдствіе: общій наибольшій дѣлитель наименьшихъ кратныхъ всевозможныхъ группъ по m чиселъ изъ данныхъ $2m - 1$ чиселъ равенъ наименьшему кратному всѣхъ общихъ наибольшихъ дѣлителей для тѣхъ же группъ.

E. Буницкій (Одесса).

ОБЪ ЭЛЕМЕНТАРНОМЪ ОБЪЯСНЕНИИ ЯВЛЕНІЯ ПРИЛИВА и ОТЛИВА.

Уже многіе древніе и средневѣковые писатели упоминаютъ о приливахъ (Посидоній, Страбонъ, Цезарь, Пліній и др.) и даже говорятъ о связи этого явленія съ движениемъ луны и солнца. По словамъ Эйлера: „Аристотель будучи съ Александромъ Великимъ въ Восточной Индіи на толикое подвигнуть былъ удивленіе (явленіемъ) прилива и

отлива), что предпріяль гнаться за уступающей водой; но послѣдующій приливъ Аристотеля неуспѣвшаго возвратиться затопилъ, и покрылъ водою, и не можно было узнать какія онъ имѣлъ размышенія при семъ смертоносномъ опыте¹⁾). Если даже это и не вѣрно исторически, если Аристотель никогда и не былъ въ Индіи, все же существованіе сказанія такого рода свидѣтельствуетъ о томъ, что люди всегда удивлялись явленію прилива и отлива и долгое время напрасно старались найти его объясненіе. Когда же съ наступленіемъ новыхъ вѣковъ физико-математической науки стали развиваться, на приливы и отливы было обращено должное вниманіе. Кеплеръ объяснилъ ихъ притяженіемъ луны, но такъ какъ законъ этого притяженія ему извѣстъ не былъ, то не удивительно, что Галилей счелъ это объясненіе возвращеніемъ къ средневѣковой холастицѣ; тѣмъ болѣе, что рядомъ съ этимъ у Кеплера встрѣчается, по словамъ Эйлера, слѣдующая ни на чёмъ вѣ основанная аналогія: „Кеплеръ, который въ протчемъ былъ великій Астрономъ, и украшеніе нѣмецкой земли, думалъ, что земля, такъ какъ и всѣ небесныя тѣла, есть звѣрь оживотворенный, и приливъ и отливъ почиталъ за дѣйствіе его дыханія. По мнѣнію сего филозофа люди и всѣ звѣри суть аки бы пресмыкающіяся или блохи питающіеся отъ кожи сего звѣря“²⁾). Декартъ оетъяснялъ приливъ на основаніи своей теоріи вихрей; Галилей — вращеніемъ земли вокругъ оси. Но первое вѣрное объясненіе далъ великій Ньютонъ въ своей безсмертной книгѣ: „Philosophiae naturalis principia mathematica“. Это сочиненіе появилось въ 1686—1687 годахъ, и слѣдовательно съ того времени прошло слишкомъ два вѣка. За это время теорія приливовъ разработана очень подробно. Въ 1737 году Парижская Академія Наукъ предложила премію за сочиненіе о приливахъ и отливахъ. Преміи удостоились (въ 1740 году) Даніиль Бернули, Маклоренъ и Эйлеръ³⁾, которые подробно развили теорію Ньютона. Въ 1775 году Лапласъ опубликовалъ въ Мемуарахъ Французской Академіи Наукъ свой первый трактатъ о приливахъ и отливахъ. Онъ показалъ, что теорія этого явленія въ такомъ видѣ, какъ ее развили Ньютонъ, Бернули, Маклоренъ и Эйлеръ, не соотвѣтствуетъ дѣйствительности, и далъ болѣе точную теорію. Послѣ него, значитъ уже въ XIX столѣтіи, приливы изучали: Wewell, Lubbock, Börgen и многіе другіе, которые разбирали частности и, кроме того Airy, предложившій теорію каналовъ. Въ послѣднее время теоріей приливовъ занимались знаменитый Вилльямъ Томсонъ и G. H. Darwin. Благодаря, главнымъ образомъ, трудамъ послѣдняго, теорія приливовъ получила весьма обширное примѣненіе въ другихъ областяхъ астрономіи и космогоніи.

Изъ этого, правда, очень краткаго и неполнаго исторического обзора, мы видимъ, что явленіемъ приливовъ и отливовъ интересовались

¹⁾ „Письма о разныхъ физическихъ и филозофическихъ матеріяхъ, писанныя къ нѣкоторой нѣмецкой принцессѣ“. Съ французскаго языка на российскій переведены Степаномъ Румовскимъ. Ч. I. Спб. 1768. Стр. 252.

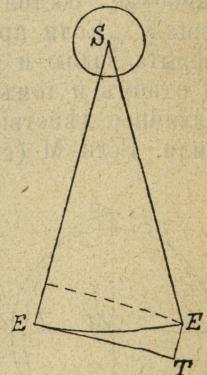
²⁾ Ibidem. Стр. 252.

³⁾ Кроме нихъ еще получилъ премію іезуитъ Кавальери, но его трактатъ не имѣеть теперь значенія, такъ какъ основывается на Декартовой теоріи вихрей.

наиболѣе выдающіеся ученые всѣхъ временъ (Пліній, Декартъ, Кеплеръ, Галилей, Ньютонъ, Лапласъ, Томсонъ). Я думаю поэому, что и большая публика интересовалась всегда и интересуется этимъ, съ перваго взгляда, загадочнымъ явленіемъ. Но конечно вся теорія цѣликомъ этой публикѣ не доступна, да и врядъ ли интересна; а доступенъ и интересенъ ей тотъ основной пунктъ, въ которомъ объясняется возникновеніе приливныхъ силъ и слѣдствіе этого возникновенія. Между тѣмъ теперь, когда теорія приливовъ развилась въ обширнѣйшее ученіе, этму основному пункту удѣляютъ, по моему мнѣнію, недостаточно вниманія, и поэому въ большинствѣ популярныхъ книгъ, учебниковъ и даже специальныхъ сочиненій даются неправильныя объясненія явленія приливовъ и отливовъ. Вообще эти объясненія можно разбить на двѣ категоріи. Наиболѣе обстоятельное объясненіе первой категоріи мы встрѣчаемъ у Krümmel'я, и поэому я приведу здѣсь его содержаніе: Сначала представимъ себѣ, что луна не существуетъ и разсмотримъ, какъ солнце будетъ вліять на воды земли. Пусть S—солнце (см. черт. 1), E—земля, которая движется вокругъ солнца по криволинейному пути. Пусть въ секунду она прошла бы такъ до точки T.

Но такъ какъ на самомъ дѣлѣ впродолженіи всей этой секунды земля падала на солнце подъ вліяніемъ силы тяготѣнія, то она будетъ находиться не въ T, а въ E'. Такимъ образомъ объясняется криволинейное движение земли. „При этомъ, говоритъ далѣе Krümmel, молчаливо предполагаютъ, что земля рассматривается, какъ материальная точка. На самомъ же дѣлѣ земля есть агрегатъ материальныхъ точекъ, на каждую изъ которыхъ дѣйствуетъ притяженіе солнца и которая, такимъ образомъ, вмѣстѣ падаютъ на солнце. Притяженіе же солнца на каждую точку обратно пропорціонально квадрату разстоянія, а слѣдовательно оно дѣйствуетъ на обращенные къ солнцу части земли сильнѣе, чѣмъ на частицы болѣе всего отдаленные отъ солнца, и, такъ какъ часть массы, составляющей земную оболочку, жидкa, т. е. удобоподвижна то частички жидкости на обращенной къ солнцу сторонѣ будуть нѣсколько быстрѣе падать на него, чѣмъ центръ земли, отдаленные же нѣсколько медленнѣе. Слѣдовательно впродолженіи минуты, въ которую центръ земли пройдетъ путь TE', обращенный къ солнцу частички сдѣлаютъ нѣсколько большій путь, наиболѣе же отдаленный отъ солнца нѣсколько меньшій путь, чѣмъ TE'. Поэтому жидкaя оболочка земли нѣсколько растягивается по направлению къ солнцу“. ¹⁾

Къ этому типу принадлежать еще напр. объясненія въ „Астро-



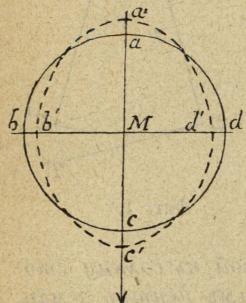
Фиг. 1.

¹⁾ „Handbuch der Ozeanographie,“ von Prof. Dr G. von Boguslavski und Dr Otto Krümmel. Band II. „Die Bewegungen des Meeres“, von Dr Otto Krümmel. Stuttgart. 1887. Seite 167—168.

вомії" Гершеля¹⁾ и въ учебникахъ географії Ленца и Kloeden'a.²⁾ Сюда же слѣдуетъ отнести объясненіе Эйлера данное имъ въ „Письмахъ къ принцессѣ“.³⁾

Объясненія Krümmel'я, Гершеля, Ленца, Kloeden'a и Эйлера страдаютъ однимъ и тѣмъ же недостаткомъ: здѣсь не принято во вниманіе, что на всѣ частицы океана дѣйствуетъ сила земной тяжести, которая не позволяетъ этимъ частицамъ отдалиться отъ центра, пока на нихъ не подѣйствуетъ сила большая этой тяжести и направленная въ обратную сторону. Поэтому нельзя сказать, какъ говорятъ Krümmel и Эйлеръ, что, такъ какъ вода удобоподвижна, то она вытягивается къ солнцу и отъ солнца. Вода удобоподвижна въ свободномъ состояніи, напр. въ центрѣ земли, гдѣ вѣдѣствуетъ сила тяжести; но на поверхности эта удобоподвижность ограничивается, и поднять воду безъ особаго усилия мы не можемъ. Мы увидимъ ниже, что и въ объясненіяхъ второго типа тоже не принята во вниманіе земная тяжесть.

Объясненія второй категоріи отличаются отъ объясненій первой только тѣмъ, что въ нихъ не говорится о паденіи земли по направлению къ солнцу или лунѣ, а говорится только о силахъ притяженія. Наиболѣе обстоятельное толкованіе этого типа мы находимъ у Н. Lentz'a: „Если предположить, что земля со всѣхъ сторонъ равномѣрно покрыта водою и что луна и солнце находятся въ плоскости экватора на одномъ и томъ же меридіанѣ, то получится, по закону тяготѣнія, различное дѣйствіе силы притяженія этихъ свѣтиль на различныя части земли. Если M (см. черт. 2) — центръ земли, кругъ же $a b c d$ представляеть ея экваторъ и ac меридіанъ, въ которомъ находятся солнце и луна, то частицы воды въ c будуть сильнѣе притягиваться, чѣмъ центръ земли, частицы же въ a — слабѣе; вслѣдствіе большої отдалености земли эта разность притяженій будетъ приблизительно равной величины и степень понятія воды aa' будетъ поэтому равна степени поднятія воды cc' . Точки же b и d экватора, хотя и притягиваются такъ же, какъ и центръ земли, но поднятіе воды въ a и c должно пропизвестіи гдѣ-нибудь соотвѣтствующее пониженіе и, такъ какъ измѣненіе круга должно быть симметрично относительно линіи ac , то можно сдѣлать допущеніе, что опусканіе поверхности моря въ b и d точно соотвѣтствуетъ повышенію въ a и c , такъ что кругъ $a b c d$ измѣняется въ элліпсъ $a' b' c' d'^{''}$.⁴⁾“



Фиг. 5.

и d точно соотвѣтствуетъ повышенію въ a и c , такъ что кругъ $a b c d$ измѣняется въ элліпсъ $a' b' c' d'^{''}$.⁴⁾

¹⁾ „Изложение Астрономії“ Гершеля; пер Круzenштерна. Ч. II. 1838. Стр. 142, § 528.

²⁾ „Физическая географія.“ Сост. акад. Э. Ленцъ. Слѣд. 1893. Стр. 72—73. § 41. Handbuch der Erdkunde von Gustav Adolf von Kloeden. Erster Theil: Hanbuch der physischen Geographie. 3 Aufl. Brl. 1873. Стр. 644—645.

³⁾ Стр. 255—260. Письма 64 и 65.

⁴⁾ „Von der Fluth und Ebbe des Meeres“ von Hugo Lentz, Hamburg. 1873. Стр. 5.

Этотъ родъ объясненій самый распространенный¹⁾. Чтобы болѣе ясно понять его неточность, представимъ себѣ слѣдующій примѣръ: пусть на одной изъ чашекъ вѣсовъ лежитъ тѣло, которое мы поднять не можемъ; уравновѣсимъ его, положивъ на другую чашку вѣсовъ равный ему по тяжести грузъ. Если мы теперь потянемъ наше тѣло вверхъ, то оно подымется вмѣстѣ съ чашкою вѣсовъ. Сказать, что мы подняли наше тѣло, было бы неправильно: не только наша сила подняла его, но и сила тяжести уравновѣшивающаго груза. А между тѣмъ совершенно такъ объясняютъ явленіе прилива Lentz и мн. др.

Итакъ мы видимъ, что въ наиболѣе распространенныхъ книгахъ вѣтъ правильнаго объясненія интересующаго васъ явленія. Между тѣмъ у Ньютона было вполнѣ правильное элементарное объясненіе возникновенія приливныхъ силъ и самихъ приливовъ. Поэтому любопытно будетъ прослѣдить исторически, какъ эволюціонировало оно до своей настоящей формы.

Въ первомъ томѣ „Математическихъ Началъ Естественной Философіи“ (*Philosophiae Naturalis Principia Mathematica*) Ньютона разбираеть, между прочимъ слѣдующую задачу, извѣстную теперь подъ наименіемъ „задачи о пертурбацияхъ“ (частный случай задачи о трехъ тѣлахъ): Вокругъ шара Т вращается шаръ Р; опредѣлить, какъ вліяетъ на это вращеніе третій шаръ S²⁾. Разобравъ силы, дѣйствующія на Р, онъ дѣлаєтъ слѣдующее: представимъ себѣ, что вмѣсто тѣла Р на его орбитѣ находится большое число жидкіхъ тѣлъ; затѣмъ представимъ себѣ, что эти тѣла сольются въ кольцо. Силы, дѣйствующія на это кольцо, будуть тѣ же, которыя дѣйствовали на тѣло Р. Теперь представимъ себѣ, что шаръ Т разширился или распухъ, такъ что диаметръ его сталъ равенъ диаметру кольца; пусть затѣмъ на этомъ шарѣ будетъ вырытъ каналъ, въ который войдетъ наше жидкое кольцо, и периодъ вращенія кольца пусть будетъ равенъ периоду вращенія тѣла Т вокругъ оси. Тогда мы будемъ имѣть наполненный жидкостью каналъ, обходящій нашъ шаръ Т (емлю) по большому кругу, и дѣйствія силъ тѣла S (луны или солнца) на жидкость этого канала будутъ подобны

¹⁾ См. напр.: а) „Астрономія въ общепонятномъ изложеніи“. С. Ньюкомба и Р. Энгельмана, дополненная Г. Фогелемъ, Пер. съ II изд. Н. С. Дрентельна. Спб. 1896. Стр. 78; б) Клейнъ. „Астрономические вечера“. Ред. К. П. Плягницкаго. Просм. проф. С. Н. Глазенапа. Спб. 1898; с) „Изъ природы“. Соч. Лардиера. Перев. подъ ред. А. Буйницкаго. Ч. I. Спб. 1859. Стр. 140—142; д) „Ньютонъ“. Біографический очеркъ М. М. Филиппова. Спб. 1892. Стр. 46—48; е) „Руководство космографіи и физической географії“. Малинина и Буренина. Стр. 161; ф) „Руководство физики“. Малинина и Буренина. Изд. IX. М. 1894. Стр. 158; г) „Начала космографіи“. М. Попружевко. Изд. II. М. 1895. Стр. 108—9; х) „Учебникъ Математической Географіи“ (Космографія). Сост. Н. Степановъ. М. 1896. Стр. 112—114; и) Элизе Реклю. „Описаніе жизни земного шара“. Перев. подъ ред. Н. Рубакина. Выпускъ IV. „Океанъ“. Спб. 1895. Глава III, стр. 95; ж) „Das Fluthphänomen und sein Zusammenhang mit den sälkularen Schwankungen des Seespiegels“. Von D-r J. H. Schmuck. Leipzig. 1874; к) Сборникъ статей въ помощь самообразованію по математикѣ, физикѣ, химії и астрономії, составленный кружкомъ преподавателей. Т. II. М. 1898. Статьи 39: „Всемирное тяготѣніе“. С. Щербакова. Стр. 359—360; л) Клейнъ. „Чудеса земного шара“. Прил. къ журн. „Образованіе“. Стр. 109.

²⁾ *Propositio LXII. Theorema XXVI. T. I.*

дѣйствію тѣла S на тѣло P. Такимъ образомъ Ньютона свелъ явленіе прилива и отлива къ частному случаю вышеназванной задачи. Но такого рода упрощеніе можетъ быть и было причиною того, что обще-распространенное объясненіе приливовъ неправильно; мнѣ кажется, что посвяты Ньютона этому вопросу отдаленную статью, было бы иначе. Правда, въ третьемъ томѣ того же сочиненія есть специальная статья о приливахъ¹⁾, но здѣсь интересующій насъ пунктъ считается объясненнымъ. Издание „Началъ“, которымъ я пользовался, снабжено комментариями L. Seur'a и Jacquier²⁾; и вотъ, вышеупомянутая статья о приливахъ, для большей ясности, сопровождается примѣчаніемъ, гдѣ собо излагается возникновеніе приливныхъ силъ и приливовъ. Этотъ фактъ свидѣтельствуетъ о томъ, что изложеніе Ньютона въ первомъ томѣ не такъ подробно, какъ это необходимо для яснаго пониманія даннаго явленія. Я приведу здѣсь, въ переводѣ на русскій языкъ все это примѣчаніе, такъ какъ въ немъ собрано то, что у Ньютона разбросано въ разныхъ мѣстахъ вышеупомянутой главы первого тома:

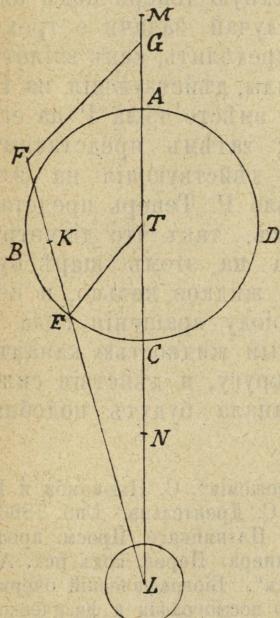
„Кругъ описанный изъ центра T изображаетъ землю (см. черт. 3),

а кругъ описанный изъ центра L луну. Если на землю не будетъ дѣйствовать ничего, то земля, покрытая со всѣхъ сторонъ глубокою водою, и оставаясь въ покое, приметъ форму сферы. Но каждая часть земли тяготѣтъ къ лунѣ, причемъ сила тяжести обратно пропорциональна разстоянію отъ ея центра. Пусть прямая LT изображаетъ силу ускоренія къ лунѣ тѣла находящагося въ центрѣ T, и пусть E любая частичка жидкости моря. Если на продолженіи прямой LE отложимъ LK равное LT и если LF относится къ LK такъ, какъ квадратъ LK къ квадрату LE, то прямая LF изобразить силу тяжести къ лунѣ тѣла находящагося въ мѣстѣ E; эта сила разлагается на силы FG и GL. Если же отъ той силы, которая приложена въ E, т. е. отъ GL, отнять силу TL, которая притягиваетъ центръ земли къ лунѣ, то останутся силы FG и GT, которые дѣйствуютъ на тѣло E, кроме силы его собственной тяжести къ центру земли и силы общей у него съ центромъ земли. Пусть C будетъ точка земли, для которой луна въ зенитѣ,

А же—противоположная точка; и пусть точки B и D расположены на кругѣ имѣющемъ луну на горизонти. Тогда очевидно, что точка G

¹⁾ T. III. Propositio XXIV. Theorema XIX. „Fluxum et refluxum maris ab actionibus Solis ac Lunae oriri“.

²⁾ „Philosophiae Naturalis Principia Mathematica“; Auctore Isaako Newtono-Eq Aurato; Perpetuis Commentariis illustrata, communis studio P. P. Thomae Le Seur et Francisci Jacquier, Ex Gallicanâ Minimorum Familiâ, Matheseos Professorum. Editio altera, longe accuratior et emendatior. Coloniae Allobrogum. MDCCLX.



Фиг. 7.

далъше всего отстоитъ отъ Т, когда точка Е находится въ С и А. Въ первомъ случаѣ точка G приходитъ въ М, во второмъ — въ Н. Когда же точка Е находится на кругѣ BD, точка G почти совпадаетъ съ Т и такимъ образомъ всѣ частицы, расположены на кругѣ BD, подчиняются только силѣ тяжести и силѣ FG; послѣдняя же будетъ равна BT или GT, такъ какъ точки F и K сольются. Поэтому частички жидкости въ мѣстахъ B и D, кроме силы собственной тяжести, притягиваются къ центру Т силою происходящей отъ луны. Частицы въ мѣстѣ С притягиваются къ лунѣ сильнѣе, чѣмъ вся земля, которую можно вообразить сосредоточеною всей массой въ центрѣ Т; частицы же въ А притягиваются къ лунѣ слабѣе, чѣмъ вся земля въ Т. И потому эти точки A и C словно растягиваются въ противоположныхъ стороны. Частички же круга BD притягиваются къ Т сильнѣе; въ мѣстахъ среднихъ между А или С и В или D, частицы подвержены и тому и другому условію (что А и что В). Чѣмъ ближе частицы жидкости къ С или къ А, тѣмъ меньше ихъ тяжесть, ибо вслѣдствіе дѣйствія луны или силы GT, собственная тяжесть ихъ уменьшается. Чѣмъ ближе частицы къ точкамъ В и D, тѣмъ онѣ тяжелѣе, ибо вслѣдствіе такого же дѣйствія луны или силы FG, собственная тяжесть возрастаетъ. Но, такъ какъ шаръ ABCD предполагается покрытымъ повсюду достаточно глубокою жидкостью, частички же жидкости уступаютъ приложеніи къ каждой изъ нихъ силѣ и, уступая, легко передвигаются, то жидкость, которая расположена у А и С, вытѣсняется жидкостью, расположенной въ В и D, какъ болѣе легкая болѣе тяжелою. Слѣдовательно жидкость возвышается при А и С до тѣхъ поръ, пока, понятно, большая масса и большая высота жидкости не уравновѣсятъ ея меньшую тяжесть и вездѣ не установится равновѣсіе. Поэтому поверхность моря складывается въ фигуру сфероида, коего ось прямая АС, которой продолженіе пройдетъ черезъ луну. Отсюда очевидно, что фигура моря должна образовать продолговатый сфероидъ".¹⁾

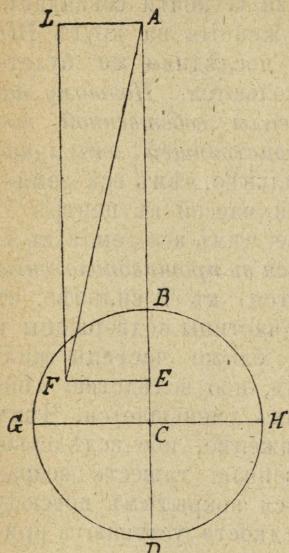
Итакъ, вотъ объясненіе Ньютона²⁾, данное имъ въ 1686 году; посмотримъ, что прибавила къ этому объясненію исторія. Разберемъ сперва трактатъ Даниила Бернули³⁾. Онъ различаетъ три причины прилива; первая по его мнѣнію состоитъ въ слѣдующемъ: „Пусть А—центръ луны (или солнца), BGDH—земля (см. черт. 4); проведемъ чрезъ центръ луны (или солнца) и земли прямую AD и возьмемъ внутри земли любую точку F; затѣмъ проведемъ прямую FE перпендикулярно къ BD и прямую FA. Далѣе, построимъ прямоугольникъ FLAE. Каждая точка F притягивается или толкается къ А, и, если эту силу представимъ прямую FA, то ее можно рассматривать, какъ результатирующую двухъ слагающихъ FL и FE. Теперь видно, что сила FE, будучи при-

¹⁾ Т. III. р. 126—127.

²⁾ Комментаторы не внесли ничего оригинального въ это примѣчаніе, такъ что объясненіе это можно считать принадлежащимъ Ньютону.

³⁾ „Traité sur le Flux et Reflux de la Mer“. Par Mr. Daniel Bernoulli, Professeur d'Anatomie et de Botanique à Basle. Pour concourir au Prix de 1740. Въ видѣ приложения въ III томѣ того же изданія „Началъ“ (прим. 3 на стр. 4). Стр. 133.

ложена къ каждой точкѣ земли, только удлиннить послѣднюю вдоль прямой BD и, такъ какъ это одинаково справедливо для всѣхъ плоскостей, которые проходятъ черезъ BD, то ясно, что земля образуетъ сфероидъ вращенія кривой BGD вокругъ BD¹⁾.



Фиг. 4.

Здѣсь Бернули разсматриваетъ дѣйствіе одной изъ слагающихъ силы тягитѣнія къ лунѣ (или солнцу), не разсматривая другой. Мы вправѣ поэтому ожидать, что во второй причинѣ онъ приметъ во вниманіе дѣйствіе другой слагающей, параллельной AD. Между тѣмъ здѣсь онъ принимаетъ во вниманіе дѣйствіе всей силы, а не ея части. Но если отбросить первую причину, то слѣдующая фаза въ изложеніи второй будетъ не вѣрна: „Это (дѣйствіе луны) уменьшаетъ дѣйствіе тѣжести къ центру земли въ каналѣ BD, въ то время какъ эта же тѣжѣсть не уменьшилась въ каналѣ GH“...²⁾ Въ самомъ дѣлѣ, тѣжѣсть въ каналѣ GH (см. черт. 4) не только не уменьшится, но еще увеличится.

Д. Шоръ (Одесса).

(Окончаніе слѣдуетъ).

Периклъ Діаманди.

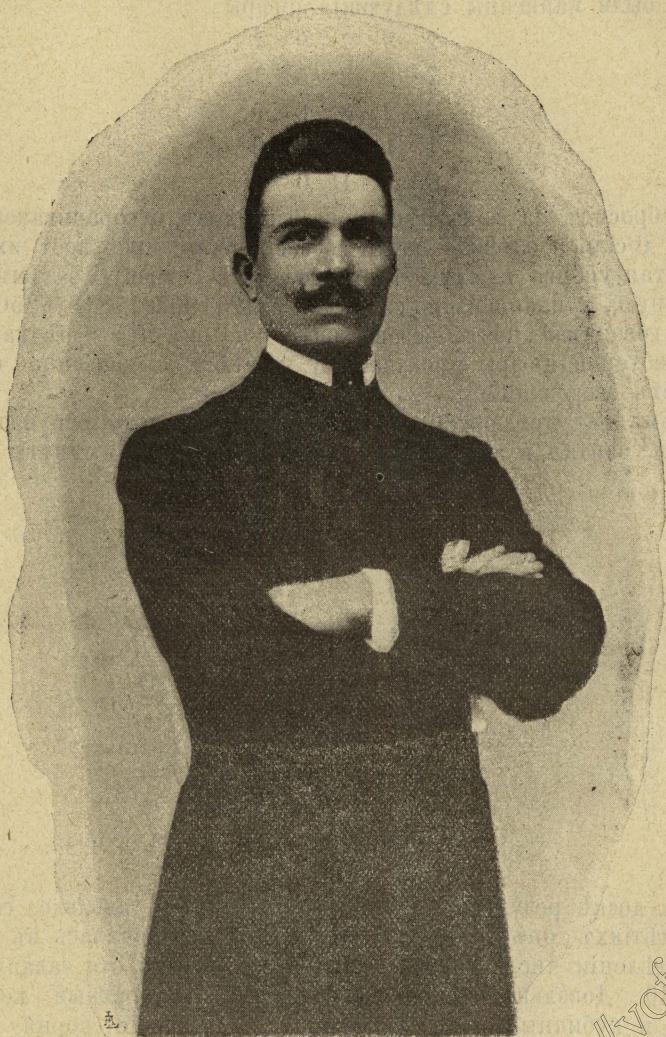
Читатели наши знаютъ уже, что такъ зовутъ извѣстнаго счетчика въ умѣ (calculateur mental). Въ 263-мъ номерѣ „Вѣстника“ мы помѣстили обѣ немъ статью. Недавно Діаманди посѣтилъ Одессу, гдѣ даль нѣсколько публичныхъ сеансовъ, производилъ опыты вычислений въ умѣ въ нѣкоторыхъ средне-учебныхъ заведеніяхъ и, между прочимъ, сдѣлалъ сообщеніе въ засѣданіи Математическаго Отдѣленія Общества Естествоиспытателей. Изложеніемъ этого сообщенія мы дополнимъ свѣдѣнія объ интересномъ счетчикѣ, приведенные въ упомянутой выше статьѣ.

Сперва Діаманди изложилъ нѣкоторыя свѣдѣнія о себѣ. Отчасти свѣдѣнія эти заключаются въ упомянутой статьѣ. Діаманди обладаетъ сильно развитой зрительной памятью. Это значитъ, что ему легко за-

¹⁾ Стр. 136.

²⁾ Фраза эта взята изъ изложения второй причины, которое въ остальномъ мало отличается отъ Ньютона объясненія. Стр. 137.

помнить рядъ цифръ послѣ того, какъ онъ ихъ увидѣлъ написанными. Когда при немъ произносятъ рядъ цифръ, то для того, чтобы ихъ запомнить, онъ сперва долженъ представить ихъ себѣ написанными. „Я смотрю на число, говорилъ онъ, отворачиваюсь отъ доски, закрываю глаза и вижу число такимъ, какъ оно написано“. Думая о рядѣ нату-



Периклъ Діаманди.

ральныхъ чиселъ, одни представляютъ себѣ этотъ рядъ въ видѣ горизонтальной строки или горизонтальной линіи, другіе въ видѣ вертикальной линіи, третьи въ видѣ лѣстницы и т. д. Форма и направленіе этой линіи опредѣляютъ то, что принято называть „численной схемой“.

Численная схема Діаманди довольно сложна на первый взглядъ, хотя, —намъ кажется,—удобна въ томъ отношеніи, что съ нею легче ориентироваться. Она изображена на прилагаемомъ рисункѣ. Когда Діаманди думаетъ о какомъ либо числѣ, онъ представляетъ себѣ соответствующую точку на этой линії.

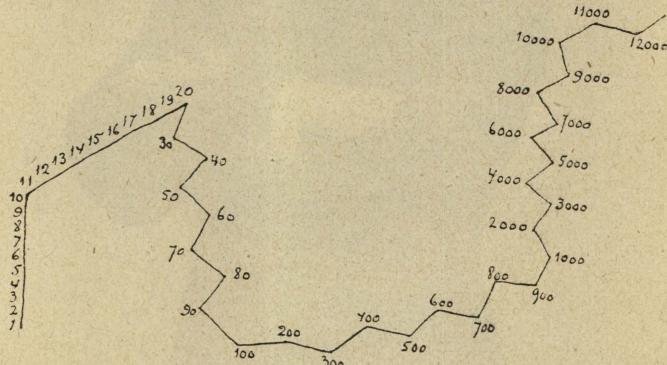
Вторую часть своего сообщенія Діаманди посвятилъ упражненіямъ. На доскѣ были написаны слѣдующія цифры:

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 2 | 3 | 7 | 9 | 1 |
| 7 | 0 | 2 | 5 | 1 |
| 3 | 2 | 8 | 0 | 9 |
| 1 | 1 | 2 | 0 | 9 |
| 8 | 7 | 1 | 0 | 3 |

Діаманди бросилъ на нихъ нѣсколько взглядовъ, отворачиваясь каждый разъ отъ доски, и затѣмъ почти безошибочно произнесъ ихъ по порядку, читая сперва каждую горизонтальную строку, затѣмъ каждую вертикальную, и наконецъ по спирали: 23791199301781370250 и т. д.

Мы говоримъ „почти безошибочно“ потому что изрѣдка Діаманди вмѣсто требуемой цифры произноситъ другую; обыкновенно онъ самъ исправляетъ свою ошибку.

Затѣмъ ему предложенъ былъ вопросъ: сколько секундъ въ 2300 столѣтіяхъ, считая и високосные годы. Черезъ $1\frac{1}{2}$ минуты онъ на-



писалъ на доскѣ результатъ. Опредѣляя затѣмъ, сколько секундъ въ 1414 столѣтіяхъ онъ ошибся, но ошибка заключалась въ томъ, что при опредѣлении числа високосныхъ годовъ онъ вмѣсто заданного числа взялъ 1440. Довольно быстро онъ извлекъ квадратный корень изъ 15800625 и кубичный—изъ 483736625. Извлеченіе корня четвертой степени изъ 14331920656 далось ему значительно труднѣе: онъ нѣсколько разъ ошибался, пока получилъ вѣрный отвѣтъ. По его просьбѣ ему вторично было задано извлеченіе корня четвертой степени: ему было дано число 85308453 и онъ быстро отвѣтилъ, что оно равно $89\frac{1}{4} + 2566212$. Одинъ изъ присутствующихъ сообщилъ ему годъ, мѣсяцъ и число своего рожденія и онъ безошибочно и безъ промедленія указалъ день недѣли, когда произошло это событие.

Послѣ этого ему одновременно были заданы шесть дѣйствій, и черезъ нѣсколько минутъ онъ написалъ на доскѣ слѣдующіе результаты:

$$47967 \times 698 = 33480966$$

$$487^2 = 237169$$

$$23^3 = 12167$$

$$87^4 = 51289761$$

$$9^{16} = 1853020188851841$$

$$7^8 = 5764801.$$

Затѣмъ, отвернувшись отъ доски, онъ произнесъ по порядку всѣ написанныя на ней цифры. На доскѣ было написано около 200 цифръ.

Нѣсколько труднѣе ему далось слѣдующее упражненіе: на доскѣ были укреплены 22 карты въ видѣ горизонтальной строки. Діаманди называлъ ихъ слѣва направо и справа налево, а затѣмъ указывалъ,



Діаманди въ засѣданіи Матем. Отдѣленія
Общества Естествоиспытателей.

красной онѣ масти или черной. При этомъ онъ сдѣлалъ нѣсколько ошибокъ. Послѣ этого упражненія онъ отвернулся отъ доски и безошибочно называлъ каждую изъ написанныхъ тамъ цифръ, когда ему указывали ея мѣсто, прося напр. назвать 14-ю цифру числа 9^{16} .

ЗАДАЧИ.

№ 565. Черезъ точку M , взятую внутри треугольника ABC , проводятся параллели къ сторонамъ BC , CA , AB , пересѣкающія AB и CA въ α и α_1 , BC и AB въ β и β_1 , CA и BC въ γ и γ_1 .

Пусть Δ , Δ_1 , Δ_2 , Δ_3 будутъ площади треугольниковъ ABC , $M\gamma_1$, $M\gamma\alpha_1$, $M\alpha\beta_1$ и P_1 , P_2 , P_3 —площади параллелограммовъ $A\beta_1M\gamma$, $B\gamma_1M\alpha$, $C\alpha_1M\beta$. Доказать соотношенія:

$$\frac{\alpha\alpha_1}{a} + \frac{\beta\beta_1}{b} + \frac{\gamma\gamma_1}{c} = 2, \quad \frac{\beta\gamma_1}{a} + \frac{\gamma\alpha_1}{b} + \frac{\alpha\beta_1}{c} = 1,$$

$$\sqrt{\Delta_1} + \sqrt{\Delta_2} + \sqrt{\Delta_3} = \sqrt{\Delta},$$

$$P_1 + P_2 + P_3 = 2(\sqrt{\Delta_1\Delta_2} + \sqrt{\Delta_2\Delta_3} + \sqrt{\Delta_3\Delta_1}).$$

М. Зиминъ (Юрьевъ).

№ 566. Доказать, что если

$$a + b + c = 0,$$

то

1) $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$;

2) $a^5 + b^5 + c^5$ можетъ быть представлено въ видѣ многочлена, дѣлящагося безъ остатка на $5abc$;

3) $a^3b + b^3c + c^3a = a^3c + b^3a + c^3b$;

4) Выраженіе

$$-(a^3b + b^3c + c^3a) = -(a^3c + b^3a + c^3b)$$

можетъ быть представлено въ видѣ полнаго квадрата некотораго многочлена.

(Заемств.) Я. Полушкинъ (Знаменка).

№ 567. Доказать, что въ треугольникѣ средняя гармоническая разстояній оснований биссекторовъ внутреннихъ угловъ отъ сторонъ въ два раза больше средней гармонической высоты.

E. Григорьевъ (Казань).

№ 568. Рѣшить уравненіе

$$\sqrt{x^2 - 3} + \sqrt{x^3 - 3\sqrt{3}} = 2\sqrt{x - \sqrt{3}}\sqrt[4]{x^3 + 2x^2\sqrt{3} + 6x + 3\sqrt{3}}.$$

Б. Фрейманъ (Гамбовъ).

№ 569. Пусть m — составное число, разлагающееся на множители α β $\gamma\dots$ Показать, что для извлечения изъ данного числа A корня m -ой степени съ точностью до единицы можно извлечь изъ A съ точностью до единицы корень степени α , затѣмъ изъ полученнаго корня —корень степени β съ точностью до единицы и т. д.

(Заемств.) В. Г.

№ 570. Въ нѣкоторомъ мѣстѣ, гдѣ $g = 981$ см., къ одному изъ грузовъ $P = 200$ грамм. машины Атвуда прибавляютъ грузъ x . Онъ пробѣгаєтъ 24 см. въ продолженіе двухъ первыхъ секундъ паденія. Определить x .

(Заданіе.) **М. I.**

РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

№ 385 (3 сер.). Пусть R_1 , R_2 , R_3 , суть радиусы трехъ круговъ, находящихся во внутреннемъ соприкосновеніи. Обозначимъ черезъ r радиусъ круга, вписанного въ треугольникъ, составленный общими внутренними касательными къ этимъ кругамъ, показать, что

$$r = \frac{\sqrt{R_1} + \sqrt{R_2} + \sqrt{R_3} + \sqrt{R_1 + R_2 + R_3}}{\frac{1}{\sqrt{R_1}} + \frac{1}{\sqrt{R_2}} + \frac{1}{\sqrt{R_3}}}.$$

Пусть O_1 , O_2 , O_3 , — суть соответственно центры круговъ радиусовъ R_1 , R_2 , R_3 . Пусть пары общихъ касательныхъ, касающіяся круговъ O_1 , O_2 , O_3 , пересѣкаются соответственно въ точкахъ A , B , C . Обозначимъ стороны треугольника ABC соответственно черезъ a , b , c . Назовемъ точки прикосновенія касательной BC къ кругамъ O_2 , O_3 черезъ b_1 , c_1 , касательной CA къ кругамъ O_3 , O_1 — черезъ c_2 , a_2 , касательной AB къ кругамъ O_1 , O_2 — черезъ a_3 , b_3 . Чтобы получить центръ O круга, вписанного въ треугольникъ ABC , достаточно провести прямые AO_1 , BO_2 , CO_3 ; для углы A , B , C пополамъ, онъ пересѣкаются въ точкѣ O . Изъ точки O опустимъ перпендикулары Om , On , Ok соответственно на прямые BC , CA , AB . Введемъ обозначенія:

$$b_1c_1 = 2x; c_2a_2 = 2y; a_3b_3 = 2z.$$

$$Aa_2 = Aa_3 = x_1; Bb_3 = Bb_1 = y_1; Cc_1 = Cc_2 = z_1.$$

$$a + b + c = 2p = 2(x + y + z + x_1 + y_1 + z_1).$$

$$-x + y + z = X; x - y + z = Y; x + y - z = Z. \quad (1)$$

Вычисляя площадь Δ треугольника $O_1O_2O_3$ по тремъ сторонамъ на основаніи равенствъ

$$O_2O_3 = R_2 + R_3, O_3O_1 = R_3 + R_1, O_1O_2 = R_1 + R_2,$$

вайдемъ:

$$\Delta = \sqrt{R_1R_2R_3(R_1 + R_2 + R_3)}.$$

Выражая площадь треугольника ABC черезъ rp , а затѣмъ черезъ сумму площадей 1) треугольника $O_1O_2O_3$, 2) трапеций $O_2O_3c_1b_1$, $O_3O_1a_2c_2$, $O_1O_2b_3a_3$, 3) треугольниковъ: BO_2b_1 , BO_2b_3 , CO_3c_1 , CO_3c_2 ; AO_1a_2 , AO_1a_3 — согласно съ принятymi обозначеніями получимъ:

$$r(x+y+z+x_1+y_1+z_1) = \sqrt{R_1 R_2 R_3 (R_1 + R_2 + R_3)} + x_1 R_1 + y_1 R_2 + z_1 R_3 + \\ + x(R_2 + R_3) + y(R_3 + R_1) + z(R_1 + R_2).$$

откуда

$$r(x+y+z) = \sqrt{R_1 R_2 R_3 (R_1 + R_2 + R_3)} - x_1(r-R_1) - y_1(r-R_2) - z_1(r-R_3) + \\ + x(R_2 + R_3) + y(R_3 + R_1) + z(R_1 + R_2) \quad (2).$$

Изъ подобія треугольниковъ OAk и O_1Aa_3 имъемъ:

$$\frac{Ok - O_1a_3}{O_1a_3} = \frac{Ak - Aa_3}{Aa_3} \quad (3).$$

Но (см. 1)

$$Ak = p - a = x + y + z + x_1 + y_1 + z_1 - y_1 - 2x - z_1 = X + x_1.$$

Поэтому уравненіе (3) даєть:

$$\frac{r - R_1}{R_1} = \frac{X}{x_1},$$

откуда

$$x_1(r - R_1) = R_1 X.$$

По аналогії

$$y_1(r - R_2) = R_2 Y, \quad z_1(r - R_3) = R_3 Z.$$

Вставляя въ уравненіе (2) полученные значения произведеній

$$x_1(r - R_1), \quad y_1(r - R_2), \quad z_1(r - R_3)$$

получимъ:

$$r(x+y+z) = \sqrt{R_1 R_2 R_3 (R_1 + R_2 + R_3)} - R_1 X - R_2 Y - R_3 Z + x(R_2 + R_3) + \\ + y(R_3 + R_1) + z(R_1 + R_2).$$

Вставляя (см. 1) значения X, Y, Z — дѣлая приведеніе во второй части и опредѣляя r , находимъ:

$$r = \frac{R_1 x + R_2 y + R_3 z + \sqrt{R_1 R_2 R_3 (R_1 + R_2 + R_3)}}{x + y + z} \quad (4).$$

Опуская перпендикуляръ O_2D на прямую C_1O_3 , имъемъ:

$$b_1 c_1 = 2x = O_2 D = \sqrt{O_2 O_3^2 - O_3 D^2} \sqrt{(R_2 + R_3)^2 - (R_1 - R_3)^2} = 2\sqrt{R_2 R_3}.$$

Слѣдовательно для x — и по аналогії для y, z — получимъ значения:

$$x = \sqrt{R_2 R_3}, \quad y = \sqrt{R_3 R_1}, \quad z = \sqrt{R_1 R_2}.$$

Подставляя эти значения x, y, z въ уравненіе (4) и дѣля числи-
теля и знаменателя второй части на $\sqrt{R_1 R_2 R_3}$, находимъ требуемое
значеніе r .

Я. Полушкинъ (Знаменка); М. Зиминъ (Орелъ); Н. С. (Одесса).

№ 402 (3 сер.). Написать частное и остаток от деления многочлена

$$A_0x^m + A_1x^{m-1} + \dots + A_{m-1}x + A_m$$

на

$$(x - \alpha)(x - \beta).$$

Пусть $f(x)$ — данный многочлен, $\psi(x)$ — искомое частное.

$$f(x) = (x - \alpha)(x - \beta)\psi(x) + Mx + N, \quad (1)$$

где M, N — искомые коэффициенты остатка.

Полагая в уравнении (1) x последовательно α, β , получим:

$$f(\alpha) = Ma + N, \quad f(\beta) = Mb + N,$$

откуда:

$$M = \frac{f(\alpha) - f(\beta)}{\alpha - \beta} = A_0 \frac{\alpha^m - \beta^m}{\alpha - \beta} + A_1 \frac{\alpha^{m-1} - \beta^{m-1}}{\alpha - \beta} + \dots =$$

$$= A_0(\alpha^{m-1} + \alpha^{m-2}\beta + \dots) + A_1(\alpha^{m-2} + \alpha^{m-3}\beta + \dots) + \dots =$$

$$= A_0\alpha^{m-1} + (A_0\beta + A_1)\alpha^{m-2} + (A_0\beta^2 + A_1\beta + A_2)\alpha^{m-3} + \dots,$$

$$N = \frac{\alpha f(\beta) - \beta f(\alpha)}{\alpha - \beta} = f(\alpha) - Ma =$$

$$= -[A_0(\alpha^{m-1}\beta + \alpha^{m-2}\beta^2 + \dots) + A_1(\alpha^{m-2}\beta + \alpha^{m-3}\beta^2 + \dots) + \dots].$$

Напишемъ теперь частное отъ деления $f(x)$ на $x - \alpha$ по известной формулѣ:

$$A_0x^{m-1}x + (A_0\alpha + A_1)x^{m-2} + (A_0\alpha^2 + A_1\alpha + A_2)x^{m-3} + \dots \quad (2)$$

Дѣла по той же формулѣ многочленъ (2) на $x - \beta$, имеемъ:

$$\psi(x) = A_0x^{m-2} + [A_0\beta + (A_0\alpha + A_1)]x^{m-3} +$$

$$+ [A_0\beta^2 + (A_0\alpha + A_1)\beta + (A_0\alpha^2 + A_1\alpha + A_2)]x^{m-4} + \dots =$$

$$= A_0x^{m-2} + [A_0(\alpha + \beta) + A_1]x^{m-3} + [A_0(\alpha^2 + \alpha\beta + \beta^2) + A_1(\alpha + \beta) + A_2]x^{m-4} + \dots$$

H. C. (Одесса); M. Зиминъ (Орелъ).

№ 446 (3 сер.). Въ треугольникъ АВС вписанъ треугольникъ А'В'С'; около того же треугольника АВС описанъ треугольникъ А''В''С'', стороны которого соответственно параллельны сторонамъ треугольника А'В'С'. Показать, что

$$\frac{BA'}{A'C} = \frac{C'A}{AB''}, \quad \frac{CB'}{B'A} = \frac{A''B}{BC''}, \quad \frac{AC'}{C'B} = \frac{B''C}{CA''}.$$

Углы рассматриваемыхъ треугольниковъ условимся обозначать буквами ихъ вершинъ.

Стороны треугольниковъ ABC и $A'B'C'$ обозначимъ соотвѣтственно черезъ a, b, c и a', b', c' .

Кромѣ того, принимая во вниманіе параллельность сторонъ треугольниковъ $A'B'C'$ и $A''B''C''$, введемъ обозначенія:

$$\angle C''BA = \angle BC'A' = \beta; \quad \angle B''CA = \angle CB'A' = \gamma.$$

Замѣтимъ также, чѣо

$$\angle A' = \angle A'', \quad \angle B' = \angle B'', \quad \angle C' = \angle C''.$$

Тогда имѣемъ:

$$\frac{BA'}{b'} = \frac{\sin\beta}{\sin B}, \quad \frac{A'C}{c'} = \frac{\sin\gamma}{\sin C},$$

откуда

$$\frac{BA'}{A'C} = \frac{b'\sin\beta\sin C}{c'\sin\gamma\sin B} = \frac{\sin C\sin B'\sin\beta}{\sin B\sin C'\sin\gamma} \quad (1).$$

Точно также

$$\frac{C''A}{c} = \frac{\sin\beta}{\sin C''}, \quad \frac{AB''}{b} = \frac{\sin\gamma}{\sin B''},$$

откуда

$$\frac{C''A}{AB''} = \frac{c\sin\beta\sin B''}{b\sin\gamma\sin C''} = \frac{\sin C\sin B'\sin\beta}{\sin B\sin C'\sin\gamma};$$

слѣдовательно

$$\frac{BA'}{A'C} = \frac{C''A}{AB''}.$$

Точно также можно убѣдиться въ справедливости двухъ другихъ равенствъ.

М. Зиминъ (Орелъ); *Я. Полушкинъ* (с. Знаменка); *Н. С.* (Одесса).

ОТЧЕТЫ О ЗАСѢДАНИЯХЪ УЧЕНЫХЪ ОБЩЕСТВЪ.

Варшавскій Кружокъ Преподавателей Физики и Математики.

23 августа текущаго года утвержденъ уставъ Варшавскаго Кружка Преподавателей Физики и Математики, имѣющаго цѣлью слѣдить за успѣхами физики и способствовать преподаванію физики и математики въ среднихъ и низшихъ учебныхъ заведеніяхъ. Помѣщаемъ ниже ссыльня о первыхъ засѣданіяхъ кружка, любезно сообщенный намъ секретаремъ его.

Учредительное собраніе 25 сентября 1899 г.

Предсѣдательствовалъ товарищъ почетнаго предсѣдателя П. А. Зиловъ. Избраны должностные лица: предсѣдатель *Н. М. Бородинъ*, секретарь *Ф. И. Ростовцевъ*, казначай *К. О. Трубцинъ*, члены правленія *И. Я. Буляевъ*, *В. Я. Кривакинъ* и *В. А. Савиникъ*.

Назначены дни будущихъ засѣданій: 19 октября, 21 ноября и 5 декабря.

Избраны въ дѣйствительные члены: *А. Ф. Билима-Пастернаковъ*, *В. М. Булашевъ*, *Ф. Ю. Гиро*, *В. Г. Красницкій*, *Л. А. Ламовскій*, *Д. П. Петровъ*, *П. А. Православлевъ*, *А. А. Туголѣсовъ* и *И. Г. Швачко*.

Засѣданіе 19 октября 1899 г.

Засѣданіе происходило въ физической аудиторіи Университета подъ предсѣдательствомъ почетнаго предсѣдателя Кружка, г. попечителя Варшавскаго Учебного Округа В. Н. Лигина. Въ засѣданіи были слѣдованы слѣдующія сообщенія:

1. *П. А. Зиловъмъ* — „О разрядныхъ явленіяхъ въ круксовыхъ трубкахъ“.

2. *А. А. Трусевичемъ* — „Объ электролитическомъ прерывателѣ“. Сообщенія сопровождались многими опытами.

Затѣмъ заслушаны были: протоколь предыдущаго засѣданія, разрѣшеніе г. ректора Университета и г. попечителя Округа пользоваться для засѣданій физической аудиторіей Университета. Въ заключеніе было предложено и принято нѣсколько новыхъ дѣйствительныхъ членовъ.

Сообщилъ *Ф. Ростовцевъ*.

ОБЗОРЪ НАУЧНЫХЪ ЖУРНАЛОВЪ.

Bulletin de la Société Astronomique de France.

№ 5 — 1898.

Assemblée générale annuelle de la Soc. Astr. de France. Les progrès de l'Astronomie et de la Soc. Astr. de France. C. Flammarion.

Солнце приближается къ эпохѣ *minimum*'а солнечныхъ пятенъ, хотя большія пятна, видимы даже невооруженнымъ глазомъ, и появляются временами особенно въ южномъ полушаріи. Периодъ пятенъ точно не опредѣленъ: такъ напр. промежутокъ между двумя послѣдними *maximum* былъ въ 10 л., между послѣдними *minimum* — 11 лѣтъ. Эпоха *minimum* соотвѣтствуетъ наибольшимъ магнитнымъ возмущеніямъ на землѣ и *maximum*'у температуры (по мнѣнію Фламмаріона — по Жансену *minimum* солнечныхъ пятенъ сопровождается *minimum*'омъ температуры).

При лунныхъ затменіяхъ фаза затменія на фотографії болѣе наблюдаемой глазомъ; это можно объяснить тѣмъ, что часть лунной поверхности, погруженная въ конусъ полулуны, слегка освѣщается розоватыми лучами солнца, преломившимися въ земной атмосфѣрѣ; эти же лучи обладаютъ слабымъ дѣйствиемъ на фотографическую пластинку.

Наблюденіемъ надъ Марсомъ особенно занимались: Lowell и Douglass (въ Лондонѣ), Rerrotin (въ Ницѣ и Медонѣ) Бреннеръ (въ Истрѣ), Molesworth (на Цейлонѣ), Антоніади было поручено подвести итоги. Все таки остаются безъ объясненія такія странныя явленія: какъ напр. то обстоятельство, что восточный берегъ Mer de Sablier съ 1877 г. подвинулся впередъ на 700 килом.; непонятно, почему Trivium Charontis измѣняетъ свою форму; почему наиболѣе темной частью поверхности является то Mare Acidalium, то Lacus Solis и т. д. къ прежнимъ гипотезамъ о причинѣ двоенія каналовъ прибавились еще двѣ: согласно одной двоеніе есть результатъ присутствія на Марсѣ атмосферы (опытъ Менье), по другой — оптическая иллюзія.

Юпитеръ привлекалъ вниманіе многихъ астрономовъ. Въ результатѣ изслѣдований оказалось, что различныя зоны его вращаются съ различными скоростями; для экваторіальной зоны, лежащей между $+10^{\circ}$ и -12° периодъ вращенія = 9 ч. 50 м. 35 с., въ то время какъ для зоны между $+8^{\circ}$ и $+28^{\circ}$ периодъ = 9 ч. 55 м. 37 с. Сравнивая линейную скорость экваторіальной зоны и съ южныхъ съ нею, получаемъ, что относительная скорость экваторіальной зоны = 420 кил. въ часъ. Замѣчательно, что скорость экваторіальной зоны съ теченіемъ времени уменьшается: такъ въ 1879 г. периодъ вращенія ея = 9 ч. 49 м. 59 с., а теперь 9 ч. 50 м. 35 с., что для линейной скорости даєтъ уменьшеніе въ 42 кил. въ часъ.

Въ кольцахъ Сатурна замѣчены новые просвѣты, свидѣтельствующіе о неустойчивости этой системы.

Относительно Венеры ничего положительного узнать не удалось.

Пуанкаре доказалъ, что если принять во вниманіе кромѣ притяженія и другія обстоятельства (трение, обусловливаемое приливами, сопротивленіе междупланетной среды, магнитные дѣйствія и т. д.), то извѣстный законъ о прочности солнечной системы перестанетъ быть вѣрнымъ. Всѣ эти обстоятельства ведутъ къ разсѣянію энергіи и приведутъ солнечную систему къ такому состоянію, когда всѣ планеты со своими спутниками будутъ вращаться около одной оси, какъ части одного цѣлага; за этимъ состояніемъ послѣдуетъ паденіе планетъ на солнце.

Малыхъ планетъ открыто 7 (6 въ Ницѣ Charlois), такъ что общее число ихъ = 432.

Открыта только одна новая комета (Perrine на Обсерв. Lick'a); найдена по вычисленной эфемеридѣ комета д'Арре. Леонидовъ наблюдала мало.

Вновь найденный спутникъ Сиріуса былъ наблюдаемъ нѣсколько разъ; для периода обращенія его найдено число 52 г.; разстояніе его отъ Сиріуса = приблизительно разстоянію Урана отъ солнца; масса его вѣроятно втрое больше массы солнца.

Найденный по предсказанію и вычисленіямъ Бесселя спутникъ Проціона былъ наблюдалемъ снова на разстояніи 4,7" при углѣ положенія въ 324°1.

Двойными звѣздами занимались: Sée, Burnham, Глазенапъ, Innes.

До сихъ поръ наиболѣе сильное собственное движеніе извѣстно было у звѣзды 1830 Groombridge въ созвѣздіи Б. Медвѣдицы; оно равнялось 7,"05 въ годъ. Въ настоящее время найдена звѣзда съ болѣе быстрымъ движеніемъ, а именно 8,"7 (№ 243 пятаго часа катал. Cordoba).

Число членовъ французскаго астрономическаго общества дошло до 2000. Они разсѣяны по всему земному шару, въ Гавелупѣ, на Канарскихъ и Азорскихъ островахъ, на Балканахъ, въ Канадѣ, Боготѣ, на Мартиникѣ и т. д. Дамскій призъ присужденъ de la Baume Pluvine'ю, призъ Жансена - Лэнгли за совокупность его астрономическихъ работъ.

Possibilité de déplacer les pôles de la terre par des actions mécaniques.

M. Fruché. Авторъ останавливается на слѣдствіяхъ изъ одной теоремы механики, касающейся вращенія тѣлъ. Если система подвержена только дѣйствію внутреннихъ силъ, то равнодѣйствующая ось моментовъ количествомъ движенія составныхъ частей системы сохраняетъ въ пространствѣ неизмѣнное положеніе. Если система вращается около постоянной оси какъ твердое тѣло, то равнодѣйствующая ось моментовъ количествомъ движенія совпадаетъ съ осью вращенія".

Пусть система состоить изъ двухъ твердыхъ частей Р и Q, могущихъ перемѣщаться одна относительно другой. Пусть первоначально система вращалась около нѣкоторой оси. Если, повинуясь дѣйствію внутреннихъ силъ Р и Q совершаютъ замкнутый циклъ перемѣщений и придутъ въ первоначальное положеніе, то ось сохранитъ первоначальное положеніе въ пространствѣ, хотя и измѣнить его относительно Р и Q. Предположимъ, что земной шаръ есть тѣло вращенія, опустимъ прецессию и нутацию и допустимъ, что нѣкоторая большая масса перемѣщается по кругу съ центромъ на экваторѣ; ось вращенія сохранить согласно указанной теоремѣ свое положеніе въ пространствѣ, т. е. будетъ оставаться направленной къ той же точкѣ неба, но *внутри* земли она измѣнить свое положеніе, т. е. полюсы перемѣщатся; если это движеніе протянется достаточно долго то полюсы могутъ перейти на экваторъ; если, начиная съ этого момента, перемѣщеніе массы прекратится, то новое положеніе оси сохранится; если же движеніе продолжится, то полюсы могутъ помѣняться мѣстами.

Авторъ задается вопросомъ, какъ велика энергія, которую нужно затратить для перемѣщенія полюсовъ въ плоскость экватора, и для вычисленной величины даетъ такое наглядное выражение: искумую энергию могли бы доставить 1000000 самыхъ сильныхъ паровыхъ машинъ (такихъ, какъ на броненосцахъ), работая непрерывно 2000000 лѣтъ; для этой цѣли потребовалось бы сжечь такое количество угля, какое на землѣ можно было бы добыть въ 10000000 лѣтъ, предполагая ежегодную добчу углa равную нынѣшней.

L'air liquide.

Le cirque lunaire Flammariou. L. Rudaux. Во время полнолуния интересно наблюдать на луне некоторые светлые и темные пятна и полосы, природа которых неизвестна. Rudaux дает рисунок таких пятен и полос в цирке Фламмариона.

La photographie au clair de lune. F. Quénisset et E. Touchet. Для получения фотографических снимков при лунном освещении необходим светодиодный объектив и очень чувствительная пластика. Если отверстие объектива = $f: 7$, то при хорошей погоде и высоте луны в 45° достаточно поза от 30 м. до часу; при портретном объективе с отверстием в $f: 3$ достаточно не сколько минут.

Пластинки требуются ортохроматическая. Между прочим для приготовления очень чувствительных пластинок годится такой рецепт:

| | |
|-------------------------------------------------|------------|
| спирту въ 80° | 100 кб. с. |
| раствора азотоцисл. серебра въ $1/15$ | 2 кб. с. |
| аммиаку | 10 кб. с. |

Пластинку следует опустить в раствор на 3—4 минуты и высушить.

Недостаток фотографий при лунном освещении состоит в том, что, благодаря продолжительной позе, успевают переместиться тени, что впрочем не особенно важно при фотографировании отдаленных пейзажей. На фотографии получается масса деталей, которых невооруженным глазом нельзя было бы различить.

Авторам удалось между прочим получить на снимке скакового круга в Булонском лесу изображение тумана, причем видно, как этот туман такъ сказать сливается через заборъ на дорогу.

La prévision du temps. Mémoire présenté à la Soc. Astr. par A. Ivetot.—E. Caspari.

Nouvelles de la Science Variétés.

13 марта 1898 было покрыто пятнами 419450000 кв. кил. солнечной поверхности; наибольшая группа пятен имѣла въ длину 228000 к.

Le ciel du 15 Mai au 15 Juin.

K. C. (Умань).

ДОСТАВЛЕННЫЯ ВЪ РЕДАКЦІЮ КНИГИ И БРОШЮРЫ.

145. Лѣтніе повторительные курсы для обучающихся въ начальныхъ городскихъ школахъ, устроенные при Бакинскомъ техническомъ училищѣ. Прил. къ Циркуляру по управлению Кавказск. Уч. Окр. за 1898 годъ. № 4.

146. О физическомъ воспитаніи въ Швеціи. Путевыя впечатлѣнія. Надзирателя Бакинского техническаго училища А. Дѣдулова. Прил. къ Циркуляру по управлению Кавказск. Уч. Окр. за 1898 годъ. № 5.

147. Протоколъ засѣданія комиссіи для обсужденія результатовъ испытания учениковъ 1-го отдѣленія армянского начального училища при Закавказской учительской семинаріи, произведенаго 10 ноября 1897 года, съ цѣлью опредѣлить ихъ въ усвоеніи русской рѣчи по естественному методу. Прил. къ Циркуляру по упр. Кавказск. Уч. Окр. за 1898 годъ. № 6.

148. Отчетъ о лѣтней колоніи учащихся Бакинской Маріинской женской гимназіи за 1897 годъ. Прил. къ Циркуляру по управлению Кавказск. Уч. Окр. за 1898 годъ. № 7.

149. Проектъ устава вспомогательного общества „Санаторій“ на Эссентукской группѣ Кавказскихъ минеральныхъ водъ. М. 1898.

150. Краткія свѣдѣнія изъ исторіи и современаго положенія Кавказскихъ минеральныхъ водъ. Отчетъ по Эссентукской благотворительности. 1898 г. М. 1898.

151. С. Адамовича. Формулы по ариѳметикѣ алгебрѣ, геометріи и тригонометріи съ приложеніемъ таблицъ: первоначальныхъ чиселъ до 10000, вѣчетныхъ составныхъ до 10000 и мн. др. Кіевъ. 1898. Ц. 40 к.

152. В. П. Мининъ, преподаватель Московской 3-й гимназіи. Сборникъ геометрическихъ задачъ. Издание седьмое (47-я тысяча экземпляровъ) съ значительно расширеннымъ собраніемъ задачъ, рѣшаемыхъ совмѣстнымъ примѣненіемъ геометріи и тригонометріи. Москва. 1898. Ц. 90 коп.

153. Курсъ теоріи вѣроятностей. Проф. М. Тихомандрицкаго Харьковъ. 1898.

154. Прямолинейная тригонометрія для среднихъ учебныхъ заведеній. Составилъ П. Злотчанскій, преподаватель Одесского реального училища св. Павла. Третье улучшенное изданіе. Одесса. 1899. Ц. 75 к.

155. Ф. Клейнъ. Лекціи по избраннымъ вопросамъ элементарной геометріи. Съ приложеніемъ мемуара Ванцеля: Изслѣдованіе средствъ распознавать, можно ли геометрическую задачу разрѣшить съ помощью циркуля и линейки. Переводъ студ. Н. Парфентьевъ подъ ред. проф. д. м. Синцова. Издание Физико-Математического Общества. Казань. 1898. Ц. 75 к.

156. И.. К. Энгельмайеръ. Критика научныхъ и художественныхъ учений Гр. Л. Н. Толстого. М. 1898. Ц. 35 к.

157. Эволюція понятія о числѣ. М. Волковъ. Спб. 1899. Ц. 80 к.

158. Преосвященнаго Николая, Епископа Таврическаго и Симферопольского, бывшаго Алеутскаго и Аляскинскаго, прощальное слово къ пастырямъ и пасомымъ Алеутской епархіи и прощальное посланіе къ Президенту Соединенныхъ Штатовъ. Нью-Йоркъ. 1898.

158. В. В. Рудневъ. Сборникъ ариѳметическихъ задачъ для народныхъ школъ, приспособленный и для инородческихъ школъ. Отдѣль для учащихся въ двухъ тетрадяхъ. I тетрадь. Числа первой сотни. Рига. 1898. Ц. 15 к. (2 экз.).

ПОЛУЧЕНЫ РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ отъ слѣдующихъ лицъ: Л. Маизанка (Бердичевъ) 523, 531, 535, (3 сер.); А. Гвоздева (Курскъ) 535, 538. (3 сер.); Ч. Лисевича (Курскъ) 535, 538 (3 сер.); К. Пепіонижкоевича (Лубны) 535, 537, 538, 541, 544, 545 (3 сер.); И. Теплакова (Кіевъ) 537, 544, 545, 549, 550, 557 (3 сер.); Ф. Билогорцева (Казань) 553, 555, 557 (3 сер.); Б. Фреймана (Тамбовъ) 525, 535, 536, 538, 539, 545 (3 сер.); Я. Полушкина (Знаменка) 488 (3 сер.), 496 (2 сер.); Ф. Шнейдера (Бѣлостокъ) 465, 477 (3 сер.).

Редакторъ В. А. Циммерманъ.

Издатель В. А. Гернетъ.

Дозволено цензурою, Одесса, 29-го Октября 1899 г.

Типографія Г. М. Левинсона, Ришельевская, домъ № 19.

ПОДПИСКА НА 1899 ГОДЪ „ОБЩЕДОСТУПНЫЙ ТЕХНИКЪ“

ДЕШЕВЫЙ

Русский Популярно - Технический и Литературный ежемѣсячный журналъ
для самообразованія

выходитъ одинъ разъ въ мѣсяцъ книжками въ 12 печатныхъ листовъ
СЪ РИСУНКАМИ и ЧЕРТЕЖАМИ.
Кромѣ оригиналъныхъ статей и отчета о русскихъ журналахъ, даетъ
выдержки по всѣмъ отраслямъ техники, химическихъ производствъ
и естествознанія,

взятыхъ изъ 60 иностраннѣхъ журналовъ,

получаемыхъ редакцію со всѣхъ концовъ свѣта.

ПРОГРАММА ЖУРНАЛА:

Оригинальныи популярныи статьи по техникѣ и пересказы простымъ языкомъ научныхъ статей о новѣйшихъ техническихъ свѣдѣніяхъ, сообщаемыхъ лучшими европейскими и американскими техническими журналами. Рекоменданія руководствъ и книгъ для техническаго самообразованія. Распоряженія правительства, касающіяся фабрикъ, заводовъ, правилъ поступленія въ техническія учебныи заведенія и правъ тамъ приобрѣтаемыхъ. Литературный отдѣлъ: рассказы и очерки изъ фабричного и заводскаго быта, корреспонденція изъ провинціи, вопросы и отвѣты подписчиковъ, біографіи дѣятелей и тружениковъ науки и техники и пр. Въ особомъ приложеніи: печатаніе техническихъ учебниковъ, составленныхъ по программамъ для подготовленія къ экзаменамъ на разныи техническіи степени. Сельско-хозяйственный отдѣлъ: архитектура, машины и технологія. Научныи и техническіи развлеченія, ребусы и загадки и обмыньи свѣдѣній между производителями и покупателями посредствомъ объявлений статей и пр.

Примѣчаніе. Редакція просить всѣхъ лицъ, близко стоящихъ къ фабричному, заводскому и сельско-хозяйственному дѣлу, присыпать свои корреспонденціи и заявленія о томъ, какіе техническіе вопросы имъ желательно было бы видѣть разработанными

въ „ОБЩЕДОСТУПНОМЪ ТЕХНИКѢ“
и въ простомъ и удобопонятномъ изложеніи.

УСЛОВІЯ ПОДПИСКИ:

Цѣна на годъ 6 рублей съ доставкою и пересылкою во всѣ города Россіи, и 5 руб. — въ годъ безъ доставки въ Москву. Разсрочка допускается съ платою при подпісцѣ — 4 рублей и 1-го мая — 2 рублей.

За объявленія: за цѣлуу страницу 20 руб., за $\frac{1}{2}$ страницы — 12 руб. и за $\frac{1}{4}$ страницы 7 руб. за разъ.

Адресъ редакціи: Москва. Трехпрудный пер., д. Казниной, № 11.

32 Редакторъ Инженеръ М. Пріоровъ.

ПОДПИСКА ПРИНИМАЕТСЯ на 1899 годъ.

ЖУРНАЛЪ Русского Общества

ОХРАНЕНИЯ НАРОДНАГО ЗДРАВІЯ

ВІД ВОСЬМОЇ ГОДЪ ІЗДАНІЯ.

Допущенъ Ученымъ Комитетомъ Министерства Народнаго Просвѣщенія для фундаментальныхъ библиотекъ среднихъ учебныхъ заведеній, какъ мужскихъ такъ и женскихъ.

„ЖУРНАЛЪ“ выходитъ ежемѣсячно книжками, отъ 5 до 7 печатныхъ листовъ, по слѣдующей программѣ:

1) Самостоятельныя статьи и научные сообщенія.—2) Отчеты о засѣданіяхъ отдѣловъ и секцій Общества: 1-й—біологической, 2-й—статистической, эпидеміологической и медицинской географіи, 3-й—общественной и частной гигіиенѣ, 4-й—гигіиена дѣтскаго и школьнаго возраста, 5-й—бальнеологии и климатологии.—3) Научные корреспонденціи.—4) Рефераты о главнѣйшихъ работахъ изъ русской и иностранной литературы,—по біологии, статистикѣ, эпидеміологии, гигіиенѣ, бальнеологии и климатологии.—5) Критика и библиографія.—6) Хроника.—7) Частныя объявленія и публикаціи. 8)—Приложения.

Въ Приложениі къ Журналу, между прочимъ, помѣщены въ 1893—1897 гг.:

„Сравнительная статистика населенія (смертность)“ проф. Ясона, „Журналы засѣданій Московск. Гигіен. Общества“. „Отчеты Спб. городск. санит. комиссії“ за 1892—1896 гг., „Отчеты Спб. городск. лабораторіи“, за 1892—1897 гг.

„Врачебная учрежденія С.-Петербурга“ д-ра А. Липскоа, „Молоко Спб. коровъ“, д-ра Архангельского. „О санитарномъ надзорѣ за пищевыми продуктами въ Спб.“, Чертежи къ проекту участковой земской больницы“, проф. А. А. Веденепина. „Дѣтская лечебная колонія въ Варшавѣ“, „Труды комиссіи по вопросу о водоснабженіи г. Тулы“. „Очеркъ развитія дѣтскихъ лечебныхъ колоній въ Россіи и заграницей“, д-ра М. Д. ванъ Путтеренъ. „Материалы по оспопрививанію въ Россіи“ и пр.

Подписная цѣна въ Годъ 4 руб. съ доставкою и пересылкою.

ПОДПИСКА ПРИНИМАЕТСЯ: въ С.-Петербургѣ: въ канцеляріи Общества охр. нар. здравія: С.-Петербургъ, Дмитровскій пер., д 15, и въ книжныхъ магазинахъ: Риккера, Карбасникова, Петрова, Ярошевской, Сойкина и др.

„ЖУРНАЛЪ“ можетъ быть высланъ наложенными платежомъ.

Плата за объявленія—за одинъ разъ: за страницу 10 руб., за $\frac{1}{2}$ страницы 7 руб., за $\frac{1}{4}$ страницы 4 руб. Объявленія впереди текста на 25% дороже.

О всякой книжкѣ, присланной въ редакцію, печатается объявленіе или отзывъ.

Экземпляры „Журнала“ за предыдущіе годы по 3 р. съ перес.

Контора Журнала помѣщается въ канцеляріи Р. Общества охраненія народнаго здравія: С.-Петербургъ, Дмитровскій пер., д. № 15. Открыта ежедневно, исключая праздниковъ, отъ 6 до 8 часовъ вечера.

Обложка
ищется

Обложка
ищется