

Обложка
ищется

Обложка
ищется

ВѢСТИНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ и ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

XII Сем.

№ 134.

№ 2.

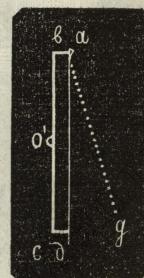
Содержание: Объ одномъ лекционномъ электрометрѣ. Проф. Ф. Шведова. — Какъ слѣдуетъ начинать преподаваніе геометріи? С. Житкова (Продолженіе).—Опыты и приборы. — Смѣсь. — Разныя извѣстія. — Библіографический листокъ. — Задачи №№ 298 — 304. — Задачи на испытаніяхъ зрефлости. — Рѣшенія задачъ №№ (2 сер.). 50 и 84.

ОБЪ ОДНОМЪ ЛЕКЦИОННОМЪ ЭЛЕКТРОМЕТРѦ.

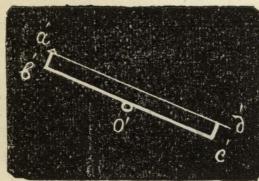
Нижеописанный электрометръ отличается отъ приборовъ того же рода, употребляемыхъ нынѣ, тѣмъ, что его наэлектризованныя части не измѣняютъ своего относительного положенія и, слѣдовательно, своей электрической емкости. Отсюда простая пропорціональность между накопившейся на электрометрѣ массой и ея потенціаломъ.

Пусть *abcd* (фиг. 1) представляетъ латунную скобу, *ad* — очень тонкую полоску аллюминія. Послѣдняя можетъ легко вращаться на оси *a*, укрѣпленной горизонтально на концѣ скобы. Кромѣ того самая скоба можетъ быть поворачиваема около горизонтальной оси *o* на любой уголъ.

Приведеніе къ нулю этой системы достигается такъ: предоставляютъ аллюминіевой полоскѣ висѣть вертикально и затѣмъ поворачиваютъ скобу до того, пока ея нижній выступъ *cd* не прикоснется къ концу полоски *ad*. Предполагается, что при этомъ вся система отведена къ землѣ. Послѣ этого удаляютъ соединеніе съ землею и сообщаютъ систему съ истокомъ электричества. Теперь полоска отталкивается скобой и принимаетъ некоторое новое положеніе *ag*. Поворачиваютъ скобу около оси *o*, и слѣдовательно въ вертикальной плоскости, до тѣхъ поръ, пока выступъ *cd* не прикоснется снова къ концу пластинки *ad* (фиг. 2). Хотя въ этомъ новомъ положеніи полоска



Фиг. 1.



Фиг. 2.

нальна квадрату массы и следовательно — квадрату потенциала. Обозначая потенциалъ черезъ r , и черезъ k' некоторую постоянную, имѣемъ

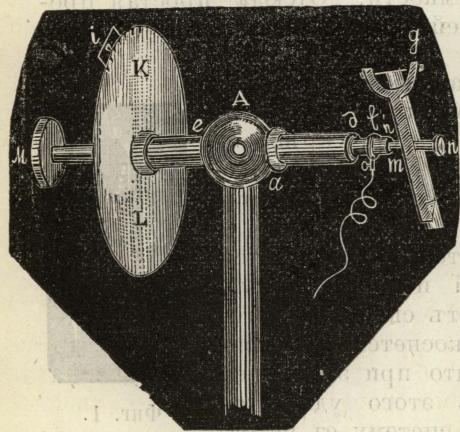
$$v^2 = k' \sin x,$$

$$v = k\sqrt{\sin \alpha},$$

где k тоже постоянная.

Полагая $\alpha = 90^\circ$, имеемъ $r = k$, т. е. k представляетъ то значение потенциала, которое необходимо, чтобы отталкивательная сила равнялась вѣсу алюминиевой полоски.

Если мы желаемъ ограничиться сравнительными измѣреніями, то можно принять это значение потенціала, т. е. k за единицу. Въ противномъ случаѣ можно сравнить показанія этого электрометра съ тѣми, которые получаются при помощи абсолютнаго электрометра, напр. В. Томсона. Тогда число k опредѣлится въ абсолютныхъ единицахъ, и число это можно изобразить на скобѣ, какъ *постоянную* прибора. Замѣтимъ, что требуется *одно только* сравненіе съ абсолютнымъ электрометромъ, и этимъ описываемый приборъ отличается отъ другихъ лекціонныхъ электро-



Фиг. 3.

Фиг. 3. рою поворачиваются ось *f*. На другом конце этой оси металлическая оправа, на которую накинуто кольцо *m*, снабженное зажимным винтомъ, для закрѣпленія проволоки, идущей къ источнику электричества.

тричества. Система пластинокъ g насаживается на металлическую оправу n' треніемъ, что позволяет снимать ее и замѣнять другою, болѣе или менѣе чувствительною. KL картонный дискъ; i указатель, прикрепленный къ оси вращенія f .

Скала наносится на картонный дискъ такъ, что дѣленія соответствуютъ равнымъ приращеніемъ не угла α , а выражения $\sqrt{\sin \alpha}$. Это освобождаетъ отъ необходимости перечислять показанія электрометра.

Чувствительность прибора зависитъ отъ вѣса и слѣдовательно — отъ толщины аллюминіевой полоски. Для увеличенія чувствительности электризумой системѣ можно придать форму, изображенную на фиг. 4-й, т. е. помѣстить ось вращенія пластинки въ ее серединѣ, а отталкивающую скобу раздѣлить на двѣ части, которая и помѣстить по обѣ стороны аллюминіевой пластинки. Но въ такомъ видѣ приборъ непригоденъ для опытовъ надъ статическимъ электричествомъ, вслѣдствіе излишней чувствительности.

Замѣтимъ, что высокая чувствительность этого расположения полосокъ зависитъ только оттого, что обѣ отталкивающиеся полоски всегда находятся вблизи другъ друга, между тѣмъ какъ онѣ расходятся въ обычновенныхъ электрометрахъ съ листочками, тѣмъ чувствительность уменьшается.

Само собой разумѣется, что для точныхъ измѣреній наэлектризованныя система g должна быть защищена металлическимъ цилиндромъ, отведеннымъ къ землѣ, оставляющимъ необходимыя отверстія. Но для лекціонныхъ цѣлей достаточно предъ каждымъ измѣреніемъ отвести къ землѣ систему g при помощи руки и убѣдиться при этомъ, что источникъ электричества, появляющійся при опытахъ, на столько удаленъ отъ электрометра, что не производитъ на него замѣтнаго дѣйствія.

Ѳ. Шведовъ.

КАКЪ СЛѢДУЕТЪ НАЧИНАТЬ

ПРЕПОДАВАНІЕ ГЕОМЕТРІИ?

(Продолженіе) *).

Конспектъ курса.

Въ предыдущей статьѣ мы старались выяснить, что система Эвклида не можетъ быть строго обоснована на тѣхъ началахъ, которыя приняты въ ней въ формѣ явно выставленныхъ аксиомъ и постулатовъ, и что стремленіе держаться при самомъ началѣ обучения строго формальной системы дѣлаетъ сознательное усвоеніе началъ геометріи почти невозможнымъ для учениковъ. Въ на-



Фиг. 4.

*.) См. № 133 В. О. Ф.

стоящей статьи мы сдѣлаемъ попытку намѣтить конспектъ такого курса, который облегчилъ бы ученикамъ первые шаги въ усвоеніи началъ геометріи.

Ученики приносятъ съ собою въ учебное заведеніе цѣлый запасъ пространственныхъ представлений, которыя хотя и не приведены въ надлежащую систему, но все же въ основѣ своей вѣрны. Съ чего же начинаютъ обученіе геометріи? Всѣ эти въ основѣ своей вѣрныя представлениа отвергаются, взамѣнъ ихъ даются логически-формальныя опредѣленія, аксиомы и постулаты, и рѣчь ума, еще не дисциплинированного въ сфере отвлеченно-формальныхъ выводовъ, требуютъ изъ этихъ туманныхъ для него основъ вывести очевидныя и безъ всякихъ доказательствъ истины. Естественно, къ чѣму можетъ привести такая система.

Является поэтому вопросъ, нельзя ли обойти эти трудности, воспользовавшись непосредственно тѣмъ запасомъ представлений, который имѣется у учениковъ, развить и упорядочить эти представлениа, установить для нихъ надлежащіе термины и, на основаніи всего этого, вызвать и обосновать новыя представлениа, а соотвѣтственно обогащенію ученика этими представлениями, перейти къ болѣе общимъ математическимъ понятіямъ и доказательствамъ. Мнѣ кажется, что это достигается путемъ введенія нѣкоторыхъ положеній, принимаемыхъ безъ доказательства на основаніи нашихъ непосредственныхъ пространственныхъ представлений, которыя, впрочемъ, неявно входятъ и въ общеупотребительную систему геометріи. Циркуль и линейка при этомъ должны приобрѣсти существенное значеніе. Такъ, раньше чѣмъ какой либо геометрический объектъ будетъ введенъ въ эту систему, существованіе его должно быть доказано путемъ указанія способа его построенія, что съ одной стороны удовлетворить теоретическимъ требованіямъ, съ другой же стороны будетъ имѣть и громадное методическое значеніе. Чисто формальная опредѣленія основныхъ понятій совершенно исключаются изъ проектируемаго нами курса. Взамѣнъ ихъ мы вводимъ разъясненія и упражненія, путемъ которыхъ эти понятія будутъ вызваны изъ соответствующихъ представлений, такъ сказать, способомъ описательнымъ.

Надо замѣтить, что не всѣ понятія возникаютъ въ нацѣ исключительно путемъ суммированія общихъ признаковъ соотвѣтствующихъ группъ представлений, какъ напр. понятія дерево, растеніе, животное. Есть цѣлая сфера понятій, о которыхъ говорять, что они суть идеализированныя представлениа. Къ такимъ понятіямъ относятъ понятія о геометрическихъ формахъ, если они не возникаютъ чисто логически изъ основныхъ положеній путемъ опредѣленія, а образуются изъ вѣшнихъ восприятій. Есть еще такія понятія какъ вѣчность, бесконечность, которыя для своего образования не имѣютъ въ природѣ непосредственныхъ объектовъ, съ которыхъ могли бы взять соотвѣтствующія представлениа. Понятія эти образуются путемъ установленія возможности непрерывнаго и безпределнаго увеличенія конечныхъ объ-

ектовъ. Къ числу понятій, возникающимъ въ настъ подобнымъ же путемъ, можно отнести и понятіе о точкѣ.

Это понятіе намъ представляется всего удобнѣе вызвать въ умѣ ученика путемъ, такъ сказать, исчерпыванія, путемъ обратныхъ тому, какимъ въ настъ возникаетъ понятіе о безконечности.

Укажемъ на какихъ примѣрахъ это понятіе всего легче можетъ быть вызвано у учениковъ.

Пусть напр. требуется измѣрить разстояніе между двумя городами. Ученики легко усматриваютъ, что въ такой общей формѣ задача является неопределеною, такъ какъ рѣшенія ея зависятъ отъ выбора начального и конечного пункта измѣренія.

Чтобы сдѣлать эту задачу болѣе определеною въ смыслѣ полученія отвѣтовъ, менѣе различащихся между собою, можно указать болѣе точно начало и конецъ измѣренія, предложивъ напр. измѣрить разстояніе отъ вокзала, находящагося въ одномъ городѣ, до вокзала въ другомъ.

Выполняя предложенное требованіе, ученики увидятъ, что и въ этомъ случаѣ задача остается неопределенной, хотя различныя рѣшенія ея будутъ ближе другъ къ другу.

Чтобы еще болѣе уточнить въ этомъ смыслѣ задачу, намѣтимъ какое либо мѣсто на томъ и другомъ вокзалахъ, выбравъ напр. по определенному столбу на каждомъ изъ нихъ.

Но и въ этомъ случаѣ задача все же не сдѣлается определеною, и предѣль, до котораго могутъ разниться рѣшенія ея, будетъ равенъ полусуммѣ толщины обоихъ ея столбовъ.

Чтобы уменьшить этотъ предѣль, предположимъ, что выбранные нами столбы мы тѣмъ или другимъ способомъ можемъ сдѣлать тоньше.

Ясно, что чѣмъ болѣе мы будемъ утонять ихъ, тѣмъ уже будутъ предѣлы, между которыми могутъ варироваться рѣшенія задачи.

Но все же она останется неопределенной до тѣхъ поръ, пока эти столбы сохранять хоть какую нибудь толщину.

Сдѣлаться определеною она могла бы лишь тогда, когда какъ на томъ, такъ и на другомъ вокзалѣ мы могли бы получить столбы, не имѣющіе никакой толщины.

Ученики ясно понимаютъ, что такихъ матеріальныхъ столбовъ въ дѣйствительности быть не можетъ, но что это условіе необходимо для то-

го, чтобы при данной выше формулировкѣ задачи она стала определеною.

Этого условія оказывается однако еще недостаточно. Представивъ себѣ два такихъ столба, мы можемъ измѣрять разстояніе между ними, начиная отъ подошвы одного до подошвы другого и отъ вершины одного до подошвы другого. Разность между результатами этихъ измѣреній будетъ, очевидно, уменьшаться параллельно съ укорачиваніемъ этихъ столбовъ и абсолютно уничтожается одновременно съ уничтоженіемъ всякой высоты этихъ столбовъ.

Въ этомъ послѣднемъ случаѣ мы получимъ точное указаніе начала и конца измѣренія, обозначаемое точкою, понятіе о которой такимъ путемъ и зародится въ умѣ учениковъ.

ять сознательно. Остается только еще разъ обратить вниманіе учениковъ на то, что понятіе о точкѣ чисто идеальное, и что въ практикѣ стремятся по возможности близко подойти къ этому идеальному геометрическому объекту, употребляя для обозначенія начального и конечного пункта измѣренія по возможности тонкіе столбы, а при черченіи на бумагѣ начальный и конечный пунктъ обозначается самымъ легкимъ уколомъ ножки циркуля.

Надо замѣтить, что и безъ этого объясненія ученики имѣли понятіе о точкѣ, хотя оно и не было у нихъ столь отчетливо, какъ послѣ сейчасъ указанныхъ разъясненій.

Уяснивъ такимъ образомъ понятіе о точкѣ, можно перейти къ выясненію понятія о линіи.

Начнемъ это выясненіе съ указанія на линію, какъ границу частей плоскости и перейдемъ къ тому взгляду на нее, по которому она разсматривается, какъ путь движущейся точки. Возьмемъ примѣръ. Пусть какая либо поверхность окрашена въ два цвета—желтый и красный. Между этими двумя различно окрашенными частями поверхности есть граница, но такъ какъ на этой поверхности третьего цвета не краснаго и не желтаго нѣть, то, идя по той части поверхности, которая окрашена желтымъ цветомъ, по направлению къ красному, мы сразу переходимъ изъ желтаго на красный и не можемъ найти такого мѣста, где бы мы не были на томъ или другомъ цветѣ. Слѣдовательно, эта граница не имѣтьширины и по ней, не находясь на той или другой части плоскости или на обѣихъ одновременно, никакое материальное тѣло двигаться не можетъ. Мы можемъ только мыслить точку, которая, не имѣя никакихъ размѣровъ, можетъ двигаться по этой границѣ. Такая граница есть линія.

Линію мы можемъ мыслить и независимо отъ тѣхъ частей поверхности, которая она раздѣляетъ, представляя себѣ лишь тѣтъ путь, по которому двигалась точка. Если такая точка двигалась по какой либо поверхности, то путь ея движенія будетъ въ то же время и границею между частями этой поверхности.

Такимъ путемъ ученики выяснятъ себѣ первые элементы тѣхъ свойствъ линіи, понятіе о которыхъ было у нихъ и раньше, но въ смутномъ, неотчетливомъ видѣ.

Теперь перейдемъ къ разсмотрѣнію свойствъ прямой линіи. При решеніи первой задачи обѣ измѣреніи разстоянія ученики показали, что они имѣютъ понятіе о кратчайшемъ пути отъ одной точки до другой. Предложимъ теперь подобную же задачу, но разсмотримъ ее съ другой стороны.

Пусть требуется измѣрить длину какой либо дороги. Спрашивается, будетъ ли длина этой дороги зависѣть отъ ея ширины? Этимъ вопросомъ мы хотимъ заставить учениковъ сдѣлать нѣкоторое отвлеченіе, которое можно выразить въ словахъ: Когда мы говоримъ о длине дороги, то намъ нѣть дѣла до ея ширины. Точно такъ же намъ нѣть дѣла до ширины и толщины того стержня, при помощи которого мы измѣряемъ длину. Если бы мы

пожелали напр. сравнить два образца нашихъ мѣръ длины, то должны были бы сравнить лишь ихъ длину, не обращая вниманія на остальные размѣры ихъ. Слѣдовательно въ обоихъ этихъ случаяхъ, какъ и въ случаѣхъ аналогичныхъ, рассматриваемые объекты могли бы быть замѣнены линіями равными имъ по длине.

Возьмемъ еще примѣръ. Пусть требуется измѣрить разстояніе между двумя точками. При этомъ прежде всего является вопросъ о томъ путь, по которому должно быть сдѣлано это измѣреніе. Такихъ путей, обозначаемыхъ линіями, можетъ быть безчисленное множество, но между ними есть одинъ кратчайшій путь. Путь этотъ указываетъ прямая линія, проведенная между данными точками. Ученики хорошо это знаютъ и сейчасъ же предложить практическіе приемы для полученія этого пути при помощи натяженія нити между данными точками или при посредствѣ линейки. Здѣсь, слѣдовательно, умѣстно сформулировать свойство прямой, какъ кратчайшаго разстоянія отъ одной точки до другой.

Обращаясь затѣмъ къ линейкѣ, слѣдуетъ указать способъ ея провѣрки. Способъ этотъ ученики легко поймутъ, если только не предложить его сами, особенно если для этого случая взять умышленно кривую линейку. Здѣсь, слѣдовательно, еще разъ представляется случай обратить вниманіе учениковъ на свойство прямой быть единственою между двумя точками и сформулировать это свойство соотвѣтствующимъ образомъ.

Разъясненіемъ этихъ свойствъ прямой можно пока ограничиться. Теперь остается указать на линію ломаную и сказать, что всякая другая линія не прямая и не ломаная называется кривою.

Какъ примѣръ кривой слѣдуетъ сейчасъ же дать понятіе обѣ окружности путемъ указанія способа ея образованія, и остановить вниманіе учениковъ на томъ, что окружность есть геометрическое мѣсто точекъ, находящихся на данномъ разстояніи отъ данной неподвижной точки.

Установивъ такимъ образомъ понятіе о прямой и обѣ окружности и указавъ на линейку и циркуль, какъ на инструменты, при помощи которыхъ могутъ быть обозначены эти линіи на чертежѣ, можно перейти къ решенію задачъ. Задачи эти будутъ требовать для своего решенія приложенія всего此刻 изложенного и послужатъ къ выясненію и закрѣпленію усвоенныхъ此刻 понятий. Какъ эти задачи, такъ и всѣ послѣдующія должны решаться непремѣнно при помощи циркуля и линейки.

1. Данна точка O и отрезокъ a , найти одну, две, три, пять, десять точекъ, лежащихъ на разстояніи a отъ O .

NB. Гдѣ лежать всѣ эти точки? Увеличить число ихъ. Найти мѣсто всѣхъ безъ исключенія точекъ, лежащихъ въ данной плоскости на разстояніи a отъ O . Найти несколько точекъ, лежащихъ на разстояніи большемъ a отъ O —на разстояніи меньшемъ a отъ O .

2. Данна прямая L , точка O на ней и отрезокъ a . Найти на L точку, отстоящую отъ O на разстояніи a .

NB. Сколько такихъ точекъ на прямой?

3. На данной прямой отложить отрезокъ равный данному.

4. Даны два отрезка прямой a и b , произвольная прямая L и точка O на ней. Отложить на прямой L отъ точки O отрезокъ a и отъ конца его въ томъ же направлениі отрезокъ b .

NB. Понятіе о сложеніи отрезковъ.

5. Найти сумму данныхъ отрезковъ.

6. Найти отрезокъ въ два, три раза большій данного.

7. Даны два отрезка a и b , произвольная прямая L и точка O на ней. Отъ точки O отложить отрезокъ a и отъ конца его въ противоположномъ направлениі отрезокъ b .

NB. Понятіе о вычитаніи отрезковъ.

8. Найти разность двухъ отрезковъ и т. п.

9. Данна прямая L и точка O внѣ ея. Найти на прямой L точку, находящуюся отъ O на данномъ разстояніи m .

NB. Сколько точекъ прямой могутъ удовлетворять рѣшенію задачи. Можетъ ли быть болѣе двухъ такихъ точекъ?

Полного анализа этой задачи въ данномъ мѣстѣ курса дать нельзя. Мы устанавливаемъ лишь здѣсь на основаніи нашихъ непосредственныхъ пространственныхъ представлений слѣдующее положеніе: *Прямая и окружность не могутъ имѣть болѣе двухъ общихъ точекъ.*

10. Данна окружность C , найти на ней точку, отстоящую на данномъ разстояніи a отъ точки данной 1) на окружности, 2) внѣ ея, 3) внутри ея.

NB. Сколько точекъ данной окружности могутъ удовлетворять условіямъ задачи? Можетъ ли такихъ точекъ быть больше двухъ? Какъ эти точки расположены относительно линіи, соединяющей центры окружностей?

Здѣсь мы вводимъ второе положеніе, которымъ пользуется Эвклидъ при рѣшеніи своей первой задачи:

Две окружности не могутъ имѣть болѣе одной общей точки по одну сторону ихъ линіи центрорвъ.

11. Даны двѣ точки A и B , найти точку, находящуюся на разстояніи a отъ A и на разстояніи b отъ B .

NB. Сколько такихъ точекъ? Какъ онѣ расположены относительно линіи AB ?

12. Даны три точки A , B и C , не лежащія на одной прямой. Соединить ихъ попарно прямыми.

NB. Полученная фигура называется треугольникомъ.

I. На данной прямой L отъ данной на ней точки отложить сумму сторонъ данного треугольника.

II. Продолжить AB въ обѣ стороны и на продолженіяхъ ея отложить: отъ точки A сторону AC , и отъ точки B сторону BC .

NB. Показать сумму сторонъ треугольника.

13. Построить треугольник по тремъ данными сторонамъ его *).

Предложенная задача является одной изъ основныхъ въ системѣ проектируемаго курса. Изслѣдованіе ея должно привести къ установлению одного изъ условій совмѣстимости треугольниковъ, поэтому мы позволимъ себѣ остановиться на ней подробнѣе.

Задача эта рѣшается легко послѣ задачи № 11. Даетъ она въ рѣшеніи два симметрично расположенныхъ треугольника АВС и АВ₁С. Является теперь вопросъ, будетъ ли эта задача определеною. Выяснить это легко, предложивъ ученикамъ произвести нѣсколько разъ то же построеніе и на томъ же мѣстѣ, располагая при этомъ стороны треугольника въ томъ же порядкѣ. При повтореніи этого построенія круги, описанные изъ концовъ одной стороны радиусами, равными соотвѣтственно двумъ другимъ сторонамъ, будутъ совпадать, а слѣдовательно и точки ихъ пересѣченія совпадутъ, т. е. совпадутъ каждый разъ всѣ три вершины треугольниковъ, откуда ясно, что треугольники эти будутъ совмѣщаться.

Посмотримъ теперь, будутъ ли совмѣстимы треугольники, построенные по тѣмъ же даннымъ, но въ различныхъ мѣстахъ плоскости. Изъ предыдущаго ученики легко усмотрятъ, что при перенесеніи одного изъ построенныхъ треугольниковъ на мѣсто другого всѣ элементы построенія совпадутъ также, какъ если бы они были произведены на одномъ мѣстѣ, откуда вытекаетъ совмѣстимость и такихъ треугольниковъ.

До сихъ поръ при построеніи треугольниковъ по тремъ сторонамъ предполагалось, что построеніе ведется каждый разъ въ томъ же порядкѣ. Но порядокъ построенія можно избрать и иной, можно даже не знать, въ какомъ порядке велось построеніе двухъ треугольниковъ по тѣмъ же даннымъ сторонамъ; спрашивается, можемъ ли мы утверждать, что и въ этомъ случаѣ треугольники будутъ совмѣстимы?

Вопросъ этотъ рѣшается на основаніи предыдущаго просто. Пусть даны два треугольника, построенные по тѣмъ же сторонамъ, при чёмъ порядокъ построенія скрытъ для насъ. Описавъ изъ произвольныхъ соотвѣтствующихъ вершинъ окружности, служащія для опредѣленія третьей вершины, замѣтимъ, что элементы этого построенія при перенесеніи одного треугольника на мѣсто другого совпадутъ, а слѣдовательно совпадутъ и треугольники.

Отсюда можно вывести условіе совмѣстимости треугольниковъ при равенствѣ трехъ сторонъ одного тремъ сторонамъ другого и при одинаковости расположенія этихъ сторонъ.

*). Подбирая различные данные, ученики увидятъ, что эта задача, также какъ и задача № 11 не всегда возможна, и подъ руководствомъ учителя легко замѣтить, что она возможна лишь тогда, когда сумма каждыхъ двухъ данныхъ сторонъ больше третьей.

Теперь обратимся къ разсмотрѣнію тѣхъ треугольниковъ, которые при решеніи задачи располагаются симметрично другъ относительно друга и которые мы въ началѣ обозначили буквами АВС и АВ₁С. Стороны этихъ треугольниковъ расположены въ обратномъ порядкѣ. Установимъ для такихъ треугольниковъ независимо отъ ихъ относительного расположения название симметричныхъ треугольниковъ. На такие треугольники слѣдуетъ обратить вниманіе учениковъ и указать, что они также совмѣстимы, но при условіи перевертыванія одного изъ нихъ обратною стороныю на плоскость. Такъ относительно треугольниковъ АВС и АВ₁С ученики легко рѣшатъ вопросъ, перегнувъ мысленно чертежъ по линіи АС. Полукружности, расположенные по различнымъ сторонамъ АС совпадутъ, а слѣдовательно и точка В соединится съ точкою В₁.

14. Построить треугольникъ по тремъ сторонамъ, изъ которыхъ одна равна *a* а двѣ другія *b*.

NB. Такой треугольникъ называется равнобедреннымъ. Могутъ ли быть равнобедренные треугольники только симметричны и не совмѣстимы безъ перевертыванія одного изъ нихъ?

15. Построить треугольникъ, всѣ три стороны котораго равны данному отрѣзку *a*.

NB. Такой треугольникъ называется равностороннимъ.

16. Скопировать данный треугольникъ.

17. Скопировать данный многоугольникъ (понятіе о которомъ должно быть дано), разбивъ его на треугольники, 1) соединяя его вершины пряммыми, 2) соединяя вершины его съ точкою взятою внутри его.

Разматривая выше различные свойства прямой, мы не обратили еще вниманія на то, что прямая можетъ указывать направление. Разъяснивъ это подобно предыдущему на примѣрахъ, надо обратить вниманіе учениковъ на то, что въ этомъ случаѣ мы мыслимъ прямую, ограниченную съ одного конца и безпредѣльно въ сторону указываемаго ею направленія. Въ практикѣ для этой цѣли ограничиваются отрѣзкомъ прямой, напр. половиною оси стрѣлки компаса, но мыслить ее продолженою неопределѣленно.

Вращая прямую, указывающую направленіе, по плоскости около начальной ея точки, мы получимъ указаніе различныхъ направленій. При этомъ вращеніи прямая будетъ отклоняться отъ своего первоначального направленія. Степень этого отклоненія выражается угломъ, образуемымъ новымъ направленіемъ линіи съ первоначальнымъ. Слѣдовательно, если степени отклоненія линій одинаковы, то и углы, ими образуемые, равны и обратно. Отсюда вытекаетъ способъ сравненія угловъ, который при помошіи стержней, связанныхъ шарниромъ, легко усинается ученикамъ.

Вернемся опять къ треугольникамъ и обратимъ вниманіе учениковъ на то, что кроме выше разсмотрѣнныхъ элементовъ въ нихъ надо различать еще три угла, которые въ совмѣстимыхъ

треугольникахъ будуть соответственно равны. При этомъ слѣдуетъ обратить вниманіе на расположение равныхъ угловъ въ совмѣстимыхъ треугольникахъ по отношенію къ равнымъ сторонамъ, не забывая при этомъ и симметричныхъ треугольниковъ.

При разсмотрѣніи равныхъ угловъ въ симметричныхъ треугольникахъ мы наталкивались на вопросъ объ отысканіи равныхъ угловъ въ совмѣстимыхъ равнобедренныхъ треугольникахъ. Этотъ вопросъ приводить къ установлению равенства угловъ при основаніи равнобедренного треугольника.

Пользуясь задачею № 16 о копированіи даннаго треугольника, легко установить способъ перенесенія угла. Для этого стоитъ только пересѣчь стороны его произвольною прямую и скопировать полученный такимъ образомъ треугольникъ.

Отсюда является возможность решить слѣдующія задачи.

18. На данной прямой при данной на ней точкѣ построить уголъ равный данному.

19. Найти сумму данныхъ угловъ.

20. Умножить данный уголъ на цѣлое число.

21. Найти разность двухъ данныхъ угловъ.

Чтобы упростить построенія при перенесеніи угла, можно воспользоваться равнобедреннымъ треугольникомъ, засѣкай предварительно на сторонахъ угла отъ его вершины равные отрѣзки и затѣмъ соединяя концы этихъ отрѣзковъ прямую. При этомъ получится обыкновенно практикуемый способъ перенесенія угла.

Рѣшивъ послѣ этого задачи №№ 18—21 упрощеннымъ способомъ перенесенія угла, переходимъ къ слѣдующему ряду задачъ.

22. Построить треугольникъ по двумъ сторонамъ и углу между ними.

NB. Анализируя рѣшеніе этой задачи подобно № 13, выводимъ второе условіе совмѣстимости треугольниковъ.

23. Построить равнобедренный треугольникъ по боку и углу при вершинѣ.

24. Построить треугольникъ по сторонѣ и двумъ прилежащимъ къ ней угламъ.

Анализируя эту задачу подобно № 13, мы замѣтимъ, что треугольники будутъ совпадать, если при повтореніи построенія каждый разъ для перенесенія соответствующихъ угловъ мы будемъ дѣлать засѣчку на ихъ сторонахъ тѣмъ же радиусомъ. Является вопросъ, будутъ ли получаться совмѣстимые треугольники и въ томъ случаѣ, когда для перенесенія угловъ мы будемъ употреблять различные радиусы. Рѣшеніе этого вопроса приводить учениковъ къ разсмотрѣнію совмѣстимости треугольниковъ при данныхъ условіяхъ независимо отъ способа ихъ построенія.

Здѣсь должно обратить вниманіе учениковъ на то, какъ слѣдуетъ отыскивать равныя стороны въ совмѣстимыхъ треугольникахъ въ зависимости отъ расположения равныхъ угловъ, не упуская и случая симметричныхъ треугольниковъ.

25. Построить треугольник по сторонѣ и прилежащимъ къ ней угламъ, когда эти углы равны порознь одному данному. Построивъ несколько треугольниковъ по этимъ даннымъ и отыскивая въ нихъ равныя стороны, мы легко установимъ, что эти треугольники равнобедренные.

Этимъ исчерпываются первоначальная построенія треугольниковъ и понятіе объ условіяхъ ихъ совмѣстности. Не безполезно при этомъ обратить вниманіе учениковъ, что всѣ эти построенія производятся на плоскости, т. е. ровной поверхности подобной классной доскѣ, доскѣ стола и т. п., если эти предметы не покоробились, хорошо сдѣланы.

Въ слѣдующей статьѣ мы покажемъ, какъ установить понятіе о прямомъ углѣ и перпендикулярѣ, что уже значительно расширить область доступныхъ решеній задачъ.

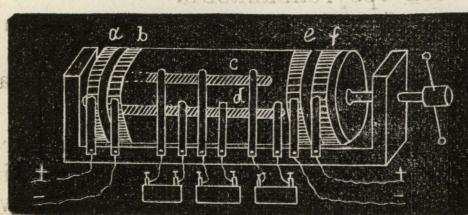
С. Житковъ.

(Продолженіе следуетъ).

О ПЫТЫ И ПРИБОРЫ.

Коммутаторъ для аккумуляторовъ (проф. Вейлера). Коммутаторъ, предназначенный для аккумуляторовъ, долженъ быть такъ устроенъ, чтобы могъ соединять отдельные ящики параллельно напр. для заряженія или послѣдовательно — для разряда. Этотъ коммутаторъ долженъ быть такъ устроенъ, чтобы какъ заряженіе, такъ и разрядъ достигались безъ потери времени и чтобы для каждой изъ этихъ операций достаточно было одного поворота рукой.

Аппаратъ, изображенный на фиг. 5, при простотѣ своей конструкціи соотвѣтствуетъ всѣмъ этимъ требованіямъ.



Фиг. 5.

Онъ состоитъ изъ доски, къ которой привинчены или приклеены стойки. Эти боковые дощечки поддерживаютъ деревянный цилиндръ 5—6 см. диаметромъ. На каждомъ концѣ этого валика укреплено по два изолированныхъ другъ отъ друга мѣдныхъ кольца въ 1 см. шириной. На каждое кольцо надавливается привинченная къ доскѣ латунная или мѣдная полоска. Одна пара этихъ пластинокъ ведетъ заряжающій токъ къ кольцамъ *a* и *b*. Къ этимъ кольцамъ привинчены двѣ мѣдные пластинки *c* и *d*, привинченныя къ цилинду. На эти полосы надавливаются еще другія пластинки, привинченныя также къ доскѣ, которая проводятъ заряжающій токъ къ аккумуляторамъ. Всѣ пластинки, которые проводятъ къ аккумуляторамъ положи-

тельное электричество, надавливаютъ на мѣдную полосу *c*, а всѣ проводящія отрицательное—на полосу *d*. Такимъ образомъ положительное электричество изъ кольца *a* идетъ по *c*, оттуда въ аккумуляторы и оттуда черезъ *d* и *b* къ источнику электричества, батареѣ или къ динамомашинѣ.

Когда заряженіе окончено, поворачиваются деревянный цилиндръ на 180° (фиг. 6). Щетки тогда надавливаются на косо укрѣпленныя мѣдные полоски, а эти соединяются по два противоположныхъ соѣдніхъ полюса аккумуляторовъ. Первая и послѣдняя изъ косыхъ полосокъ соединены съ кольцами *e* и *f*, которыя привинчены къ правой сторонѣ цилиндра. Полоски, упирающіяся на эти кольца, проводятъ токъ изъ аккумуляторовъ во вѣнчаную щѣль.

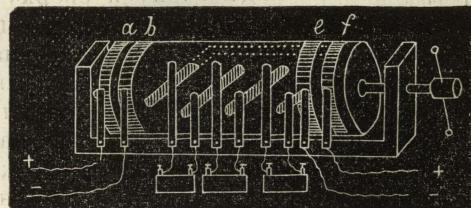
Такимъ образомъ аккумуляторы могутъ быть удобно соединены послѣдовательно и параллельно.

Когда разряженіе окончено, аппаратъ полуоборотомъ ставится на заряженіе безъ перевинчиванія проводовъ.

Всякій любитель можетъ самъ сдѣлать этотъ удобный и дешевый приборъ, который, какъ легко видѣть, можетъ точно также служить для параллельныхъ или послѣдовательныхъ соединений элементовъ гальв. батареи.

Тепловыя явленія при расширеніи газовъ. Между опытами съ воздушнымъ насосомъ однимъ изъ важнѣйшихъ является опытъ съ каучуковымъ завязаннымъ баллономъ, содержащимъ мало воздуха. Этотъ опытъ получить большую цѣну, если мы его устроимъ слѣдующимъ образомъ: надѣваемъ снятый каучуковый баллонъ на шарикъ термометра и крѣпко его завязываемъ. Для прикрепленія термометра въ колоколѣ служить лучше всего каучуковая пробка, закрывающая верхнее отверстіе колокола насоса. Если же у насъ такой не найдется, то можно довольствоваться и простой хорошей пробкой, но только она должна быть непроницаемой для воздуха, для чего ее, вставивъ въ колоколъ, нужно толсто обмазать саломъ.

Если теперь быстро выкачать изъ колокола воздухъ, то баллонъ начнетъ расширяться, и мы замѣтимъ, что ртуть термометра упадеть на $4-5^{\circ}$ Ц., если же снова будетъ впущенъ воздухъ, то ртуть подымется на $4-5^{\circ}$ Ц. Въ послѣднемъ случаѣ ртуть обыкновенно подымается на $1-2^{\circ}$ Ц. больше, чѣмъ опустилась, ибо скатіе каучукового баллона продолжается только короткое время, и поэтому потеря тепла лучеиспусканіемъ менѣе, чѣмъ въ предыдущемъ случаѣ. Очевидно, что опытъ будетъ тѣмъ нагляд-

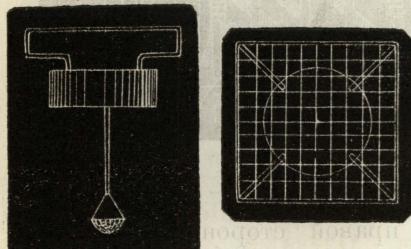


Фиг. 6.

чѣмъ болѣе опустится или подымется ртуть и чѣмъ скорѣе поэтому выкачается воздухъ.

Если мы пожелаемъ демонстрировать этотъ опытъ передъ большой аудиторіей, то мы должны проектировать столбикъ ртути термометра на экранъ.

Приборъ для демонстрированія поверхностнаго натяженія. Фигура 7 представляетъ видъ сбоку и сверху прибора van der Menns-brugge, весьма наглядно доказывающаго существованіе поверхностнаго натяженія жидкостей.



Фиг. 7.

средину пробки, подвѣшена корзиночка, куда можно подкладывать грузики, и этимъ измѣнять вѣсъ всего прибора.

Такой аппаратъ опускаютъ въ сосудъ съ водой, нагружаютъ его такъ, чтобы пробка едва подымалась надъ водой, и тѣперь погружаютъ сѣть въ воду. Сѣть, вмѣсто того чтобы подняться, задержится поверхностнымъ натяженіемъ подъ водой.

Послѣ нѣсколькихъ попытокъ можно достичнуть того, что тяжесть прибора вмѣстѣ съ вертикальной слагающей силы поверхностнаго натяженія нѣсколько превзойдутъ силу поднятія.

Если теперь уменьшить это натяженіе, опуская на сѣть кусочекъ мыла или каплю эаира, то приборъ порывисто подымется. Если все хорошо урегулировано, т. е. равнодѣйствующая всѣхъ силъ очень мала, то достаточно открыть надъ сѣтью склянку, содержащую эаиръ, чтобы вызвать поднятіе.

Такъ какъ подкладываніе груза подъ водой неудобно и аппаратъ требуетъ высокаго сосуда, то нижній грузъ оставляютъ постояннымъ такъ, чтобы пробка подымалась на нѣсколько миллиметровъ надъ водой, а малые грузики кладутъ въ корзиночку надъ сѣтью, вслѣдствіе чего угловые проволоки загнуты еще и къ верху.

Какъ устроить приборъ для воспроизведенія круговъ около луны и солнца. Въ учебникахъ физики упоминается, что мы увидимъ около пламени свѣчи свѣтлые цвѣтные круги, если будемъ смотрѣть на него черезъ стеклянную пластинку, осыпанную ликоподіемъ. Но какъ насыпать на пластинку ликоподія, чтобы онъ держался на ней и распредѣлился равномерно? Цѣлесообразнѣе всего капнуть на стеклянную пластинку сала или вазелина, хорошенько растереть его и осыпать ликоподіемъ; тогда нужно легко

постучать краемъ пластиинки о столъ, чтобы удалить лишній по-
рошокъ. Теперь осторожно нагрѣваемъ пластиинку (лучше всего
надь печной плитой), пока не пропадутъ образовавшіеся отъ руки
полосы и рубцы. Если въ затемненной комнатѣ будемъ смо-
трѣть на пламя свѣчи (на возможно большомъ разстояніи отъ
нея), то можемъ убѣдиться, удался ли намъ опять или нѣтъ.

Если увидимъ 3 — 4 красивыхъ, свѣтлыхъ цвѣтныхъ кру-
га, то приборъ удаченъ. Чтобы пластиинка не пылилась и не ис-
портилась, покрываемъ ее другой стекляной пластиинкой, нальпивъ
предварительно на все четыре ея угла по кусочку воска, и на-
грѣваемъ все четыре угла, прижимая пластиинки другъ къ другу,
пока онъ не приблизится на разстояніе 0,25 мм. Чтобы удав-
шася пластиинка могла долго служить, облѣпливаемъ ее воскомъ
и для приданія ей красиваго вида, срѣзываляемъ лишній воскъ на-
грѣтымъ ножемъ, чистимъ ее и держимъ немнogo надъ безцвѣт-
нымъ пламенемъ.

Если посмотримъ черезъ такое приспособленіе на луну, то
увидимъ прекрасные, свѣтлые круги. Очевидно, что такимъ же
образомъ можно увидѣть круги вокругъ солнца, если только за-
коптить предварительно вторую пластиинку.

С М Ъ С Ъ.

Математики отъ природы. Въ 1840 году французскій геометръ Коши представилъ Парижской академіи науکъ нѣкоего Ари Мондѣ, обладавшаго необычайной способностью дѣлать въ умѣ самыя трудныя математическія выкладки и быстро разрѣшать самыя сложныя задачи. Въ одномъ изъ послѣднихъ засѣданій той же академіи, профессоръ математики Дарбу представилъ подобного же Жака Иноди, двадцати четырехъ лѣтъ, одаренного невѣроятною способностью не только быстро дѣлать въ умѣ всевозможныя вычислени¤ съ биліонными цифрами, но и разрѣшать труднѣйшія алгебраическія задачи. Жакъ Иноди невысокаго роста но коренастаго сложенія. Его голова не представляетъ ничего не соотвѣтствующаго размѣрамъ прочихъ частей тѣла; лобъ прямой, высокий, но не выступающій впередъ. Сеансъ вычислений, происходившій въ присутствіи всѣхъ членовъ академіи, начался съ того, что профессоръ Дарбу начертилъ мѣломъ на черной доскѣ два числа:

$$\begin{array}{l} 4.123.547.238.445.523.831 \\ 1.248.126.138.234.128.910 \end{array}$$

Выговоривъ ихъ Жаку Иноди, стоявшему спиной къ доскѣ, Дарбу предложилъ ему вычесть второе число изъ первого, не смотря на доску. Молодой человѣкъ повторилъ въ умѣ сказанныя числа и тотчасъ же объявилъ цифру разности, оказавшуюся совершенно

върною. Взрывъ рукоплесканій привѣтствовалъ Жака Иноди, который, вслѣдъ затѣмъ, на данную ему задачу: найти цыфру, кубъ которой, сложенный съ квадратомъ, далъ бы въ итогѣ 3600— моментально произнесъ „пятнадцать“. Съ такою же быстротою онъ слагалъ, умножалъ, дѣлилъ въ своемъ умѣ билліонныя, триліонныя и квинтиліонныя числа, и только одинъ разъ во весь продолжительный сеансъ употребилъ болѣе двухъ минутъ на решеніе предложенной ему задачи: найти число изъ четырехъ цыфръ, сумма которыхъ равнялась бы 25, сумма цыфръ сотенъ и тысячъ того же числа была бы равна суммѣ его десятковъ, а сумма цыфръ десятковъ и тысячъ равнялась бы цыфрамъ единицъ. Въ обратномъ порядке расположенія цыфръ, число должно было увеличиться на 8082. Иноди, сдѣлавъ въ умѣ цѣлый рядъ выкладокъ, объявилъ изумленнымъ академикамъ, что требуемое число 1789. Академикъ Бер特朗ъ спросилъ его: съ какимъ днемъ совпало 11-е марта 1822 года? и онъ отвѣтилъ: „съ понедѣльникомъ“; затѣмъ, черезъ нѣсколько секундъ, вычислилъ сколько съ того времени прошло до первого февраля 1892 года, дней, часовъ, минутъ и секундъ. Самая сложнѣйшая алгебраическая вычисленія Иноди производилъ съ такимъ же проворствомъ и всѣ старанія присутствовавшихъ на сеансѣ свѣтили математики сбить его въ разсчетахъ оказались неудачными. Академики въ томъ-же засѣданіи рѣшили, единогласно, поддержать молодого человѣка и приложить его изумительныя способности къ какому либо полезному труду. По предложенію нѣсколькихъ ученыхъ, назначена комиссія для изученія способовъ, употребляемыхъ Иноди въ его вычисленіяхъ, легкость и практиность которыхъ неоспоримо свидѣтельствуетъ быстротою его решеній. Подобный ему человѣкъ, помянутый выше Андри Мондѣ, родился въ Турѣ, въ 1826 г. Онъ былъ сыномъ простого крестьянина, но уже съ раннихъ лѣтъ поражалъ своихъ односельчанъ своею способностью производить въ умѣ самая трудныя математическая вычисленія. Одинъ учитель математики въ Турѣ развила въ немъ его необычайное дарование. Въ Парижѣ онъ привелъ въ изумленіе академиковъ и давалъ сеансы во многихъ городахъ. Ученые тогда же объяснили его способность патологическими причинами. Впрочемъ, далѣе математики онъ не шелъ и во всемъ другомъ обнаруживалъ заурядный умъ.

Связь между погодой и пятнами на солнцѣ. Астрономы въ Америкѣ и Калькуттѣ, производившіе въ послѣднее время наблюденія надъ солнцемъ, подтверждаютъ существующее мнѣніе относительно связи между погодою и пятнами на солнцѣ. Такъ, англійскій астрономъ Смитъ, въ Мадрасѣ, находить, что время наименьшаго числа пятенъ на солнцѣ теперь миновало, и что, поэтому, можно ожидать для Индіи обильныхъ дождей. Съ другой стороны, въ Сѣверной Америкѣ, въ первыхъ числахъ февраля старого стиля, замѣчена связь между появленіемъ на солнцѣ пятенъ и господствовавшими въ послѣднее время штормами. Про-

фессорт Фрисби, завѣдывающій морскою обсерваторією въ Вашингтонѣ, заявляетъ, что въ послѣдніе дни января и въ первые дни февраля старого стиля на солнцѣ замѣчено огромное скопленіе пятенъ, на пространствѣ болѣе 300.000 кв. верстъ. Около часу утра 1 (13) февраля магнитная стрѣлка подверглась сильно му возмущенію, это продолжалось 36 часовъ, послѣ чего наступили обыкновенныя условія. Въ теченіе сказанного времени происходило сѣверное сіяніе, и на пространствѣ сѣверныхъ штатовъ свирѣпствовалъ сильный штурмъ, достигшій мѣстами степени урагана. По словамъ профессора Фрисби, связь между указанными явленіями еще не установлена absolutely въ наукѣ, но, фактически, эти явленія часто совпадаютъ. Во всякомъ случаѣ можно утверждать, что большія изверженія на солнцѣ составляютъ главнѣйшія причины большихъ возмущеній въ земной атмосферѣ. Другой американскій астрономъ профессоръ Рисъ, сообщаетъ съ колумбійской обсерваторіи, что въ настоящее время на солнцѣ замѣтны двѣ огромныхъ группы пятенъ. Одна группа расположена въ южной части и теперь уходитъ изъ предѣловъ видимости съ земли, вслѣдствіе вращенія солнца около своей оси. Другое пятно находится въ сѣверной части солнца и простирается отъ восточной его окраины почти до средняго меридіана. Третій астрономъ, профессоръ Смитъ, въ Монреалѣ, также находитъ, что появленіе восточной группы пятенъ на солнцѣ представляетъ причину послѣднихъ штурмовъ на землѣ. Онъ предсказываетъ, по этому случаю, сырую и холодную весну въ Англіи и Сѣверной Европѣ.

Освѣщеніе различныхъ слоевъ морской воды по наблюденіямъ пр. Фоля. Во время спуска наблюдателя въ водолазномъ аппаратѣ, освѣщеніе замѣтно только сверху. Если взглянуть вверхъ, то замѣчается легкій свѣтлый кругъ, видимый подъ угломъ $62^{\circ}50'$. Внѣ же этого круга поверхность моря кажется темной. На глубинѣ нѣсколькихъ аршинъ солнечные лучи меркнутъ и кажутся свѣтовымъ сіяніемъ на поверхности воды. Когда солнце спускается къ горизонту, то на глубинѣ 5 саженъ внезапно наступаютъ сумерки, такъ какъ солнечные лучи, главнымъ образомъ, отражаются отъ поверхности воды. Окраска воды у береговъ сильно мѣняется, смотря по тому, преобладаетъ ли притокъ чистой воды открытаго моря или мутныхъ водъ береговой полосы. Въ горизонтальномъ направлѣніи преобладаютъ сѣро-зеленые и сѣро-голубые оттенки. Всѣ предметы получаютъ синеватый тонъ и тѣмъ интенсивнѣе, чѣмъ глубже спуститься. На глубинѣ 15 саженъ темнокрасные предметы кажутся черными, а зеленые и сине-зеленые представляются, сравнительно, болѣе яркими. Отсюда понятно, почему водолазъ, быстро поднятый на поверхность, видитъ все въ красномъ цвѣтѣ.

■ У туземцевъ долины Конго считается пять временъ года: 1-ая отъ средины февраля до средины мая—время обильныхъ дождей, 2-ое — до средины июля, когда собираютъ траву, 3-ье — до

средины сентября—время охоты; 4-е—до конца ноября, время ме-
нѣе обильныхъ дождей, когда прѣтъ хлѣбное дерево, и 5-ое су-
хое, когда плоды этого дерева дозрѣваютъ. Хотя периодичность
этихъ временъ года сознается туземцами, но, повидимому, понятіе
о годѣ у нихъ не установилось, и счетъ времени идетъ по мѣся-
цамъ (луннымъ). Мѣсяцъ, въ 28 дней, состоить у нихъ изъ семи
четырехдневныхъ периодовъ; каждый изъ четырехъ дней этого пе-
риода имѣть особое название и дѣлится, считая только время
отъ восхода до захода солнца, тоже на 4 части, имѣющія тоже
свои специальная названія. Изъ этого уже видно, на какой низ-
кой ступени развитія находятся еще обитатели Конго.

⁴⁴ Священникъ при церкви Св. Павла въ Ліонѣ, Габриель
Мутонъ (Mouton) былъ, кажется, первымъ, понявшимъ всю важ-
ность десятичной системы мѣръ. Въ своемъ мемуарѣ, изданномъ
въ 1670 году, онъ предлагалъ принять за единицу длины 0,001
длины одной минуты земного меридіана, на основаніи извѣстныхъ
тогда геодезическихъ измѣреній Риччоли. Эта основная единица,
которая, какъ видимъ, соотвѣтствуетъ $\frac{1}{21600000}$ земн. меридіана,
т. е. нѣсколько менѣе двухъ метровъ, была имъ названа *вирга*;
десятая часть ея названа *виркуля*; эта послѣдняя, въ свою оче-
редь, дѣлилась на 10 равныхъ частей и т. д. Тысяча виргъ но-
сила название *миллари*. Кромѣ того, чтобы имѣть возможность
всегда знать точную длину такъ установленной единицы, Мутонъ
предлагалъ опредѣлить съ точностью время качанія маятника,
имѣющаго длину равную виргѣ.

Новый способъ производства непромокаемой бумаги состоитъ въ
томъ, что въ машину для перемола тряпья, вмѣстѣ съ смоли-
стымъ мыломъ и квасцами, прибавляются также хромовые квасцы.
Приготовленная такимъ образомъ бумага представляетъ прекрас-
ный материалъ для упаковки. На 100 вѣсовыхъ частей сухого ма-
териала въ мельницу кладутъ по 4 ч. смолистаго мыла и квасцовъ
и оставляютъ на полъ часа. Затѣмъ прибавляютъ 1—2 ч. хро-
мовыхъ квасцовъ растворенныхъ въ горячей водѣ, и оставляютъ
минутъ на 20—и масса годна для окончательной отѣлки.

Самосвѣтящаяся масса приготавляется изъ сѣрнистаго барія
или сѣрнистаго кальція. Вещества эти необходимо имѣть въ ви-
дѣ тончайшаго порошка, который при помощи воды превращаются
въ тягучую плотную массу; для предохраненія этой послѣдней
отъ высыханія, ее слѣдуетъ держать въ герметически закрываю-
щихся сосудахъ. При наложеніи фосфоресцирующей массы на
бумагу или другіе предметы, необходимо разбить ее водою и на-
мазывать возможно тонкимъ и равномѣрнымъ слоемъ. Каждый
новый слой наносится не раньше, какъ совершенно просохнетъ
слой, нанесенный прежде. Это можно повторить до 30 разъ, при
чемъ толщина всѣхъ такъ нанесенныхъ 30 слоевъ не должна пре-
вышать 1 линіи. Чтобы закрѣпить такимъ образомъ наносимую
массу, къ ней прибавляютъ рыбьяго kleю, въ пропорціи: на 10
частей сѣрнистаго барія—1 часть kleю.

РАЗНЫЯ ИЗВЕСТИЯ.

„Техническое образование“ разрешено издавать въ С.-Петербургѣ состоящей при Имп. Русскомъ Техн. Обществѣ комиссіи по техническому образованію, подъ редакторствомъ предсѣдателя Коммиссіи, д. с. с. А. Г. Небольсина и непремѣннаго члена Коммиссіи, преподавателя Е. М. Гаршина. Новый журналъ будетъ выходить ежемѣсячно, кроме трехъ лѣтнихъ мѣсяцевъ (9 вып. въ годъ). Подписанная цѣна за годъ: безъ перес. 2 р., съ доставкою въ Спб. 2 р. 50 к., съ пересылкою 3 р.

— 14-го февраля открылась въ Москве **фотографическая выставка**, устроенная фотогр. отдѣломъ Общества распространенія техническихъ званій. Выставка занимаетъ около 20 комнатъ. Наибольшій интересъ представляется научный отдѣль, примѣненій фотографіи къ медицине, судебнѣй экспертизы и пр.

— 3-го февраля, въ Ялтѣ, скончался составитель извѣстнаго учебника физики **К. Д. Краевичъ**.

БИБЛИОГРАФИЧЕСКІЙ ЛИСТОКЪ

НОВѢЙШИХЪ РУССКИХЪ ИЗДАНІЙ.

(Продолженіе) *).

Баронъ Ф. Ф. Врангель. Колебанія климата. Лекціи въ Имп. Александровскомъ Лицѣѣ въ пользу пострадавшихъ отъ неурожая. Спб. 1891 г. Цѣна 30 коп.

Въ певѣдомыхъ мірахъ. Вокругъ солнца. Необыкновенныя приключения русскаго ученаго. (Изд. П. Сойкина). Спб. 1892. Цѣна 2 р.

А. И. Голденбергъ. Сборникъ задачъ и примѣровъ для обученія начальной ариѳметикѣ, въ 2-хъ выпускахъ. Вып. I. Задачи и примѣры на числа первой сотни и на простѣйшія дроби. Изд. 13-е. Спб. 1891. Цѣна 15 к.

Извѣстія Физико-Матем. Общества при Имп. Казанскомъ университѣтѣ. Вторая серія. Т. I № 2. Казань 1891.

Инструкція, данная Имп. академіей наукъ въ руководство метеорологическимъ станціямъ. Спб. 1891.

Медицинская физика. Вып. I (Движеніе. Жидкости и газы. Упругость). (Изд. Ф. Йогансона). Кіевъ 1892. Цѣна 1 р. 25 к.

П. А. Некрасовъ. Алгебраический методъ решенія геометрическихъ задачъ на построение. Часть I. Приложеніе алгебры къ геометріи. Москва. 1892. Цѣна 90 к.

Н. Нильчиковъ. Метеорологический Конгрессъ въ Парижѣ 19—26 сент. 1889 г. (Отд. оттискъ изъ «Метеор. Вѣстника» за 1891 г.)

Сальмонъ. Аналитическая геометрія двухъ измѣреній (Конические сѣченія, геометрические методы). Переводъ съ французскаго В. Г. Алексеева. Москва 1892. Цѣна 5 р.

Н. Соколовъ. Теорія симметрическихъ многогранниковъ (Отд. отт. изъ «Университетскихъ Извѣстій»). Кіевъ 1891.

*) См. № 133 «В. О. Ф.»

Справочная книга для инженерных и саперных офицеровъ. (Составлена и издана по распоряжению Главнаго Инженерного Управления). Спб. 1892.

Г. Тисандье. Научные развлечения. Знакомство съ законами природы путемъ игрь, забавъ и опытовъ, не требующихъ специальныхъ приборовъ. Переводъ съ франц. подъ ред. Ф. Павленкова. Съ дополненіями В. Обреимова. Изд. 3-е. Спб. 1892. Цѣна 1 р. 50 к.

Труды Общества Естествоиспытателей при Имп. Казанскомъ университѣтѣ. Томъ 23, вып. 3. Казань 1891.

В. В. Эвальдъ. Строительные материалы. Руководство для среднихъ техническихъ училищъ. Спб. 1892.

Л. Гордяинъ. Объ усвоеніи азота растеніями. (Публ. лекція 12 февр. 1891 г.) Казань 1892.

С. фонъ Дитмаръ. Дальномѣръ-медальонъ Кинемана и краткое описание употребленія карманнныхъ дальномѣровъ: Горюнова, Гоме, Лаббе, Вельдона, Тувенева. Сущье 1-го и 2-го образца. Казань 1892. Цѣна 35 к.

Н. Зеленецкій. Отчетъ о ботаническихъ изслѣдованіяхъ Бессарабской губерніи (Уѣзды: Бендерскій, Аккерманскій и Измаильскій). Одесса 1891.

Л. Н. Модзалевскій. Очеркъ исторіи воспитанія и обученія съ древнѣйшихъ до нашихъ временъ. Для педагоговъ и родителей. Часть 1. (Съ портретомъ Яна Амоса Коменскаго). Изд. 3-e исправ. и дополн. Спб. 1892. Цѣна 2 р. 50 к.

Отчетъ о дѣятельности Имп. Академіи наукъ по физико-математическому и историко-филологическому отдѣленіямъ за 1890 — 1891 акад. годъ. Спб. 1891.

Н. П. Слуниковъ. О метеорологическихъ и магнитныхъ наблюденіяхъ въ Казани. (Историческая замѣтка). Казань 1891.

Труды Общества Естествоиспытателей при Имп. Казанскомъ университѣтѣ. Томъ 23. Вып. 4. Казань 1891.

Д. Араповъ. Подробное решеніе и объясненіе наиболѣе трудныхъ задачъ алгебры Малинина и Буренина. Оренбургъ 1891. Цѣна 40 коп.

Н. М. Бихеле. Технический календарь на 1892 г. Карманская записная и справочная книжка для инженеровъ, архитекторовъ, строителей и механиковъ (21-й годъ). Спб. 1892 г. Цѣна 1 р. 25 к.

Приложение къ техническому календарю на 1892 г. Спб. 1892. Цѣна 1 р. 50 к.

(Продолжение следуетъ.)

ЗАДАЧИ.

№ 298. Доказать слѣдующій признакъ дѣлимости на 37. Пусть дано многозначное число

$$N = abcdefghijklmn\dots$$

Начиная съ лѣвой руки къ правой, беремъ двузначныя числа ab , de , gh , $kl\dots$ и т. д. до конца, пропуская всякий разъ по одной цифрѣ и находимъ сумму

$$s = ab + de + gh + kl + \dots$$

(при чёмъ, если бы послѣднее слагаемое оказалось однозначнымъ, надо его пополнить нулемъ съ правой стороны). Изъ этой суммы вычитаемъ сумму остальныхъ не взятыхъ цифръ

$$s_1 = c + f + i + m + \dots$$

умноженную на 11. Если разность $s - 11s_1$ равна нулю или числу кратному 37, то и все число N дѣлится на 37, (при чёмъ, если эта разность = 0, то число N , кроме того, дѣлится еще и на 3).

Примѣры: $N = 16697619$; $s = 16 + 97 + 19 = 132$;
 $s_1 = 6 + 6 = 12$; $132 - 11 \times 12 = 0$.
 $N = 1758647$; $s = 17 + 86 + 70 = 173$; $s_1 = 5 + 4 = 9$;
 $173 - 99 = 74 = 2 \times 37$.

III.

№ 299. Къ коромыслу вѣсовъ, съ которыхъ сняты обѣ чашки, подвѣшены: съ одного конца платиновый шарикъ радиуса r , съ другого мѣдный цилиндрикъ, радиусъ основанія коего тоже равенъ r . Шарикъ погруженъ вполнѣ въ ртуть, цилиндрикъ — въ воду. Какова должна быть высота цилиндрика для существованія равновѣсія?

Числ. значенія: $r = 3$ цм., плотности: платины 22, ртути 13,6, мѣди 9.

(Заданіе.) III.

№ 300. Въ кругѣ радиуса r проведены двѣ хорды АВ и АС соответственно равныя сторонамъ прав. вписанныхъ въ этотъ кругъ треугольника и шестиугольника. На этихъ хордахъ, какъ на диаметрахъ, описаны полуокружности такъ, что образуются луночки. Построить прямолинейную фигуру, равновеликую суммѣ площадей обѣихъ этихъ луночекъ.

П. Свѣнниковъ (Троицкъ),

№ 301. Определить въ цѣлыхъ числахъ ребра прямоугольного параллелепипеда, у котораго объемъ и сумма всѣхъ реберъ выражаются однимъ и тѣмъ же числомъ, при условіи, чтобы всѣ три измѣренія параллелепипеда были различны.

П. Свѣнниковъ (Троицкъ).

№ 302. Нѣкто купилъ сукна двухъ сортовъ; за каждый аршинъ 1-го сорта онъ платилъ столько копѣекъ, сколько единицъ въ числѣ, которое въ 7 разъ большие числа купленныхъ имъ аршинъ этого сукна, за каждый аршинъ 2-го сорта онъ платилъ столько копѣекъ, сколько купилъ аршинъ этого сукна; за все сукно 1-го сорта заплачено одной копѣйкой менѣе, чѣмъ за все сукно 2-го сорта. Спрашивается, по скольку было куплено сукна каждого сорта, если оно было не дороже 3 р. 50 коп. и не дешевле 1 р. за аршинъ?

I. Поляковъ (Кременчугъ).

№ 303. Даны въ пространствѣ двѣ непересѣкающіяся прямые АВ и CD, углы между которыми равенъ 90° . Определить объемъ четырехгранника ABCD, ограниченного треугольниками, если известны длины всѣхъ шести его реберъ.

Числ. значенія: AB = 126, CD = 270, AC = 101,5, AD = 269, BC = 87,5, BD = 325 мм. П. Андреевъ (Москва).

№ 304. Данную прямую АВ раздѣлить на двѣ части такъ, чтобы правильный n -угольникъ, построенный на одной части, былъ равновеликъ правильному m -угольнику, построенному на другой.

M. Фридманъ (Киевъ).

ЗАДАЧИ НА ИСПЫТАНИЯХЪ ЗРѢЛОСТИ

въ гимназіяхъ Одесского Учебнаго Округа въ 18^{90/91} уч. году.

(Продолженіе.)

Одесская 2-я гимн. По альбомъ: „Торговецъ въ первый мѣсяцъ своей торговли отложилъ 25 р. изъ своей прибыли, во второй 35 р. и т. д. Прибыль, собранную такимъ образомъ въ продолженіе года онъ положилъ въ банкъ по 5,5% сложныхъ. Каждой образовался капиталъ по истеченіи столькихъ лѣтъ, сколько можно составить различныхъ пятизначныхъ чиселъ изъ цифръ 4, 0, 4, 5, 4.“

По геометріи: „На квадратѣ, сторона которого равна a , какъ на основаніи построены: 1) прямая пирамида, боковыя грани которой суть равносторонніе треугольники и 2) прямая призма, имѣющая вершину пирамиды въ плоскости верхняго основанія. На кругѣ же описанномъ около даннаго квадрата, какъ на основаніи, построены: 1) прямой конусъ, вершина которого совпадаетъ съ вершиною пирамиды, 2) цилиндръ, описанный около призмы, 3) усѣченный конусъ, верхнее основаніе которого есть кругъ, вписаный въ верхнее основаніе призмы и 4) полуширь. Определить отношеніе полныхъ поверхностей и объемовъ шести полученныхыхъ тѣлъ, сравнивая ихъ въ послѣдовательномъ порядке.“

По тригонометріи: „Въ кругѣ, котораго радиусъ $R = 12$ д., вписанъ правильный шестнадцатиугольникъ. Определить стороны, апоему и площадь.“

Одесская 3-я гимн. По альбомъ: „Найти четырехзначное число по слѣдующимъ условіямъ: сумма квадратовъ крайнихъ цифръ равна 13; сумма квадратовъ среднихъ равна 85; цифра тысячъ на столько больше цифры единицъ, на сколько цифра сотенъ больше цифры десятковъ; если же изъ искомаго числа вычесть 1089, то получится число обратное.“

По геометріи: „Поверхность шара равна боковой поверхности прямого цилиндра, имѣющаго радиусъ основанія $r = 8$, а высоту $h = 9$. Определить объемъ усѣченной правильной пирамиды, основаніями которой служать вписанный въ большій кругъ упомянутаго шара и описанный около него же квадраты, а высота равна высотѣ цилиндра.“

По тригонометрии: „Вычислить стороны прямоугольного треугольника, если площадь круга, вписанного въ него равна 154 квадратнымъ дюймамъ, а одинъ изъ острыхъ угловъ содержить $15^{\circ}25'10''$.“

Ришельевская гимн. *По алгебре:* „Два купца продали нѣсколько аршинъ сукна; второй продалъ тремя аршинами болѣе, чѣмъ первый и вмѣстѣ они выручили 35 р. Еслибы первый купецъ продавалъ по своей цѣнѣ сукно, принадлежащее второму, то онъ выручилъ бы 24 р., а еслибы второй продавалъ по своей цѣнѣ сукно первого купца, то онъ получилъ бы 12,5 рублей. Сколько аршинъ продалъ тотъ и другой купецъ?“

По геометрии: „Въ шаръ вписанъ конусъ такъ, что высота его въ центрѣ дѣлится въ крайнемъ и среднемъ отношеніи. Найти отношеніе объема шара къ объему конуса.“

По тригонометрии: „Въ треугольникѣ высота $h = 19,66$, а углы при основаніи $\alpha = 43^{\circ}26'$, $\beta = 76^{\circ}46'$; опредѣлить площадь треугольника.“

(Продолженіе слѣдуетъ).

РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

№ 50 (2 сер.). Въ окружности проведены диаметръ $AD=2r$ и три хорды $AB = a$, $BC = b$ и $CD = c$. Определить поверхность и объемъ тѣла, происходящаго отъ вращенія ломаной линіи $ABCD$ около AD и примѣнить полученные формулы къ тому случаю, когда AB и CD представляютъ стороны квадрата и правильного шестиугольника.

Тѣло вращенія состоитъ изъ двухъ полныхъ конусовъ ABB' , CDC' и усѣченного $BB'C'C$. Назовемъ точки пересеченія BB' и $C'C'$ съ линіей AD черезъ M и N .

Для решения задачи достаточно определить AM , MN , ND , MB и NC .

Изъ $\triangle ABD$ и $\triangle ACD$

$$AM = \frac{a^2}{2r}, \quad ND = \frac{c^2}{2r}, \quad MB = \sqrt{AM \cdot MD}, \quad NC = \sqrt{AN \cdot ND}.$$

Очевидно

$$MN = \frac{4r^2 - a^2 - c^2}{2r}.$$

Дальнѣйшее решеніе не представляетъ никакихъ затрудненій.

B. Россовская (Курскъ), A. Шумяженко (Кievъ), C. Карновичъ, A. Коцанъ (Воронежъ), I. Теплицкий (Кременчугъ).

№ 84 (2 сер.). Показать, что если

$$\text{то } \left(\frac{y-z}{x} + \frac{z-x}{y} + \frac{x-y}{z} \right) \left(\frac{x}{y-z} + \frac{y}{z-x} + \frac{z}{x-y} \right) = 9.$$

На основании тождества

$$(x+y+z)^3 = x^3 + y^3 + z^3 - 3(x+y+z)(xy+xz+yz) - 3xyz$$

находимъ

$$\frac{x^3 + y^3 + z^3}{xyz} = 3;$$

Такъ какъ

$$\frac{z-x}{y} + \frac{x-y}{z} = \frac{(z-y)(z+y-x)}{yz} = \frac{2x(y-z)}{yz},$$

то

$$\left(\frac{y-z}{x} + \frac{z-x}{y} + \frac{x-y}{z} \right) \frac{x}{y-z} = 1 + \frac{2x^2}{yz}.$$

Точно также

$$\left(\frac{y-z}{x} + \frac{z-x}{y} + \frac{x-y}{z} \right) \frac{z}{x-y} = 1 + \frac{2y^2}{xz},$$

$$\left(\frac{y-z}{x} + \frac{z-x}{y} + \frac{x-y}{z} \right) \frac{y}{z-x} = 1 + \frac{2z^2}{xy},$$

следовательно, данное выражение равно

$$3 + \frac{2(x^3 + y^3 + z^3)}{xyz} = 9.$$

И. Сваниківъ (Троицкъ), П. Андреяновъ (Москва), В. Россовская, И. Пицаревъ (Курскъ), В. Рубцовъ (Уфа), М. Прасоловъ (Ревель), И. Вонсихъ (Воронежъ), Я. Теляковъ (Радомысьль), А. Дукельский, М. Аренштейнъ (Кременчугъ), И. Буллянкинъ (Кіевъ), Я. М. (Кам.-Под.)

Редакторъ-Издатель Э. К. Шпачинскій.

Дозволено цензурою. Одесса 5 марта 1892 г.
Типо-литографія Штаба Одесского военного округа. Тираспольская, № 14.

Открыта подписка на 1892 г. (второй годъ изданія) на
„МЕТЕОРОЛОГИЧЕСКІЙ ВѢСТНИКЪ“

издаваемый отдѣленіями математической и физической географіи Императорского
Русского Географического Общества

подъ редакціею

A. И. Войкова, М. А. Рыкачева, И. Б. Шпиндлера.

Въ 1892 г. журналъ будетъ выходить ежемѣсячно въ размѣрѣ отъ 2-хъ до
3-хъ печатныхъ листовъ по слѣдующей программѣ:

I. Научныя и популярныя статьи по всѣмъ частямъ метеорологіи, по ги-
дрологіи и земному магнетизму. II. Разныя извѣстія. III. Обзоръ русской и ино-
странной литературы. IV. Ежемѣсячные обзоры погоды съ картою. V. Вопро-
сы и отвѣты.

Журналъ рекомендованъ Ученымъ Комитетомъ Министерства Народного
Просвѣщенія для основныхъ и ученическихъ старшаго возраста библіотекъ муж-
скихъ и женскихъ гимназій и реальныхъ училищъ, а также для библіотекъ учи-
тельскихъ институтовъ и семинарій.

ПОДПИСНАЯ ЦѣНА: съ пересылкою во всѣ города Россіи 5 р.; безъ достав-
ки и пересылки 4 р. 50 к.; за границу во всѣ страны Всемирнаго Почтоваго
Союза 6 руб.

Допускается разсрочка подписной платы по соглашенію съ редакціею.

Подписка принимается въ Императорскомъ Русскомъ Географическомъ Об-
ществѣ (С.-Петербургъ, у Чернышева моста), въ будніе дни отъ 12-ти до 4-хъ
часовъ дня и въ дни засѣданій отъ 8-ми до 10ти часовъ вечера. Иногородные
адресуются въ С.-Петербургъ, Императорское Русское Географическое Общество
въ редакцію «Метеорологическаго Вѣстника».

Полные экземпляры «Метеорологического Вѣстника» за 1891 годъ имются толь-
ко за 2-ое полугодіе и продаются по 2 руб. 50 коп.

3—3

Въ Книжномъ Складѣ редакціи

„Вѣстника Опытной Физики и Элементарной Математики“

и у автора въ г. Симбирскѣ, Духовная Семинария

продается

**УЧЕНІЕ О ПОЛОЖИТЕЛЬНЫХЪ И ОТРИЦАТЕЛЬНЫХЪ
ЧИСЛАХЪ ВЪ АЛГЕБРАИЧЕСКОМЪ АНАЛИЗЪ.**

Въ помощь учащимся

Составилъ препод. матем. В. К. Горизонтовъ.

Симбирскъ 1891 г.

Цѣна 40 коп. съ пересылкой.

6—4

Издание рекомендовано Ученымъ Комитетомъ Министерства Народного Просвещенія для фундаментальныхъ библиотекъ реальныхъ, коммерческихъ и промышленныхъ училищъ.

ЕЖЕМѢСЯЧНЫЙ ТЕХНИЧЕСКІЙ ЖУРНАЛЪ

„ЗАПИСКИ“

ИМПЕРАТОРСКАГО РУССКАГО ТЕХНИЧЕСКАГО ОБЩЕСТВА.

«Записки» издаются съ 1867 г., со времени основанія Императорскаго Русского Техническаго Общества, и заключаетъ въ себѣ статьи по разнымъ отраслямъ техники, соотвѣтственно специальностямъ отдѣловъ Общества, а именно:

I-й отд. Химическая технологія и металлургія. II-й отд. Механика и механическая технологія. III-й отд. Инженерно-строительное и горное дѣло. IV-й отд. Техника военного и морского дѣла. V-й отд. Фотографія и ея примѣненія. VI-й отд. Электротехника. VII-й отд. Воздухоплаваніе VIII-й отд. Железнодорожное дѣло. IX-й отд. Техническое образованіе.

Главнымъ материаломъ для изданія служатъ работы и изслѣдованія по разнымъ вопросамъ техники, докладываемыя Императорскому Русскому Техническому Обществу въ общихъ собраніяхъ, и особенно въ засѣданіяхъ вышеперечисленныхъ девяти специальныхъ отдѣловъ Общества (преимущественно же семи, за исключеніемъ VI-го и VIII-го отдѣловъ, имѣющихъ свои специальный изданія). Кромѣ этихъ статей, редакція располагаетъ цѣннымъ материаломъ по организуемымъ Техническимъ Обществомъ съездамъ, выставкамъ и т. п., въ видѣ специальныхъ докладовъ на съездахъ, отчетовъ о систематическихъ изслѣдованіяхъ, произведенныхъ экспертиными комиссиями, а равно объ исполненныхъ въ лабораторіи Общества работахъ, техническихъ отчетовъ лицъ, командируемыхъ Обществомъ на заграницы, выставки, и другихъ статей специальнотехническаго содержанія, вызываемыхъ дѣятельностью Общества.

Всѣ вышеозначенные материалы, подъ общей рубрикой «Труды Общества», составляютъ главный отдѣлъ «Записокъ». Редакція, не ограничиваясь этимъ материаломъ и имѣя въ виду непрочность частныхъ техническихъ изданій въ Россіи, обусловливющую большие перерывы въ обзорѣ техническихъ новостей, ведеть съ 1887 г. отдѣлъ «Обзора» важнейшихъ явлений въ области техническихъ изобрѣтеній и усовершенствованій. Этотъ отдѣлъ значительно расширяется съ 1892 г. Отдѣлъ «Обзора» дополняется прилагаемымъ къ «Запискамъ» — Сводомъ привилегий на изобрѣтенія и усовершенствованія. Всѣ выдаваемыя въ Россіи Департаментомъ торговли и мануфактуръ привилегіи, число коихъ за послѣдніе годы простирается до 250 и болѣе, въ подробномъ описаніи, представляющемъ точную концѣподлинныхъ привилегій, и съ объяснительными чертежами, составляютъ нѣсколько книжекъ, отдѣльно прилагаемыхъ. Въ отдѣлѣ «Обзора» помѣщается, кроме того, указатель испрашиваемыхъ и прекращенныхъ привилегій.

Въ отдѣлѣ «Дѣйствія Общества» помѣщаются протоколы засѣданій Собрания и отдѣловъ Общества.

Лица, желающія ближе познакомиться съ изданіемъ, получаютъ, за пять 7-и коп. почт. марокъ, указатель статей за 1866—88 гг. и примѣрный выпускъ Подписная плата на 1892 г.—12 р., съ достав. и перес. въ Россіи и 16 р. за границу; отдѣльные выпуски по 2 р. Подписка принимается въ Редакціи въ С.-Петербургѣ, Пантелеимоновская ул., 2, и у книгопродавцевъ. Гг. иногородніе благоволятъ обращаться предпочтительно въ Редакцію.

Всѣмъ подписчикамъ по заявленію высылается «Узазатель статей», помѣщенныхъ въ «Запискахъ» за года 1867—1888.

Цѣна съ достав. и перес. «Записокъ» за прежніе года съ 1867—87—4 р. за годъ и 1 р. за отдѣльный выпускъ, за 1889—91 г—8 р. за годъ и 2 р. за отдѣльный выпускъ. За 19 лѣтъ: 1867, 1869—1883, 1886, 1887—70 р., а для школьныхъ библиотекъ, согласно постановленію Собрата Император. Русскаго Технич. Общества,—40 р. За года 1868, 1884, 1885 и 1888 Записки всѣ разошлись.

Оглашения принимаются по 10 р. за страницу и 5 р. за полъ-страницы. За юзовыи объявленія плата значительно понижается, по соглашенію.

Обложка
ищется

Обложка
ищется